

# کل سوالات کنکور سراسری

گردآوری: دکتر فرزام عابدینی رتبه ۴۱ کنکور



@physics\_farzam



@physics\_farzam



Abedinifarzam.com

# بخش اول: سوالات

# فصل اول فیزیک دهم

## (سوالات)

- ① بار الکتریکی جسمی  $160 \times 10^{-10} \mu C$  است. این مقدار بار برحسب کولن و برحسب نمادگذاری علمی کدام است؟  
 (۱)  $1/6 \times 10^{-20}$  (۲)  $1/6 \times 10^{-8}$  (۳)  $1/60 \times 10^{-2}$  (۴)  $1/60 \times 10^{-14}$
- ② حجم بنزین مصرفی در ایران، در یک سال  $26000000000 L$  است. برحسب نمادگذاری علمی، کدام مورد درست است؟  
 (۱)  $2/60 \times 10^{10}$  (۲)  $2/60 \times 10^{11}$  (۳)  $2/6 \times 10^9$  (۴)  $2/6 \times 10^{11}$
- ③ درون یک لیتر آب، چند سانتی‌متر مکعب الکل بریزیم تا چگالی مخلوط ۱۰ درصد بیش‌تر از چگالی الکل شود؟ (چگالی آب و الکل به ترتیب  $1 \frac{g}{cm^3}$  و  $0/8 \frac{g}{cm^3}$  است). درون یک لیتر آب، چند سانتی‌متر مکعب الکل بریزیم تا چگالی مخلوط ۱۰ درصد بیش‌تر از چگالی الکل شود؟ (چگالی آب و الکل به ترتیب  $1 \frac{g}{cm^3}$  و  $0/8 \frac{g}{cm^3}$  است).  
 (۱) ۸۰۰ (۲) ۱۲۰۰  
 (۳) ۱۵۰۰ (۴) ۱۸۰۰
- ④ یک آمپرسنج دیجیتال، جریان عبوری از یک مدار الکتریکی را به صورت  $3/020 A$  نشان می‌دهد. دقت اندازه‌گیری این آمپرسنج چند میلی‌آمپر است؟  
 (۱) ۰/۰۱ (۲) ۱ (۳) ۱۰ (۴) ۰/۰۰۱

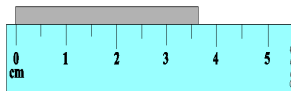
- ⑤ دقت اندازه‌گیری ابزارهای اندازه‌گیری (الف)، (ب) و (پ) در شکل‌های زیر، به ترتیب از راست به چپ کدام است؟



(الف) (ب) (پ)

- (۱)  $1 \text{ cm}$ ،  $1^\circ C$  و  $0/01 \text{ km}$   
 (۲)  $1 \text{ cm}$ ،  $0/1^\circ C$  و  $0/010 \text{ km}$   
 (۳)  $0/5 \text{ cm}$ ،  $0/1^\circ C$  و  $0/001 \text{ km}$   
 (۴)  $0/5 \text{ cm}$ ،  $0/1^\circ C$  و  $0/01 \text{ km}$

- ⑥ در شکل روبه‌رو، کدام گزارش برای نشان دادن طول جسم مناسب است؟



- (۱)  $3/7 \text{ cm} \pm 0/3 \text{ cm}$   
 (۲)  $3/7 \text{ cm} \pm 0/25 \text{ cm}$   
 (۳)  $3/70 \text{ cm} \pm 0/25 \text{ cm}$   
 (۴)  $3/70 \text{ cm} \pm 0/30 \text{ cm}$

- ⑦ جرم یک قطعه سنگ قیمتی ۲۰۰ قیراط است و هر قیراط معادل ۲۰۰ میلی‌گرم است. جرم این سنگ چند گرم است؟

- (۱) ۴ (۲) ۱۰ (۳) ۴۰ (۴) ۱۰۰

- ⑧ در کدام یک از موارد زیر، همه کمیت‌ها فرعی هستند؟

- (۱) جرم، زمان، فشار  
 (۲) چگالی، انرژی  
 (۳) چگالی، جریان الکتریکی، حجم  
 (۴) شدت روشنایی، مقدار ماده، زمان

- ⑨ کدام کمیت‌ها، همگی از کمیت‌های اصلی هستند؟

- (۱) دما، نیرو، فشار  
 (۲) فشار، زمان، سرعت  
 (۳) جریان الکتریکی، جرم، نیرو  
 (۴) دما، جریان الکتریکی، جرم



# فصل دوم فیزیک دهم

(سوالات)

۱) در یک لوله استوانه‌ای که مساحت قاعده آن  $20 \text{ cm}^2$  است،  $272$  گرم جیوه و  $544$  گرم آب می‌ریزیم. فشار در ته لوله چند پاسکال می‌شود؟

$$\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \text{ و } P_0 = 75 \text{ cmHg} \quad , \quad \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad , \quad \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right)$$

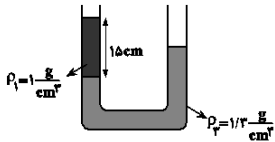
- ۱۰۳۳۶۰ (۱)                      ۱۰۴۷۲۰ (۲)                      ۱۰۶۰۸۰ (۳)                      ۱۰۷۴۴۰ (۴)

۲) در یک لوله استوانه‌ای که مساحت قاعده آن  $15 \text{ cm}^2$  است، تا ارتفاع  $20 \text{ cm}$  مایعی به چگالی  $2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  قرار دارد. چند لیتر از مایع دیگری به چگالی  $1/06 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  به مایع درون لوله اضافه کنیم تا فشار در ته لوله  $10$  درصد افزایش یابد؟  $P_0 = 75 \text{ cmHg}$

$$\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \text{ و } \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right)$$

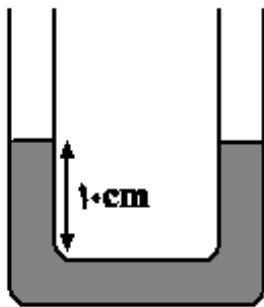
- ۲ (۱)                      ۲/۵ (۲)                      ۱ (۳)                      ۱/۵ (۴)

۳) در شکل زیر، سطح مقطع لوله  $1 \text{ cm}^2$  است. در سمت راست لوله، چند سانتی‌متر مکعب مایع مخلوط نشدنی به چگالی  $\rho_2 = 0/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  بریزیم تا سطح آزاد مایع‌ها در دو طرع لوله در یک سطح باشد؟



- ۳/۵ (۱)  
۷/۲ (۲)  
۹ (۳)  
۱۲ (۴)

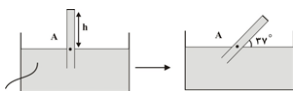
۴) در شکل زیر، سطح مقطع لوله  $2 \text{ cm}^2$  است و در آن آب با چگالی  $\rho_1 = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  قرار دارد. روی آب، در یک طرف  $20 \text{ cm}^3$  مایع مخلوط نشدنی با چگالی  $\rho_2 = 0/8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  می‌ریزیم. در لوله مقابل چند سانتی‌متر مکعب مایع مخلوط‌نشدنی دیگری با چگالی  $\rho_3 = 0/75 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  بریزیم، تا سطح آزاد مایع‌ها در دو شاخه لوله در یک سطح باشد؟



- ۸ (۱)  
۱۲ (۲)  
۱۲/۸ (۳)  
۱۶ (۴)

۵) مطابق شکل زیر، اگر لوله قائم را حول نقطه A طوری دوران دهیم که زاویه آن با سطح زاویه آن با سطح افقی مایع برابر با  $37^\circ$  شود. اندازه نیروی وارد بر انتهای بسته لوله  $20$  درصد افزایش می‌یابد. اگر فشار هوا در محل این آزمایش برابر با  $75 \text{ cmHg}$  باشد،  $h$  چند سانتی‌متر است؟

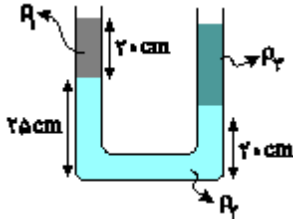
$$\left( \cos 37^\circ = 0/8 \quad \text{و} \quad \rho_{\text{مایع}} = 3/4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \quad \text{و} \quad \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right)$$



- ۵۰ (۱)  
۱۰۰ (۲)  
۱۵۰ (۳)  
۲۰۰ (۴)



۶) در شکل زیر، سه مایع مخلوط نشدنی به چگالی‌های  $\rho_1 = 0/8 \frac{g}{cm^3}$ ،  $\rho_2 = 2/4 \frac{g}{cm^3}$  و مایع سوم با چگالی  $\rho_3$  به حالت تعادل قرار دارند. اگر سطح مقطع لوله  $2cm^2$  باشد، جرم مایع سوم چند گرم است؟

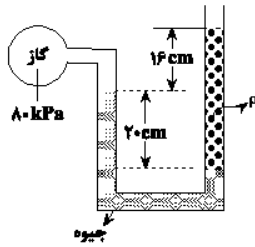


- ۵۶ (۱)
- ۴۸ (۲)
- ۴۲ (۳)
- ۳۵ (۴)

۷) در مکانی که فشار هوا  $1/0.26 \times 10^5 Pa$  است، اگر از عمق ۱۰ سانتی‌متری مایعی، به عمق ۵۳ سانتی‌متری برویم، فشار  $1/5$  برابر می‌شود. چگالی مایع چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- ۱۳/۸ (۴)
- ۱۳/۵ (۳)
- ۲/۶ (۲)
- ۲/۵ (۱)

۸) درون لوله U شکلی که به یک مخزن محتوی گاز وصل شده است، جیوه به چگالی  $13600 \frac{kg}{m^3}$  و مایعی به چگالی  $\rho$  وجود دارد. اگر فشار هوای بیرون لوله  $1.0^5 Pa$  باشد،  $\rho$  چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

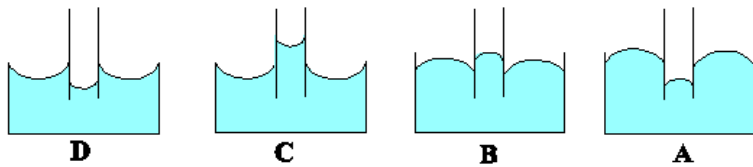


- ۱۰۰۰ (۱)
- ۱۵۰۰ (۲)
- ۲۰۰۰ (۳)
- ۲۵۰۰ (۴)

۹) اگر در عمق ۵ سانتی‌متری مایعی فشار ۱۰۰ کیلوپاسکال و در عمق ۲۰ سانتی‌متری آن فشار ۱۰۶ کیلوپاسکال باشد، فشار هوا در محیط چند کیلوپاسکال است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- ۹۹ (۴)
- ۹۸ (۳)
- ۹۷ (۲)
- ۹۶ (۱)

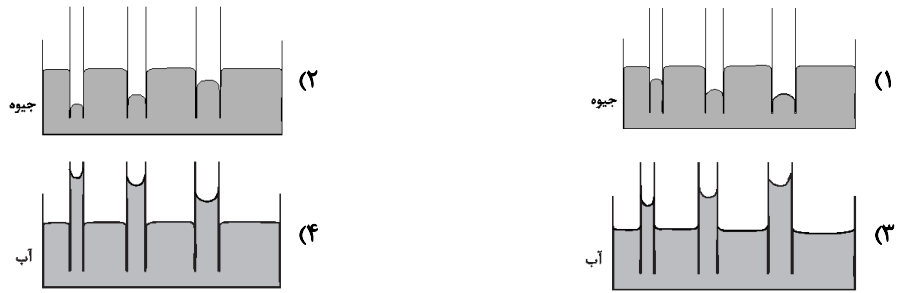
۱۰) اگر یک لوله موئین را که دو طرف آن باز است به‌طور قائم در جیوه فرو ببریم، به صورت کدام‌یک از شکل‌های زیر درمی‌آید؟



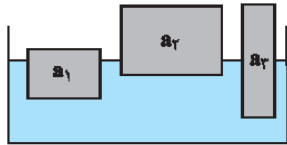
- A (۱)
- B (۲)
- C (۳)
- D (۴)



۱۱) کدام یک از شکل‌های زیر، خاصیت موینگی در لوله‌های شیشه‌ای را درست نشان داده است؟

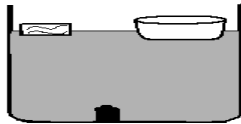


۱۲) سه جسم  $a_1, a_2, a_3$  با چگالی‌های متفاوت بر سطح آب شناورند. کدام رابطه بین چگالی آن‌ها درست است؟



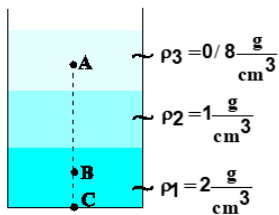
- ۱)  $\rho_1 > \rho_2 > \rho_3$
- ۲)  $\rho_1 > \rho_3 > \rho_2$
- ۳)  $\rho_3 > \rho_1 > \rho_2$
- ۴)  $\rho_3 > \rho_2 > \rho_1$

۱۳) در شکل زیر، یک ظرف خالی و یک قطعه چوب روی آب شناورند و یک وزنه فلزی در کف آب قرار دارد. اگر چوب را از سطح آب برداشته و داخل ظرف قرار دهیم، فشار در کف ظرف آب چگونه تغییر می‌کند و اگر وزنه را از جایی که قرار دارد، برداریم و درون ظرف قرار دهیم و ظرف همچنان شناور بماند، فشار در کف ظرف آب چگونه تغییر می‌کند؟ (به ترتیب از راست به چپ)



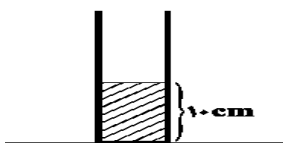
- ۱) کاهش می‌یابد - کاهش می‌یابد.
- ۲) افزایش می‌یابد - افزایش می‌یابد.
- ۳) ثابت می‌ماند - افزایش می‌یابد.
- ۴) ثابت می‌ماند - کاهش می‌یابد.

۱۴) در شکل زیر، سه مایع مخلوط‌نشده با چگالی‌های مشخص قرار دارد و ارتفاع هر لایه از مایع‌ها ۲۰ cm است. اگر  $AB = 40$  cm و  $BC = 10$  cm باشد، اختلاف فشار بین دو نقطه A و B چند پاسکال است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



- ۱) ۱۶۰۰
- ۲) ۲۶۰۰
- ۳) ۳۸۰۰
- ۴) ۴۸۰۰

۱۵) مطابق شکل زیر، در یک استوانه بلند به سطح مقطع  $20 \text{ cm}^2$  تا ارتفاع ۱۰ cm از یک مایع به چگالی ۱۲۵۰ گرم بر لیتر قرار دارد و فشار در ته لوله  $P_1$  است. چند سانتی‌متر مکعب از مایع دیگری به چگالی ۸۰۰ گرم بر لیتر به مایع داخل لوله اضافه کنیم، تا فشار در ته لوله به  $1/2 P_1$  برسد؟



- ۱) ۵۱/۲۵
- ۲) ۲۵۶/۲۵
- ۳) ۵۱۲/۵
- ۴) ۲۵۶۲/۵



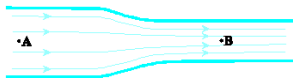
۱۶) شهری با مساحت  $180 \text{ km}^2$  در زمینی مسطح در شمال ایران واقع است. در یک روز،  $10$  میلی‌متر باران در این شهر باریده است. اگر هر قطره باران، کره‌ای به قطر  $4 \text{ mm}$  فرض شود، تخمین مرتبه بزرگی تعداد قطره‌های باران کدام است؟

- (۱)  $10^{11}$  (۲)  $10^{12}$  (۳)  $10^{14}$  (۴)  $10^{16}$

۱۷) کدام مورد درست است؟

- (۱) ویژگی‌های مواد در مقیاس نانو، به‌طور قابل توجهی تغییر می‌کند.  
 (۲) هرچه ابعاد یک جسم کاهش می‌یابد ویژگی‌های آن نیز به تدریج تغییر می‌کند.  
 (۳) ویژگی‌های مواد در مقیاس مگا و بالاتر، به‌طور قابل توجهی تغییر می‌کند.  
 (۴) هرچه ابعاد یک جسم افزایش می‌یابد، همه خواص فیزیکی آن نیز تغییر می‌کند.

۱۸) در شکل زیر، آب به‌صورت پیوسته در لوله جاری است. اگر قطر مقطع بزرگ دو برابر قطر مقطع کوچک باشد، تندی حرکت آب در نقطه A چند برابر تندی در نقطه B است؟



- (۱)  $\frac{1}{4}$  (۲)  $\frac{1}{2}$  (۳)  $2$  (۴)  $4$

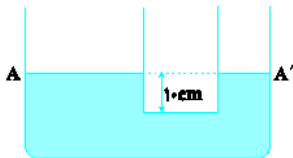
۱۹) در شکل زیر، آب حجم لوله‌ها را پر کرده و به‌صورت پیوسته و پایدار در لوله‌هایی افقی با سطح مقطع‌های متفاوت جاری است. اگر تندی آب را با  $V$  و فشار آن را با  $P$  نشان دهیم، کدام رابطه درست است؟



- (۱)  $P_A > P_B$  و  $V_A < V_B$   
 (۲)  $P_A > P_B$  و  $V_A > V_B$   
 (۳)  $P_A < P_B$  و  $V_A < V_B$   
 (۴)  $P_A < P_B$  و  $V_A > V_B$

۲۰) در دو لوله استوانه‌ای مربوط به هم تا سطح AA' آب وجود دارد و قطر قاعده یکی از استوانه‌ها  $3$  برابر قطر قاعده استوانه دیگر است. اگر از لوله سمت چپ تا ارتفاع  $5$  سانتی‌متر نفت اضافه کنیم، آب در لوله باریک چند سانتی‌متر نسبت به حالت اول بالا می‌رود؟

$$\rho = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ و } g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \text{ و } \rho = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

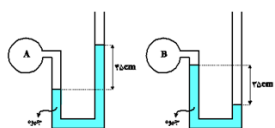


- (۱)  $1/2$  (۲)  $3/6$  (۳)  $4$  (۴)  $5$

۲۱) مکعب فلزی توپری به ابعاد  $2 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}$  و چگالی  $8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  از طرف یکی از وجه‌هایش روی سطح افقی قرار می‌گیرد. بیشترین فشاری که مکعب می‌تواند بر سطح وارد کند، چند پاسکال است؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )

- (۱)  $1/6 \times 10^2$  (۲)  $4 \times 10^2$  (۳)  $1/6 \times 10^3$  (۴)  $4 \times 10^3$

۲۲) اگر فشار هوا در محل آزمایش  $75$  سانتی‌متر جیوه باشد، فشار گاز درون مخزن A چند برابر فشار گاز درون مخزن B است؟

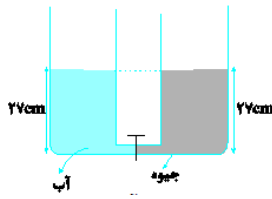


- (۱)  $\frac{9}{7}$  (۲)  $2$  (۳)  $\frac{16}{7}$  (۴)  $3$



۲۳) دو ظرف استوانه‌ای مشابه به وسیله لوله بسیار باریک با حجم ناچیز به یکدیگر مربوطاند و مطابق شکل زیر در یک استوانه آب و در دیگری جیوه قرار دارد. اگر شیر ارتباطی بین دو ظرف را باز کنیم، سطح جیوه در لوله چند سانتی‌متر پایین می‌آید؟

$$\left( \rho_{\text{جیوه}} = 13/5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ و } \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right)$$



۲ (۱)

۵ (۲)

۱۲/۵ (۳)

۲۵ (۴)

۲۴) نصف حجم استوانه‌ای از مایع با چگالی  $\rho_1$  پر شده و نیمه بالایی آن از مایعی با چگالی  $\rho_2$  پر شده است و فشار حاصل از دو مایع در کف استوانه برابر  $P_1$  است. اگر این دو مایع را به هم بزنیم و دو مایع در هم حل شوند، فشار حاصل از محلول در کف استوانه برابر  $P_2$  می‌شود. کدام رابطه درست است؟

$$P_2 = \frac{\rho_1 + \rho_2}{2(\rho_1 - \rho_2)} P_1 \quad (۴)$$

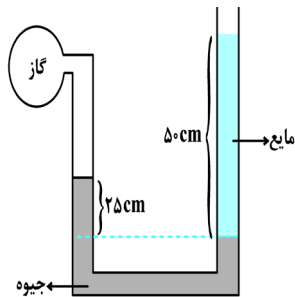
$$P_2 < P_1 \quad (۳)$$

$$P_2 > P_1 \quad (۲)$$

$$P_2 = P_1 \quad (۱)$$

$$\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \gg \rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \right)$$

۲۵) در شکل زیر، فشار پیمانه‌ای گاز  $-25 \text{ kPa}$  است. چگالی مایع، چند  $\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$  است؟



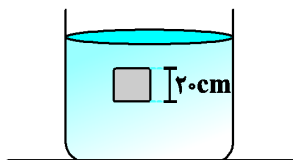
۳۶۰۰ (۱)

۲۵۰۰ (۲)

۱۸۰۰ (۳)

۹۰۰ (۴)

۲۶) مطابق شکل، جسمی مکعبی به طول ضلع  $20 \text{ cm}$  درون شاره‌ای غوطه‌ور و در حال تعادل است. فشار در بالا و زیر جسم،  $101 \text{ kPa}$  و  $105 \text{ kPa}$  است. چگالی مایع، چند گرم بر لیتر است؟  $\left( g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$

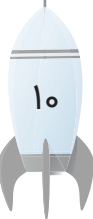


۲ (۱)

۳ (۲)

۲۰۰۰ (۳)

۳۰۰۰ (۴)



# فصل سوم فیزیک دهم

## (سوالات)

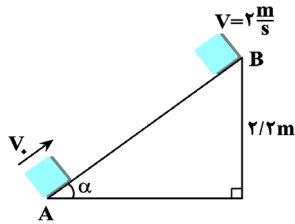
① جسمی به جرم ۲۰۰ گرم از ارتفاع ۱۵ متری سطح زمین با تندی  $10 \frac{m}{s}$  پرتاب می‌شود و با تندی  $18 \frac{m}{s}$  به سطح زمین می‌رسد. کار نیروی مقاومت هوا چند ژول است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱)  $-12/8$  (۲)  $-6/4$  (۳)  $-15/2$  (۴)  $-7/6$

② ماهواره‌ای به جرم ۲۰۰ kg با تندی ثابت  $2/5 \frac{km}{s}$  به دور زمین می‌چرخد. انرژی جنبشی این ماهواره چند مگاژول است؟

- (۱)  $6/25 \times 10^2$  (۲)  $6/25 \times 10^2$  (۳)  $6/25 \times 10^6$  (۴)  $6/25 \times 10^{-6}$

③ مطابق شکل، جسم از نقطه A مماس با سطح پرتاب می‌شود و تا رسیدن به نقطه B، ۲۵ درصد انرژی جنبشی اولیه آن توسط اصطکاک تلف می‌شود. تندی اولیه جسم چند متر بر ثانیه است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

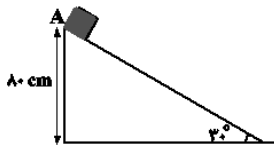


- (۱)  $2\sqrt{2}$  (۲)  $4\sqrt{2}$  (۳) ۸ (۴) ۴

④ جرم خودرویی به همراه راننده‌اش ۱۰۰۰ kg است. تندی خودرو در دو نقطه از مسیرش از  $18 \frac{m}{s}$  به  $25 \frac{m}{s}$  می‌رسد. تغییرات انرژی جنبشی خودرو در این جابه‌جایی، چند مگاژول است؟

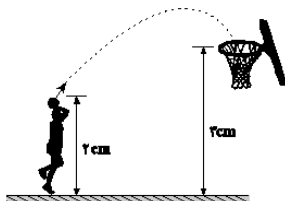
- (۱)  $3/01 \times 10^{-2}$  (۲)  $3/01 \times 10^5$  (۳)  $1/505 \times 10^{-1}$  (۴)  $1/505 \times 10^5$

⑤ در شکل زیر، جسمی به جرم ۵۰۰ گرم را از نقطه A رها می‌کنیم. جسم می‌لغزد و با تندی  $3 \frac{m}{s}$  به سطح افقی می‌رسد. کار نیروی وزن و کار نیروی اصطکاک، در این جابه‌جایی، به ترتیب چند ژول است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )



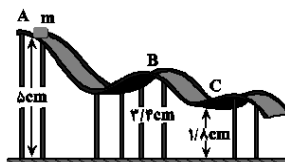
- (۱) ۴ و  $-1/75$  (۲) ۴ و  $-2/25$  (۳) ۸ و  $-5/75$  (۴) ۸ و  $-6/25$

⑥ در شکل زیر، توپ با تندی اولیه  $8 \frac{m}{s}$  پرتاب می‌شود. اگر کار نیروی مقاومت هوا تا رسیدن توپ به سبد،  $-\frac{1}{8} K$  باشد، نیروی توپ در لحظه ورود به سبد، چند متر بر ثانیه است؟ ( $K$  انرژی جنبشی اولیه و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  است.)



- (۱)  $2\sqrt{2}$  (۲)  $4\sqrt{2}$  (۳) ۵ (۴) ۶

⑦ جسمی به جرم m روی سطح بدون اصطکاک مطابق شکل زیر، از نقطه A رها می‌شود. تندی جسم در نقطه C، چند برابر تندی آن در نقطه B است؟



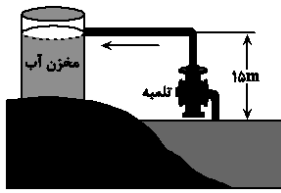
- (۱) ۲ (۲)  $\frac{\sqrt{17}}{3}$  (۳)  $\sqrt{3}$  (۴)  $\frac{17}{9}$





۸) در شکل زیر، توان ورودی تلمبه برقی ۵ کیلووات است و در هر دقیقه ۱۲۰۰ لیتر آب با چگالی  $\rho = 1 \frac{g}{cm^3}$  را وارد مخزن می‌کند.

بازده این تلمبه، چند درصد است؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$



۶۰ (۱)

۶۵ (۲)

۷۵ (۳)

۸۰ (۴)

۹) اگر تندی جسمی در یک مسیر ثابت بماند، کدام موارد الزاماً درست است؟

الف) کار نیروی خالص وارد بر جسم صفر است.

ب) انرژی مکانیکی جسم ثابت می‌ماند.

پ) نیروی خالص وارد بر جسم صفر است.

ب و پ (۴)

الف و ب (۳)

پ (۲)

الف (۱)

۱۰) یک ماشین بالابر، برای بالا بردن وزنه‌ای به جرم  $50 \text{ kg}$  تا ارتفاع معینی از سطح زمین  $2000 \text{ J}$  انرژی مصرف می‌کند. اگر این وزنه از

ارتفاع فوق بدون سرعت اولیه در شرایط خلأ رها شود، با تندی  $8 \frac{m}{s}$  به زمین می‌رسد. بازده این ماشین چند درصد است؟

$$(g = 10 \frac{N}{kg})$$

۸۰ (۴)

۷۵ (۳)

۶۰ (۲)

۵۵ (۱)

۱۱) هواپیمایی به جرم  $60 \text{ t}$  با تندی  $80 \frac{m}{s}$  از باند فرودگاه بلند می‌شود و در مدت یک دقیقه تندی آن دو برابر می‌شود و به ارتفاع

$600 \text{ m}$  از سطح زمین می‌رسد. در این یک دقیقه، کار نیروی وزن روی هواپیما چند ژول است و انرژی مکانیکی هواپیما چند

ژول افزایش می‌یابد؟  $(g = 10 \frac{N}{kg})$

$2/16 \times 10^8$  و  $-3/6 \times 10^8$  (۲)

$9/36 \times 10^8$  و  $3/6 \times 10^8$  (۱)

$9/36 \times 10^8$  و  $-3/6 \times 10^8$  (۴)

$2/16 \times 10^8$  و  $3/6 \times 10^8$  (۳)

۱۲) چتربازی به جرم کل  $100 \text{ kg}$  از بالونی در ارتفاع  $500 \text{ m}$  از سطح زمین با سرعتی به بزرگی  $1/5 \frac{m}{s}$  به بیرون بالون می‌پرد. اگر او با

سرعتی به بزرگی  $4/5 \frac{m}{s}$  به زمین برسد، کار نیروی مقاومت هوا روی چترباز در طول مسیر سقوط چند کیلوژول است؟

$$(g = 10 \frac{m}{s^2})$$

-۹۰۰ (۱)

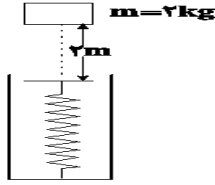
-۵۰۰/۹ (۲)

-۵۰۰ (۳)

-۴۹۹/۱ (۴)



۱۳) مطابق شکل زیر، وزنه‌ای به جرم ۲ کیلوگرم را با سرعت اولیه  $\frac{2}{5} \frac{m}{s}$  از ۲ متری بالای یک فنر قائم، به سمت فنر پرتاب می‌کنیم. اگر از جرم فنر و مقاومت هوا صرف نظر کنیم و بیشینه انرژی ذخیره شده در فنر ۴۶J باشد، بیشینه تراکم طول فنر چند سانتی‌متر است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )



- (۱) ۱/۳  
(۲) ۵  
(۳) ۸  
(۴) ۱۰

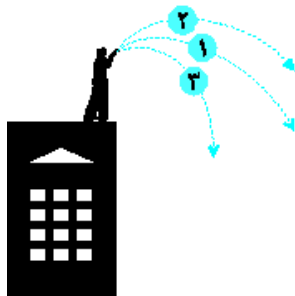
۱۴) یک پمپ آب در هر ساعت ۲۵۲ تن آب را تا ارتفاع ۱۲ متر بالا می‌کشد. اگر بازده پمپ ۸۰ درصد باشد، توان پمپ چند کیلووات است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱) ۷/۵ (۲) ۸ (۳) ۸/۴ (۴) ۱۰/۵

۱۵) نیروی  $\vec{F} = (30 \cdot N)\vec{i} + (40 \cdot N)\vec{j}$  به جسمی به جرم ۵kg وارد می‌شود و آن را روی سطح افقی به اندازه  $\Delta x = (6m)\vec{i}$  جابه‌جا می‌کند. کار نیروی  $\vec{F}$  در این جابه‌جایی چند ژول است؟

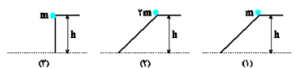
- (۱) ۱۸۰ (۲) ۲۴۰ (۳) ۳۰۰ (۴) ۴۲۰

۱۶) مطابق شکل زیر، سه توپ مشابه از بالای ساختمانی، از یک نقطه با سرعت یکسان پرتاب می‌شوند. اگر کار نیروی وزن سه توپ از لحظه پرتاب تا رسیدن به زمین  $W_1$ ،  $W_2$  و  $W_3$  باشد، کدام رابطه درست است؟



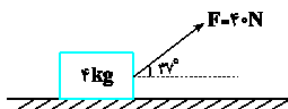
- (۱)  $W_1 = W_2 = W_3$   
(۲)  $W_2 > W_1 > W_3$   
(۳)  $W_2 < W_3 < W_1$   
(۴)  $W_2 = W_3 > W_1$

۱۷) سه گلوله مطابق شکل زیر از حال سکون و از ارتفاع h نسبت به سطح افق رها می‌شوند و نیروی اصطکاک و مقاومت هوا بر آن‌ها وارد نمی‌شود. کدام مورد درست است؟



- (۱) انرژی جنبشی هر سه گلوله در لحظه رسیدن به زمین یکسان است.  
(۲) بزرگی سرعت هر سه گلوله در لحظه رسیدن به زمین یکسان است.  
(۳) تکانه هر سه گلوله در لحظه رسیدن به زمین یکسان است.  
(۴) هر سه مورد درست است.

۱۸) مطابق شکل زیر، به جسمی به جرم ۴ کیلوگرم روی سطح افقی نیروی  $F = 40 \text{ N}$  وارد می‌شود و پس از طی مسافت ۱/۶ متر سرعتش از صفر به  $4 \frac{m}{s}$  می‌رسد. نیروی اصطکاک چند نیوتون است؟ ( $\cos 37^\circ = 0.8$ )



- (۱) ۴  
(۲) ۱۲  
(۳) ۲۰  
(۴) ۳۲

۱۹) گلوله‌ای به جرم  $200\text{ g}$  با سرعت اولیه  $30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در راستای قائم، رو به بالا پرتاب می‌شود. مقاومت هوا باعث می‌شود،  $10\text{ J}$  انرژی

گلوله تا رسیدن به اوج تلف شود. اگر مقاومت هوا وجود نمی‌داشت، گلوله چند متر بالاتر می‌رفت؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

۵ (۱) ۱۰ (۲) ۱۵ (۳) ۲۰ (۴)

۲۰) گلوله‌ای با تندی اولیه  $80 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  از سطح زمین پرتاب می‌شود و در ارتفاع  $236$  متری از سطح زمین با تندی  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به صخره‌ای

برخورد می‌کند، چند درصد انرژی جنبشی اولیه گلوله در اثر مقاومت هوا تلف شده است؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

۲۵ (۱) ۲۰ (۲) ۱۰ (۳) ۵ (۴)

۲۱) جسم ساکنی به جرم  $2\text{ kg}$  را از ارتفاع یک متری زمین به ارتفاع  $1/5$  متری زمین می‌بریم و دوباره به حالت سکون می‌رسانیم. کار

نیروی وزن در این جابه‌جایی، چند ژول است؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

۲۰ (۱)  $-20$  (۲)  $10$  (۳)  $-10$  (۴)



# فصل چہارم فیزیک دہم

## (سوالات)

۱) دمای جسمی برحسب درجه فارنهایت، ۵ برابر دمای آن برحسب درجه سلسیوس است. این دما چند کلوین است؟

- ۲۶۳ (۱)      ۲۷۳ (۲)      ۲۸۳ (۳)      ۳۶۳ (۴)

۲) دمای شهری در دو روز مختلف در یک سال،  $40^{\circ}\text{C}$  و  $-10^{\circ}\text{C}$  است. اختلاف دما در این دو روز، چند درجه فارنهایت است؟

- ۳۰ (۱)      ۵۰ (۲)      ۵۴ (۳)      ۹۰ (۴)

۳) شخصی ۳۰۰g آب  $70^{\circ}\text{C}$  را در یک ظرف آلومینیومی به جرم ۱۲۰g که دمای آن  $20^{\circ}\text{C}$  است، می‌ریزد. دمای نهایی پس از آنکه آب و ظرف به تعادل برسند، تقریباً چند کلوین است؟ (فرض کنید هیچ گرمایی به محیط مبادله نمی‌شود.)

$$\left( c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}, c_{\text{آلومینیوم}} = 900 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}} \right)$$

- ۳۲۹ (۱)      ۶۵ (۲)      ۳۳۹ (۳)      ۶۶ (۴)

۴) در ظرفی عایق حاوی ۵۲۰ گرم آب  $15^{\circ}\text{C}$ ، یک قطعه مس به جرم ۱۰۰g به دمای  $50^{\circ}\text{C}$  و یک قطعه فلز دیگر به دمای  $60^{\circ}\text{C}$  می‌اندازیم. پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای تعادل به  $20^{\circ}\text{C}$  می‌رسد. با چشم‌پوشی از تبادل گرما بین ظرف و سایر اجسام، ظرفیت گرمایی فلز در SI چقدر است؟

$$\left( c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}, c_{\text{مس}} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}} \right)$$

- ۱۲۴ (۱)      ۲۴۳ (۲)      ۲۴۳۰۰۰ (۳)      ۱۲۴۰۰۰ (۴)

۵) طول دو میله مسی و آهنی در دمای صفر درجه سلسیوس، هر یک برابر  $0/5$  متر است. دمای میله‌ها را تا چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آن‌ها به  $0/3$  میلی‌متر برسد؟ (ضریب انبساط طولی مس و آهن در SI به ترتیب  $1/8 \times 10^{-5}$  و  $1/2 \times 10^{-5}$  است.)

- ۵۰ (۱)      ۱۰۰ (۲)      ۱۵۰ (۳)      ۲۰۰ (۴)

۶) حجم قطعه آلیاژی در دمای صفر درجه سلسیوس،  $1000\text{cm}^3$  است. دمای آن را ۱۲۰ کلوین افزایش می‌دهیم، حجم آن  $8/1\text{cm}^3$  افزایش می‌یابد. ضریب انبساط طولی این آلیاژ در SI، چقدر است؟

- ۱)  $1/83 \times 10^{-5}$       ۲)  $2/25 \times 10^{-5}$   
۳)  $6/1 \times 10^{-6}$       ۴)  $7/5 \times 10^{-6}$

۷) یک کیلوگرم یخ  $-10^{\circ}\text{C}$  را در فشار یک اتمسفر درون مقداری آب  $20^{\circ}\text{C}$  می‌اندازیم. اگر پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای آب به  $5^{\circ}\text{C}$  برسد، جرم آب چند کیلوگرم است؟

$$\left( L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}} \right)$$

- ۲ (۱)      ۳ (۲)      ۴ (۳)      ۶ (۴)

۸) یک قطعه آلومینیومی به جرم m و دمای  $94^{\circ}\text{C}$  را درون  $4/5\text{kg}$  آب  $50^{\circ}\text{C}$  می‌اندازیم. اگر پس از برقراری تعادل گرمایی، دمای آب به  $52^{\circ}\text{C}$  برسد، m چند کیلوگرم است؟

$$\left( c_{\text{آل}} = 900 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}} \right)$$

- ۲/۵ (۱)      ۲ (۲)      ۱/۵ (۳)      ۱ (۴)

۹) در پدیده آبر رسانی، مقاومت ویژه جسم با کاهش دما:

- ۱) با شیب ثابتی به صفر می‌رسد و در دماهای پایین‌تر نیز صفر می‌ماند.  
۲) کاهش می‌یابد و در دمای خاصی، ناگهان به مقدار زیادی افزایش می‌یابد.  
۳) در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می‌کند و با ادامه کاهش دما، دوباره افزایش می‌یابد.  
۴) در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می‌کند و در دماهای پایین‌تر، همچنان صفر می‌ماند.

۱۰) چند کیلوژول گرما از ۲ کیلوگرم آب  $10^{\circ}\text{C}$  بگیریم تا فقط نیمی از آن یخ بزند؟

$$L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad \text{و} \quad c_{\text{آب}} = 4/2 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$$

- ۷۵۶ (۱)      ۷۱۴ (۲)      ۴۲۰ (۳)      ۳۷۸ (۴)

۱۱) به مقداری یخ صفر درجه سلسیوس در فشار ۱ atm، گرما می‌دهیم و آن را به آب با دمای ۲۰ درجه سلسیوس تبدیل می‌کنیم. چند

$$\text{درصد گرمای داده شده، صرف ذوب کردن یخ شده است؟} \quad (L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad \text{و} \quad c_{\text{آب}} = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}})$$

- ۹۰ (۱)      ۸۰ (۲)      ۸۵ (۳)      ۷۵ (۴)

۱۲) ۲۰ گرم یخ در دمای صفر درجه سلسیوس (نقطه ذوب) قرار دارد. چند ژول گرما لازم است تا آن را ذوب کرده و دمای آب حاصل را

$$\text{به } 50^{\circ}\text{C} \text{ درجه فارنهایت برساند؟} \quad (L_F = 336 \frac{\text{J}}{\text{g}} \quad \text{و} \quad c_{\text{آب}} = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{g} \cdot ^{\circ}\text{C}})$$

- ۱۰۹۲۰ (۱)      ۹۰۵۰ (۲)      ۸۱۹۰ (۳)      ۷۵۶۰ (۴)

۱۳) در دمای صفر درجه سلسیوس، طول دو میله آلومینیم و فولادی با هم برابر و هر کدام ۴ متر است. دمای میله‌ها را تا چند درجه سلسیوس افزایش دهیم تا اختلاف طول آن‌ها  $2/3$  میلی‌متر شود؟

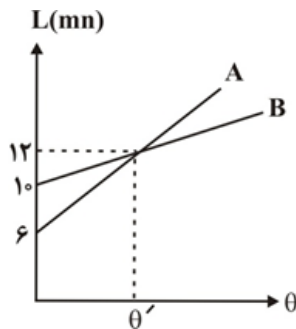
$$(\alpha_{\text{آلومینیم}} = 23 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1}, \quad \alpha_{\text{فولاد}} = 11/5 \times 10^{-6} \text{ K}^{-1})$$

- ۱۵ (۱)  
۲۵ (۲)  
۵۰ (۳)  
۱۰۰ (۴)

۱۴) اگر دمای یک صفحه فلزی را به صورت یکنواخت افزایش دهیم، مساحت آن  $0/2$  درصد افزایش می‌یابد. در این مدت چگالی این صفحه فلزی تقریباً چند درصد تغییر می‌کند؟

- ۰/۰۳ درصد افزایش می‌یابد. (۱)  
۰/۰۳ درصد کاهش می‌یابد. (۲)  
۰/۰۶ درصد افزایش می‌یابد. (۳)  
۰/۰۶ درصد کاهش می‌یابد. (۴)

۱۵) نمودار طول دو میله A و B برحسب دمای آن‌ها، مطابق شکل زیر است. ضریب انبساط طولی میله A چند برابر ضریب انبساط طولی میله B می‌باشد؟



- $\frac{1}{5}$  (۲)      ۵ (۱)  
 $\frac{1}{2}$  (۴)      ۲ (۳)

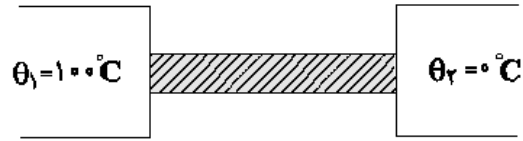
۱۶) در ظرفی ۸۰۰ گرم آب صفر درجه سلسیوس وجود دارد. یک قطعه فلز به جرم ۴۲۰ گرم و دمای ۸۴ درجه سلسیوس را درون آب می‌اندازیم. پس از برقراری تعادل، دمای مجموعه چند درجه سلسیوس می‌شود؟ (اتلاف گرما ناچیز و  $c_{\text{فلز}} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$  و  $c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$  است.)

- ۱۰ (۱)      ۶ (۲)      ۵ (۳)      ۴ (۴)

۱۷) به ۵۰g یخ  $-20^{\circ}\text{C}$  مقداری گرما با آهنگ  $10/5 \frac{\text{kJ}}{\text{min}}$  در مدت ۲۰ دقیقه می‌دهیم. دمای نهایی آب حاصل، چند درجه سلسیوس است؟

- صفر (۱)      ۵ (۲)      ۱۰ (۳)      ۱۵ (۴)

۱۸) در شکل زیر، میله فلزی عایق‌بندی شده‌ای به طول ۴۱ cm و سطح مقطع  $5 \text{ cm}^2$  بین دو چشمه با دمای ثابت قرار دارد. اگر رسانندگی گرمایی میله در SI برابر ۸۲ باشد، گرمایی که در مدت ۲۸ دقیقه منتقل می‌شود، چند گرم یخ صفر درجه سلسیوس را به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل می‌کند؟  $(L_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}})$



- (۱) ۵۰
- (۲) ۱۰۰
- (۳) ۱۵۰
- (۴) ۲۰۰

۱۹) دمای ۱۲۲ درجه فارنهایت معادل با چند درجه سلسیوس و چند کلوین است؟

- (۱) ۵۰ و ۳۲۲
- (۲) ۵۰ و ۳۲۳
- (۳) ۵۹ و ۳۳۲
- (۴) ۵۹ و ۳۲۳

۲۰) به دو جسم هم حجم A و B گرمای مساوی داده‌ایم. اگر گرمای ویژه A دو برابر گرمای ویژه B و همچنین چگالی A دو برابر چگالی B باشد، تغییر دمای جسم A چند برابر تغییر دمای جسم B است؟

- (۱)  $\frac{1}{4}$
- (۲)  $\frac{1}{2}$
- (۳) ۱
- (۴) ۴

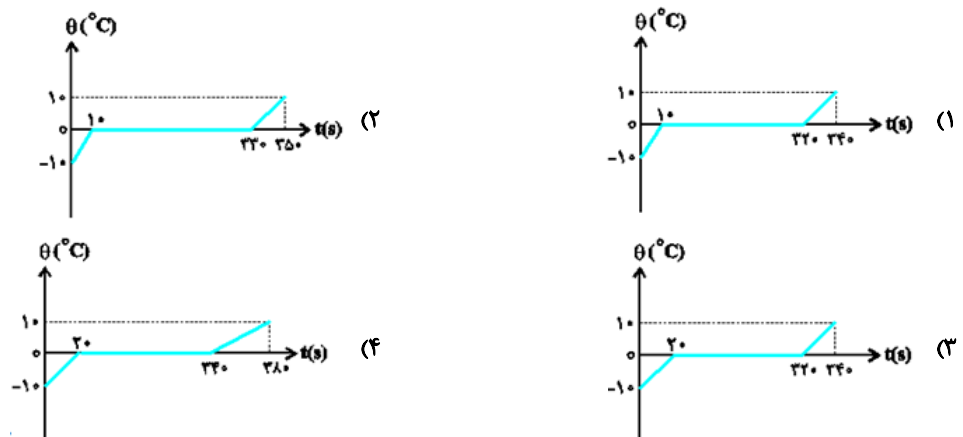
۲۱) گرمای ویژه آب  $4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$  است. چند کیلوژول گرما به یک کیلوگرم آب بدهیم تا دمای آن ۹ درجه فارنهایت افزایش یابد؟

- (۱) ۱۸/۹
- (۲) ۲۱
- (۳) ۳۷/۸
- (۴) ۴۲

۲۲) در ظرفی یک قطعه یخ صفر درجه سلسیوس وجود دارد. اگر ۸۰۰ گرم آب ۲۰ درجه سلسیوس در ظرف وارد کنیم و فقط بین آب و یخ تبادل گرما صورت گیرد، پس از برقراری تعادل گرمایی،  $\frac{1}{3}$  جرم قطعه یخ در ظرف باقی می‌ماند، جرم اولیه قطعه یخ چند گرم بوده است؟  $(C = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}}, L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}})$

- (۱) ۲۰۰
- (۲)  $\frac{800}{3}$
- (۳) ۳۰۰
- (۴) ۶۰۰

۲۳) به ۲۰۰g یخ  $-10^\circ\text{C}$  با آهنگ ثابت  $210 \frac{\text{J}}{\text{s}}$  گرما می‌دهیم تا به آب  $10^\circ\text{C}$  تبدیل شود. کدام نمودار، تغییرات دما را بر حسب زمان درست نشان می‌دهد؟  $(L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$  و  $c_{\text{آب}} = 2 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}} = c_{\text{یخ}}$ )



(۲۴) اگر ۹۰ درصد گرمایی را که ۸۰۰ گرم آب ۵۰ درجه سلسیوس از دست می‌دهد تا به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شود، به یک قطعه یخ صفر درجه سلسیوس بدهیم، چند گرم از یخ ذوب می‌شود؟  
 $(L_f = ۳۳۶۰۰۰ \frac{J}{kg}, C_{\text{آب}} = ۴۲۰۰ \frac{J}{kg \cdot K})$

- (۱) ۵۰۰ (۲) ۴۵۰ (۳) ۵۰ (۴) ۴۵

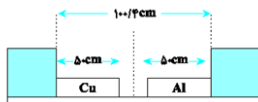
(۲۵) ضریب انبساط طولی آلومینیوم  $2/3 \times 10^{-5} K^{-1}$  است و روی یک ورقه تخت آلومینیومی، حفره دایره‌ای شکل ایجاد کرده‌ایم که مساحت آن در دمای صفر درجه سلسیوس  $۵۰ \text{cm}^2$  است. اگر دمای ورقه را به آرامی به ۸۰ درجه سلسیوس برسانیم، مساحت حفره چند سانتی‌متر مربع می‌شود؟

- (۱) ۴۹/۸۱۶ (۲) ۴۹/۹۰۸ (۳) ۵۰/۰۹۲ (۴) ۵۰/۱۸۴

(۲۶) یک گلوله سربی به شعاع ۱cm و جرم ۴۴g در دمای ۰°C قرار دارد. اگر دمای گلوله به ۱۰۰°C برسد، چگالی آن چند کیلوگرم بر متر مکعب و چگونه تغییر می‌کند؟ ( $\pi = ۳$  و  $\alpha_{\text{سرب}} = ۳ \times 10^{-5} \frac{1}{K}$ )

- (۱) ۳۳، کاهش می‌یابد. (۲) ۳۳، افزایش می‌یابد. (۳) ۹۹، کاهش می‌یابد. (۴) ۹۹، افزایش می‌یابد.

(۲۷) دو میله مسی و آلومینیومی بین دو دیواره ثابت قرار دارند. دمای دو میله را چند کلوین بالا ببریم تا دو میله به یکدیگر برسند؟  
 $(\alpha_{\text{Al}} = 2/3 \times 10^{-5} \frac{1}{K}, \alpha_{\text{مس}} = 1/7 \times 10^{-5} \frac{1}{K})$



- (۱) ۴۷۰ (۲) ۳۴۷ (۳) ۲۵۰ (۴) ۲۰۰

(۲۸) یک تیر آهن در اثر افزایش دمای ۵۰ درجه سلسیوس، ۰/۰۶ درصد به طولش اضافه می‌شود، ضریب انبساط طولی این تیر آهن در SI، کدام است؟

- (۱)  $1/2 \times 10^{-5}$  (۲)  $1/6 \times 10^{-5}$  (۳)  $6 \times 10^{-5}$  (۴)  $8 \times 10^{-5}$

(۲۹) تبدیل بخار به مایع، جامد به بخار و مایع به بخار را به ترتیب چه می‌نامند؟

- (۱) تصعید، چگالش و تبخیر (۲) میعان، چگالش و تصعید  
 (۳) تصعید، تبخیر و میعان (۴) میعان، تصعید و تبخیر

(۳۰) مقداری آب را که در فشار یک اتمسفر قرار دارد، به تدریج سرد می‌کنیم و هم‌زمان فشار محیط را افزایش می‌دهیم. در این صورت، آب در دمای ..... درجه سلسیوس منجمد می‌شود.

- (۱) صفر (۲) ۴ (۳) پایین‌تر از صفر (۴) بین ۴ درجه و صفر

(۳۱) قطعه‌ای مس به جرم ۲۸۲ گرم و دمای  $\theta^\circ C$  را داخل ۱۰۰ گرم آب  $100^\circ C$  می‌اندازیم. اگر ۵ گرم آب بخار شود،  $\theta$  چند درجه سلسیوس است؟ ( $L_v = ۲۲۵۶ \frac{kJ}{kg}$  و  $C_{\text{مس}} = ۴۰۰ \frac{J}{kg \cdot C}$ )

- (۱) ۱۵۰ (۲) ۲۰۰ (۳) ۳۰۰ (۴) ۴۰۰

(۳۲) طول یک پل معلق در دمای  $-۵۸^\circ F$  برابر ۱۱۵۸m است. این پل از نوعی فولاد با  $\alpha = 1/3 \times 10^{-5} \frac{1}{K}$  ساخته شده است. اگر دمای پل به  $122^\circ F$  برسد، تغییر طول پل تقریباً چند متر است؟

- (۱) ۱/۵ (۲) ۱/۲ (۳) ۰/۹۶ (۴) ۰/۹۸

(۳۳) چند کیلو ژول گرما لازم است تا در فشار یک اتمسفر،  $۰/۵ \text{kg}$  یخ  $-10^\circ C$  را به آب  $10^\circ C$  تبدیل کرد؟

$$(L_f = ۳۳۶ \frac{kJ}{kg}, c_{\text{آب}} = \frac{1}{2}, c_{\text{یخ}} = ۲۱۰۰ \frac{J}{kg \cdot K})$$

- (۱) ۴۸/۳ (۲) ۵۴/۶ (۳) ۱۹۹/۵ (۴) ۱۸۹



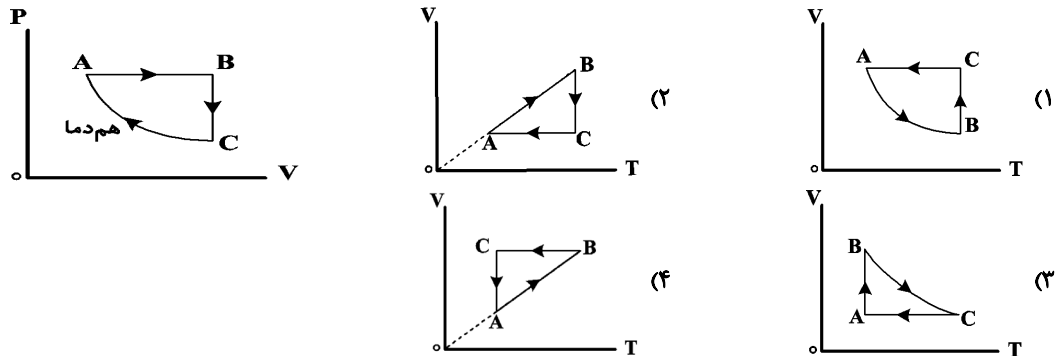
# ضمیمہ ریاضی دہم

## (سوالات)

۱) در کدام فرایند کار انجام شده روی گاز مثبت است و انرژی درونی گاز کاهش می‌یابد؟

- (۱) تراکم هم‌فشار (۲) تراکم بی‌دررو (۳) انبساط هم‌فشار (۴) انبساط بی‌دررو

۲) نمودار  $(P - V)$  ی مقداری گاز آرمانی مطابق شکل زیر است. نمودار  $(V - T)$  ی آن کدام است؟



۳) گازی آرمانی به حجم ۲ لیتر در فشار ثابت  $10^5 \text{ Pa}$ ، مقداری گرما به محیط می‌دهد و حجم آن به  $1/5$  لیتر می‌رسد. کار انجام شده روی گاز چند ژول است؟

- (۱) -۵۰ (۲) -۳۰ (۳) ۳۰ (۴) ۵۰

۴) گاز داخل یک استوانه، چرخه‌ای مطابق شکل زیر را می‌پیماید. گرمایی که گاز در این چرخه می‌گیرد، چند ژول است؟



- (۱) ۶۰۰ (۲) ۴۵۰ (۳) ۳۰۰ (۴) ۱۵۰

۵) یک ماشین گرمایی در هر چرخه،  $100 \text{ J}$  گرما از منبع دما بالا می‌گیرد و  $60 \text{ J}$  گرما به منبع دما پایین می‌دهد و بقیه آن تبدیل به کار می‌شود. اگر هر چرخه  $0.5 \text{ s}$  طول بکشد، توان خروجی این ماشین چند وات است؟

- (۱) ۱۲۰ (۲) ۸۰ (۳) ۵۰ (۴) ۲۰

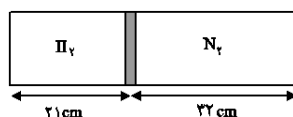
۶) نمودار  $P - V$  ی گازی رقیق، در شکل زیر نشان داده شده است. اگر انرژی درونی در نقطه (۱) برابر  $750 \text{ J}$  باشد، در این فرایند، گاز چند ژول گرما گرفته است؟



- (۱) ۳۷۵۰ (۲) ۲۰۰۰ (۳) ۱۲۵۰ (۴) ۷۵۰

۷) در شکل زیر، پیستون با اصطکاک ناچیز، درون یک محفظه استوانه‌ای، گازهای نیتروژن و هیدروژن را جدا از هم نگهداشته است. اگر دمای گازهای نیتروژن و هیدروژن به ترتیب  $47^\circ \text{C}$  و  $27^\circ \text{C}$  باشد، جرم گاز نیتروژن چند برابر جرم گاز هیدروژن است؟

$$(N_2 = 28 \frac{\text{g}}{\text{mol}} \text{ و } H_2 = 2 \frac{\text{g}}{\text{mol}})$$



- (۱) ۵ (۲) ۱۰ (۳) ۱۵ (۴) ۲۰

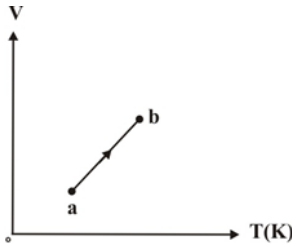




۱۳) فشار پیمانه‌ای مقداری گاز آرمانی  $10^4 \text{ Pa}$  و انرژی درونی آن  $600 \text{ J}$  است. اگر فشار پیمانه‌ای گاز را دو برابر کنیم و همزمان حجم گاز را نیز دو برابر کنیم، انرژی درونی گاز چند ژول می‌شود؟ ( $P_1 = 10^5 \text{ Pa}$ )

- (۱) ۸۰۰  
(۲) ۱۲۰۰  
(۳) ۱۶۰۰  
(۴) ۲۴۰۰

۱۴) نمودار  $V-T$  فرایندی که یک مول گاز کامل طی می‌کند، مطابق شکل زیر است. کدام یک از عبارات های زیر در مورد فرایند  $ab$  صحیح است؟



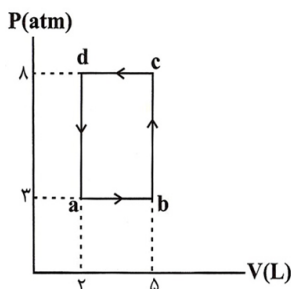
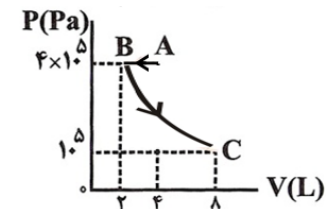
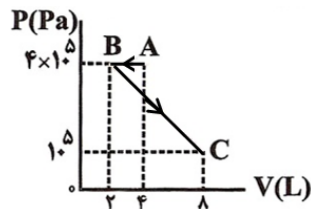
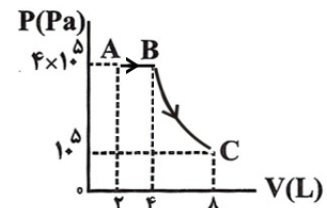
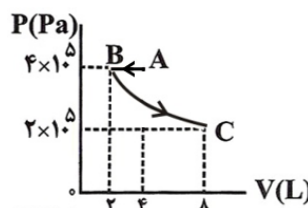
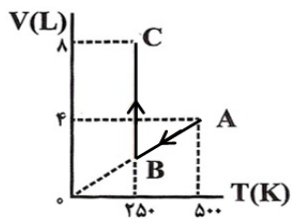
- (۱) فشار گاز افزایش یافته است.  
(۲) گاز گرما گرفته است.  
(۳) انرژی درونی گاز کاهش یافته است.  
(۴) کار انجام شده روی گاز مثبت است.

۱۵) حجم گاز آرمانی (کامل) در دمای  $47^\circ \text{C}$  برابر ۲ لیتر و فشار آن  $2 \times 10^5 \text{ Pa}$  است. ابتدا در فشار ثابت دمای گاز  $40^\circ \text{C}$  افزایش می‌یابد و سپس در دمای ثابت حجم گاز ۲۰ درصد کاهش می‌یابد. فشار نهایی گاز چند پاسکال است؟

- (۱)  $2/4 \times 10^5$   
(۲)  $2/5 \times 10^5$   
(۳)  $4 \times 10^5$   
(۴)  $8 \times 10^5$

۱۶) نمودار  $(V-T)$  برای  $0.4$  مول گاز آرمانی (کامل) به صورت شکل زیر است. نمودار  $(P-V)$  ی مربوط به این دو فرآیند کدام است؟

$$(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$$



۱۷) نمودار چرخه‌ای که  $0.5$  مول گاز کامل تک اتمی طی می‌کند، مطابق شکل مقابل است. اختلاف بیشینه دما و کمینه دمای گاز طی این چرخه چند درجه سلسیوس است؟

$$(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$$

- (۱) ۱۷۰۰  
(۲) ۱۳۵۰  
(۳) ۸۵۰  
(۴) ۴۲۵

۱۸) یک کپسول فلزی به حجم ۳۰ لیتر محتوی گاز اکسیژن در فشار  $5 \times 10^5$  پاسکال و دمای  $27^\circ \text{C}$  درجه سلسیوس است. مقداری از اکسیژن را از کپسول خارج می‌کنیم. به طوری که فشار گاز باقیمانده به  $2/9 \times 10^5$  پاسکال و دمای  $17^\circ \text{C}$  درجه سلسیوس می‌رسد.

جرم گاز خارج شده از کپسول چند گرم است؟ ( $M_{O_2} = 32 \frac{\text{g}}{\text{mol}}$ ,  $R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}$ )

- (۱) ۴۰  
(۲) ۶۰  
(۳) ۸۰  
(۴) ۱۰۰

۱۹) در فشار ثابت  $1/5 \times 10^5 \text{ Pa}$  دمای ۳ مول گاز آرمانی را چند درجه سلسیوس کاهش دهیم تا حجم آن ۴ لیتر کاهش پیدا کند؟

$$(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$$

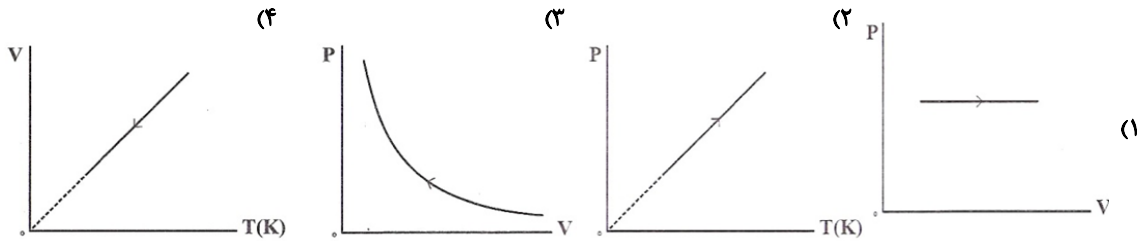
۱۵ (۴)

۲۵ (۳)

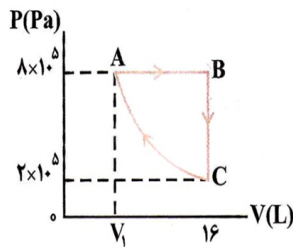
۳۰ (۲)

۵۰ (۱)

۲۰) انتهای یک سرنگ شیشه‌ای حاوی هوا را مسدود نموده و آن را وارد حجم بزرگی از مخلوط آب و یخ می‌کنیم. اگر پس از مدتی، پیستون سرنگ را به آرامی فشار دهیم. هوای درون سرنگ کدام فرآیند را طی می‌کند؟



۲۱) مقداری گاز اکسیژن چرخه ABCD را طی کرده است و فرآیند CA هم دما است. این گاز در مسیر ABC، چند ژول گرما دریافت کرده است؟  $(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}})$



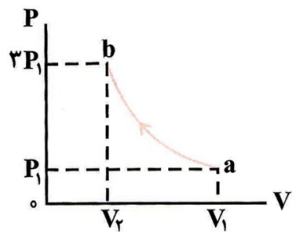
۵۷۶۰۰ (۱)

۳۳۶۰۰ (۲)

۲۴۰۰۰ (۳)

۹۶۰۰ (۴)

۲۲) مقداری گاز آرمانی، طی یک فرآیند بی دررو، از حالت a به حالت b می‌رود، کدام مورد درست است؟



(۱)  $V_2 > \frac{1}{3} V_1$  و دمای گاز کاهش می‌یابد.

(۲)  $V_2 < \frac{1}{3} V_1$  و دمای گاز کاهش می‌یابد.

(۳)  $V_2 > \frac{1}{3} V_1$  و دمای گاز افزایش می‌یابد.

(۴)  $V_2 < \frac{1}{3} V_1$  و دمای گاز افزایش می‌یابد.

۲۳) در یک فرآیند بی‌دررو، اگر حجم گاز از ۵Lit به ۴Lit برسد، کار انجام شده روی گاز برابر  $W_1$  و تغییر انرژی درونی گاز  $\Delta U_1$  است و اگر در ادامه همان فرآیند، حجم گاز از ۴Lit به ۳Lit برسد، کار انجام شده روی گاز  $W_2$  و تغییر انرژی درونی گاز  $\Delta U_2$  است. کدام رابطه درست است؟

$\Delta U_2 > \Delta U_1$  ،  $W_2 > W_1$  (۲)

$\Delta U_2 = \Delta U_1$  ،  $W_2 = W_1$  (۱)

$\Delta U_2 > \Delta U_1$  ،  $W_1 > W_2$  (۴)

$\Delta U_1 > \Delta U_2$  ،  $W_1 > W_2$  (۳)

۲۴) در یک یخچال، گرمایی که به بیرون داده می‌شود  $\frac{5}{4}$  گرمایی است که از مواد داخل یخچال گرفته می‌شود. ضریب عملکرد این یخچال چقدر است؟

۳ (۲)

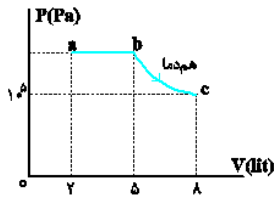
۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۲۵) نمودار  $(P - V)$  ی مقدار معینی گاز تک اتمی مطابق شکل زیر است. انرژی درونی گاز در حالت  $c$  چند ژول از انرژی درونی گاز

در حالت  $a$  بیشتر است؟  $(C_p = \frac{5}{2}R)$



- ۴۵۰ (۱)
- ۷۲۰ (۲)
- ۷۵۰ (۳)
- ۱۲۰۰ (۴)

۲۶) درون دو ظرف با حجم یکسان، در یکی  $n$  مول گاز اکسیژن و در دیگری به همان تعداد مول هلیوم وجود دارد. طی یک فرایند هم حجم، به هر دو گاز، مقدار گرمای یکسانی می‌دهیم. اگر نسبت افزایش دمای هلیوم به افزایش دمای اکسیژن را با  $k$  و نسبت تغییر انرژی درونی گاز هلیوم به تغییر انرژی درونی گاز اکسیژن را با  $m$  نشان دهیم، کدام گزینه درست است؟

- (۱)  $m = 1, k > 1$
- (۲)  $m = 1, k = 1$
- (۳)  $m < 1, k < 1$
- (۴)  $m > 1, k > 1$

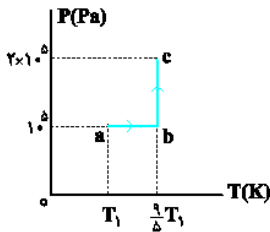
۲۷) مقداری گاز کامل، در فرایندی از محیط گرما می‌گیرد. در این صورت:

- (۱) دمای گاز افزایش می‌یابد.
- (۲) ممکن است دمای گاز ثابت بماند.
- (۳) انرژی درونی گاز افزایش می‌یابد.
- (۴) الزاماً گاز روی محیط، کار انجام می‌دهد.

۲۸) توان یک یخ‌ساز  $250W$  و ضریب عملکرد آن  $4$  است. چند ثانیه طول می‌کشد تا این یخ‌ساز،  $2$  کیلوگرم آب  $20^\circ C$  را به یخ  $-10^\circ C$  تبدیل کند؟  $(c_{\text{ice}} = 2100 \frac{J}{kg^\circ C}, c_{\text{water}} = 4200 \frac{J}{kg^\circ C}, L_F = 336000 \frac{J}{kg})$

- ۹۰ (۱)
- ۳۶۰ (۲)
- ۸۸۲ (۳)
- ۳۵۲۸ (۴)

۲۹) نمودار  $(P - T)$  ی مقدار معینی گاز کامل تک‌اتمی، مطابق شکل زیر است. اگر حجم گاز در حالت  $c$  برابر  $4/5$  لیتر باشد، تغییر انرژی درونی گاز در فرایند  $abc$  چند ژول است؟  $(C_v = \frac{3}{2}R)$



- ۱۰۰۰ (۱)
- ۶۰۰ (۲)
- ۲۵۰ (۳)
- ۱۵۰ (۴)

۳۰) مخزنی به حجم  $40\text{ Lit}$  حاوی مخلوطی از گازهای هیدروژن و هلیوم در دمای  $127^\circ C$  و فشار  $2 \times 10^5 \text{ Pa}$  است. اگر جرم مخلوط  $8$  گرم باشد، نسبت جرم هیدروژن به جرم هلیوم کدام است؟  $(R = 8 \frac{J}{\text{mol.K}})$

- ۱/۳ (۱)
- ۱/۲ (۲)
- ۲/۳ (۳)
- ۳ (۴)

۳۱) مقداری گاز آرمانی در فشار  $P_1$  و دمای  $T_1$  دارای حجم  $V_1$  است. از سه مسیر جداگانه هم‌فشار، هم‌دما و بی‌دررو حجم این گاز را ۲۰ درصد افزایش می‌دهیم. کدام موارد درست است؟

الف) گرمای داده شده به گاز در فرایند هم‌فشار بیشتر از سایر فرایندها است.

ب) گرمای داده شده به گاز در فرایند هم‌دما صفر است.

پ) انرژی درونی فقط در فرایند بی‌دررو کاهش یافته است.

ت) انرژی درونی در فرایند هم‌فشار کاهش یافته است.

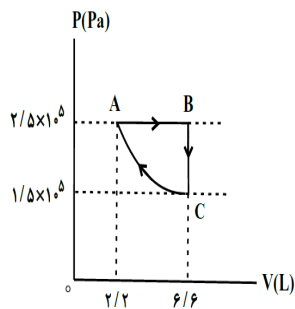
۲) «الف» و «ت»

۱) «الف» و «پ»

۴) «ب» و «ت»

۳) «ب» و «پ»

۳۲) نمودار  $P - V$  مقداری گاز آرمانی مطابق شکل زیر است. کدام مورد در مقایسه انرژی درونی نقطه‌های  $A$ ،  $B$  و  $C$  درست است؟



۱)  $U_A = U_C = 3U_B$

۲)  $U_B = 3U_A = 3U_C$

۳)  $U_B = 3U_A = \frac{1}{3}U_C$

۴)  $U_B = 3U_A = \frac{5}{3}U_C$

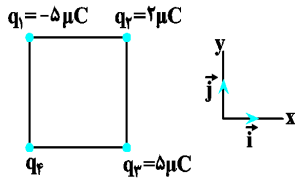
# فصل اول فیزیک یازدهم

## (سوالات)



۱) چهار ذره باردار مطابق شکل، در رأس‌های مربعی به ضلع  $10\text{ cm}$  قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_2$ ،

$$\vec{F} = (-18\text{ N})\vec{i} \quad \text{باشد، بار } q_2 \text{ چند میکروکولن است؟} \quad (k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N}\cdot\text{m}^2}{\text{C}^2})$$



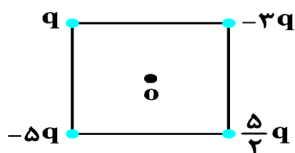
- ۱) ۱۰
- ۲) -۱۰
- ۳)  $10\sqrt{2}$
- ۴)  $-10\sqrt{2}$

۲) ذره‌ای با بار الکتریکی  $q < 0$  در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A تا B در راستای میدان جابه‌جا می‌شود. کدام مورد الزاماً درست است؟



- ۱) کار نیروی میدان الکتریکی روی ذره منفی است.
- ۲) کار نیروی میدان الکتریکی روی ذره مثبت است.
- ۳) انرژی جنبشی ذره کاهش می‌یابد.
- ۴) انرژی جنبشی ذره افزایش می‌یابد.

۳) چهار ذره باردار مطابق شکل زیر در رأس‌های مربعی به ضلع  $a$  قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی خالص در نقطه O (مرکز مربع)، کدام است؟



- ۱)  $\frac{2kq}{a^2}$
- ۲)  $\frac{\sqrt{5}kq}{a^2}$
- ۳)  $\frac{5kq}{a^2}$
- ۴)  $\frac{2\sqrt{5}kq}{a^2}$

۴) ذره‌ای با بار الکتریکی  $q = -5\mu\text{C}$  در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A تا B جابه‌جا می‌شود و کار نیروی میدان در این جابه‌جایی  $20\mu\text{J}$  است. اگر پتانسیل نقطه A برابر ۶ ولت باشد، پتانسیل نقطه B چند ولت است؟

- ۱) ۲
- ۲) ۱۰
- ۳) ۱۲
- ۴) صفر

۵) ظرفیت خازنی  $40\mu\text{F}$  است. اگر بار الکتریکی آن  $\frac{3}{4}$  برابر شود، انرژی ذخیره‌شده در آن  $25\mu\text{J}$  افزایش می‌یابد. بار اولیه خازن چند میکروکولن است؟

- ۱) ۴۰
- ۲) ۶۰
- ۳) ۸۰
- ۴) ۱۲۰

۶) بار خازنی به ظرفیت  $25\mu\text{F}$ ،  $\frac{5}{4}$  برابر می‌شود و در اثر آن  $4/5\mu\text{J}$  انرژی ذخیره‌شده در آن افزایش می‌یابد. اختلاف پتانسیل دو سر خازن چند ولت تغییر می‌کند؟

- ۱) ۲
- ۲)  $0/2$
- ۳) ۶
- ۴)  $0/6$

۷) اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه یک خازن ۸ میکروفرادی، یک ولت تغییر کند، تعداد الکترون‌های هر صفحه، چقدر تغییر می‌کند؟  $(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C})$

- ۱)  $5 \times 10^{19}$
- ۲)  $2 \times 10^{19}$
- ۳)  $5 \times 10^{13}$
- ۴)  $2 \times 10^{13}$

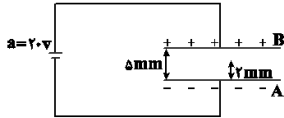
۸) ذره‌ای به جرم  $4\mu\text{g}$  و بار  $5\text{ nC}$  در یک میدان الکتریکی یکنواخت از نقطه A تا نقطه B فقط تحت تأثیر میدان الکتریکی جابه‌جا می‌شود و سرعت آن از  $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  به  $20 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  می‌رسد.  $V_B - V_A$  چند ولت است؟

- ۱) -۱۲۰
- ۲) -۶۰
- ۳) ۶۰
- ۴) ۱۲۰

۹) بارهای نقطه‌ای  $5\mu\text{C}$  و  $-8\mu\text{C}$  روی محور  $x$ ، به ترتیب در نقطه‌های  $x_1 = 12\text{ cm}$  و  $x_2 = 24\text{ cm}$  قرار دارند. اگر بارهای نقطه‌ای  $q_3$  و  $q_4$  به ترتیب در نقطه‌های  $x_3 = 36\text{ cm}$  و  $x_4 = 0$  قرار گیرند، نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_4$  برابر صفر می‌شود.  $q_3$  چند میکروکولن است؟

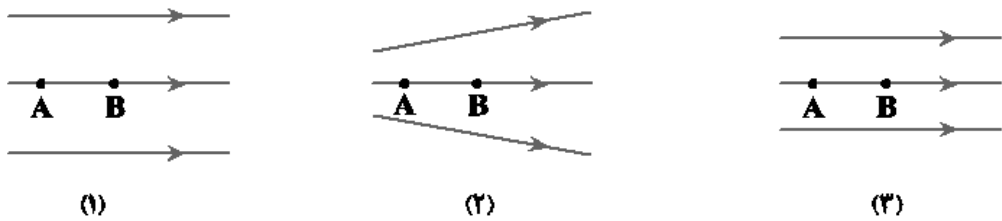
- (۱)  $+27$  (۲)  $-27$  (۳)  $+17$  (۴)  $-17$

۱۰) در شکل زیر، بین دو صفحه موازی هوا است و نقطه  $P$  در  $2$  میلی‌متری صفحه  $A$  قرار دارد. اگر با ثابت ماندن صفحه  $A$ ، صفحه  $B$  را دور کنیم تا فاصله بین دو صفحه  $10\text{ mm}$  شود، پتانسیل الکتریکی نقطه  $P$ ، چگونه تغییر می‌کند؟



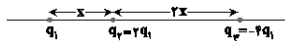
- (۱) ۲ ولت افزایش می‌یابد.  
(۲) ۴ ولت کاهش می‌یابد.  
(۳) ۲ ولت کاهش می‌یابد.  
(۴) ۴ ولت افزایش می‌یابد.

۱۱) شکل زیر، سه آرایش خطوط میدان الکتریکی را نشان می‌دهد. یک الکترون از حالت سکون از نقطه  $B$  رها می‌شود و سپس توسط میدان الکتریکی تا نقطه  $A$  شتاب می‌گیرد. نقطه‌های  $A$  و  $B$  در هر سه آرایش در فاصله یکسان قرار دارند. اگر اختلاف پتانسیل بین دو نقطه  $(V_A - V_B)$  را  $\Delta V$  بنامیم، کدام رابطه درست است؟



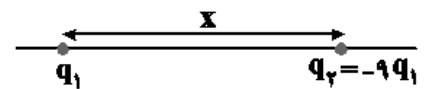
- (۱)  $\Delta V_{(3)} > \Delta V_{(2)} > \Delta V_{(1)}$   
(۲)  $\Delta V_{(3)} = \Delta V_{(1)} > \Delta V_{(2)}$   
(۳)  $\Delta V_{(1)} > \Delta V_{(2)} > \Delta V_{(3)}$   
(۴)  $\Delta V_{(1)} = \Delta V_{(2)} > \Delta V_{(3)}$

۱۲) سه ذره باردار مطابق شکل زیر، روی محور قرار دارند. بزرگی نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_1$ ، چند برابر بزرگی نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_3$  است؟



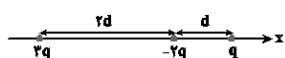
- (۱) ۴ (۲) ۱  
(۳)  $\frac{7}{11}$  (۴)  $\frac{5}{8}$

۱۳) مطابق شکل زیر، دو ذره باردار روی محور در فاصله  $x$  از هم قرار دارند. بار  $q_3$  چه اندازه باشد و در کدام نقطه روی این محور قرار گیرد تا نیروی الکتریکی خالص وارد بر هر سه ذره صفر باشد؟



- (۱)  $\frac{9}{4}q_1$  و در فاصله  $2x$  سمت چپ بار  $q_1$   
(۲)  $\frac{9}{4}q_1$  و در فاصله  $\frac{x}{3}$  سمت چپ بار  $q_1$   
(۳)  $-\frac{9}{4}q_1$  و در فاصله  $2x$  سمت چپ بار  $q_1$   
(۴)  $-\frac{9}{4}q_1$  و در فاصله  $\frac{x}{3}$  سمت چپ بار  $q_1$

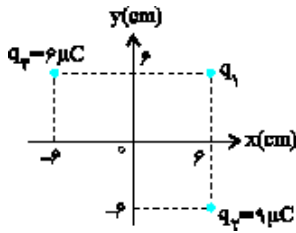
۱۴) در شکل زیر، سه ذره باردار روی محور  $x$  قرار دارند. اگر نیروی خالص الکتریکی وارد بر بار  $3q$  برابر  $F$  باشد، نیروی خالص وارد بر بار  $-2q$  کدام است؟



- (۱)  $3F$  (۲)  $-3F$   
(۳)  $\frac{3}{5}F$  (۴)  $-\frac{3}{5}F$

۱۵) مطابق شکل زیر، سه بار نقطه‌ای در صفحه  $xy$  قرار دارند و بزرگی میدان الکتریکی حاصل در نقطه  $O$  (مبدأ مختصات) در SI،

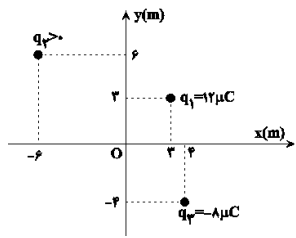
برابر  $\frac{N}{C^2} \times 10^{-6} \times \frac{6}{25}$  است.  $|q_1|$  چند میکروکولن است؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$



- ۲ (۱)
- ۳ (۲)
- ۴ (۳)
- ۵ (۴)

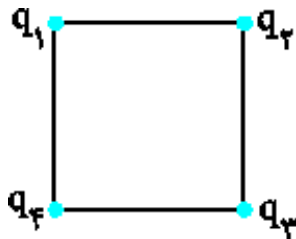
۱۶) مطابق شکل زیر، سه بار نقطه‌ای در صفحه  $xy$  قرار دارند و بزرگی میدان الکتریکی حاصل در نقطه  $O$  (مبدأ مختصات) در SI برابر

$10^{-3} \times \frac{7}{5}$  است. بزرگی نیروی الکتریکی که بار  $q_1$  به  $q_2$  وارد می‌کند، چند نیوتون است؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$



- ۲/۱۶ × ۱۰<sup>-۲</sup> (۱)
- ۲/۶۴ × ۱۰<sup>-۲</sup> (۲)
- ۹/۲ × ۱۰<sup>-۲</sup> (۳)
- ۹/۶ × ۱۰<sup>-۲</sup> (۴)

۱۷) در شکل زیر، چهار ذره باردار در رأس‌های یک مربع قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی حاصل وارد بر بار  $q_2$  برابر صفر باشد، کدام رابطه درست است؟



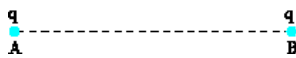
(۱)  $q_2 = q_3 = -2\sqrt{2}q_1$

(۲)  $q_2 = q_3 = -\frac{\sqrt{2}}{4}q_1$

(۳)  $q_2 = q_3 = 2\sqrt{2}q_1$

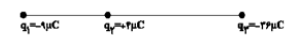
(۴)  $q_2 = q_3 = \frac{\sqrt{2}}{4}q_1$

۱۸) مطابق شکل زیر، بارهای الکتریکی مثبت و هم اندازه  $q$  در جای خود ثابت شده‌اند و به یکدیگر نیروی الکتریکی به بزرگی  $F$  وارد می‌کنند. اگر تعدادی الکترون از جسم  $A$  به جسم  $B$  منتقل کنیم تا بار جسم  $B$  برابر  $-2q$  شود، در این صورت بزرگی نیرویی که دو ذره به هم وارد می‌کنند، چند برابر  $F$  می‌شود؟



- ۲ (۱)
- ۴ (۲)
- ۶ (۳)
- ۸ (۴)

۱۹) مطابق شکل زیر، نیروی خالص الکتریکی وارد بر هر یک از ذره‌های باردار صفر است. اگر جای بار  $q_2$  و  $q_3$  عوض شود، بزرگی نیروی خالص الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  چند برابر بزرگی خالص الکتریکی وارد بر بار  $q_1$  می‌شود؟



- ۲/۳ (۱)
- ۵/۴ (۲)
- ۳ (۳)
- ۵ (۴)

۲۰) اگر اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر خازنی ۱۰ درصد کاهش یابد، بار الکتریکی و انرژی ذخیره شده در آن هر کدام چند درصد (به ترتیب از راست به چپ) کاهش می‌یابند؟

- ۱۰ و ۱۹ (۱)
- ۱۹ و ۱۹ (۲)
- ۱۰ و ۱۰ (۳)
- ۱۹ و ۱۰ (۴)



۲۱) فاصله بین صفحه‌های یک خازن تخت  $5\text{mm}$  و مساحت هر یک از صفحه‌ها  $2\text{cm}^2$  است و خازن از ماده دی‌الکتریک انعطاف پذیری به ثابت  $k = 4$  پر شده است. اگر فاصله بین صفحه‌ها  $3\text{mm}$  کاهش یابد. ظرفیت خازن چند پیکوفاراد افزایش می‌یابد؟

$$\left(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}}\right)$$

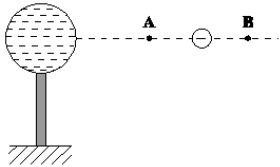
۲۳/۶ (۴)

۲۱/۲۴ (۳)

۲/۳۶ (۲)

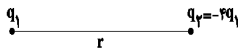
۲/۱۲۴ (۱)

۲۲) در شکل زیر، کره فلزی با بار الکتریکی منفی روی پایه نارسنایی قرار دارد و ذره‌ای با بار منفی را از نقطه A تا نقطه B جابه‌جا می‌کنیم. در این آزمایش، پتانسیل الکتریکی نقطه B در مقایسه با پتانسیل الکتریکی نقطه A چگونه است و در این جابه‌جایی، انرژی پتانسیل الکتریکی ذره باردار چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) بیشتر- کاهش
- (۲) بیشتر- افزایش
- (۳) کمتر- کاهش
- (۴) کمتر- افزایش

۲۳) در شکل زیر، میدان الکتریکی حاصل از بار  $q_1$  در محل بار  $q_2$ ،  $\vec{E}_1$  است و میدان الکتریکی حاصل از بار  $q_2$  در محل بار  $q_1$ ،  $\vec{E}_2$  است. کدام رابطه بین  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  برقرار است؟



- (۱)  $\vec{E}_2 = \vec{E}_1$
- (۲)  $\vec{E}_2 = 4\vec{E}_1$
- (۳)  $\vec{E}_2 = -\vec{E}_1$
- (۴)  $\vec{E}_2 = -4\vec{E}_1$

۲۴) ظرفیت خازنی  $2\mu\text{F}$  است. اختلاف پتانسیل بین دو صفحه آن را یک ولت افزایش می‌دهیم، انرژی آن  $J \times 10^{-6} \times 5$  افزایش می‌یابد. اختلاف پتانسیل اولیه این خازن چند ولت بوده است؟

۲ (۴)

۳ (۳)

۴ (۲)

۵ (۱)

۲۵) یک خازن تخت به یک باتری بسته شده است. پس از مدتی، در حالی که خازن همچنان به باتری متصل است، فاصله بین صفحه‌های خازن را دو برابر می‌کنیم. کدام موارد زیر درست است؟

(الف) میدان الکتریکی میان صفحه‌ها نصف می‌شود. (ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها نصف می‌شود.  
(پ) ظرفیت خازن دو برابر می‌شود. (ت) بار روی صفحه‌ها نصف می‌شود.

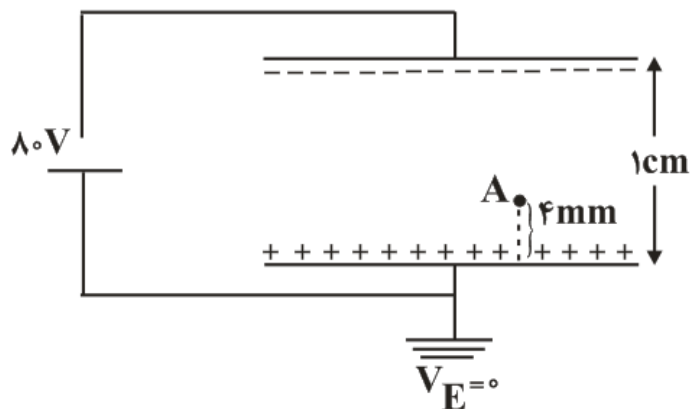
(۴) پ و ت

(۳) ب و ت

(۲) الف و ت

(۱) الف و ب

۲۶) دو صفحه رسانای موازی با ابعاد بزرگ را مطابق شکل زیر به یک باتری وصل کرده‌ایم، پتانسیل نقطه A چند ولت است؟



(۲) -۳۲

(۴) +۴۸

(۱) -۴۸

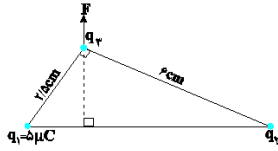
(۳) +۳۲



۲۷) دو کره فلزی خیلی کوچک و مشابه دارای بار الکتریکی ناهمنام  $q_1 > 0$  و  $|q_2| > q_1$  هستند و در فاصله ۶۰ سانتی متری هم قرار دارند و بر هم نیروی الکتریکی  $0.19 \text{ N}$  وارد می کنند. اگر کره ها را به هم تماس دهیم و دوباره به همان فاصله قبلی از هم دور کنیم، نیروی الکتریکی  $1/6$  نیوتون به هم وارد می کنند.  $q_1$  چند میکروکولن است؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$

- ۱ (۱)      ۲ (۲)      ۱۰ (۳)      ۲۰ (۴)

۲۸) دو ذره باردار  $q_1$  و  $q_2$  مطابق شکل زیر قرار دارند. نیروی الکتریکی خالص (برایند) ناشی از دو ذره به ذره باردار  $q_2$  برابر  $F$  است.  $q_2$  چند میکروکولن است؟



- ۱۰۸ (۱)  
۲۴ (۲)  
۱۲ (۳)  
۶ (۴)

۲۹) در شکل زیر، سه بار نقطه‌ای قرار دارند. برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار  $q_2$  هم اندازه نیروی الکتریکی است که بار  $q_1$  بر  $q_2$  وارد می کند.  $q_2$  چند میکروکولن است؟



- ۲ (۲)      ۸ (۱)  
-۸ (۴)      -۲ (۳)

۳۰) اگر اندازه بارهای هر یک از دو بار الکتریکی نقطه‌ای را ۳ برابر کنیم و فاصله بین آن‌ها را نیز ۳ برابر کنیم، نیروی الکتریکی بین آن‌ها چند برابر می شود؟

- ۹ (۴)      ۳ (۳)      ۱ (۲)       $\frac{1}{3}$  (۱)

۳۱) سه ذره باردار  $q_1 = 12 \mu\text{C}$ ،  $q_2 = 3 \mu\text{C}$  و  $q_3 = 3 \mu\text{C}$  در صفحه  $x-y$  به ترتیب در مختصات  $(x_1 = 4 \text{ cm}, y_1 = 3 \text{ cm})$ ،  $(x_2 = -8 \text{ cm}, y_2 = 12 \text{ cm})$  و  $(x_3, y_3)$  قرار دارند. اگر برایند نیروهای الکتریکی وارد بر هر ذره صفر باشد،  $q_3$  چند میکروکولن است؟

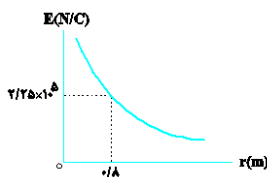
- $-\frac{16}{3}$  (۴)       $-\frac{4}{3}$  (۳)       $\frac{4}{3}$  (۲)       $\frac{16}{3}$  (۱)

۳۲) مطابق شکل زیر، دو بار الکتریکی در فاصله  $r$ ، نیروی جاذبه  $F$  بر یکدیگر وارد می کنند. اگر با ثابت بودن فاصله، ۲۵ درصد از بار  $q_1$  را به  $q_2$  انتقال دهیم، نیروی جاذبه بین دو بار چند درصد و چگونه تغییر می کند؟



- ۲۵، کاهش (۱)  
۲۵، افزایش (۲)  
۵۵، کاهش (۳)  
۵۵، افزایش (۴)

۳۳) نمودار تغییرات میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی  $q$  بر حسب فاصله از آن به صورت شکل زیر است. اگر بار الکتریکی  $q = 9 \mu\text{C}$  را در فاصله ۹۰ سانتی متری بار  $q$  قرار دهیم، نیرویی که دو ذره باردار بر یکدیگر وارد می کنند، چند نیوتون است؟



- ۰/۱۶ (۱)  
۰/۳۲ (۲)  
۱/۶ (۳)  
۳/۲ (۴)

۳۴) بار خازنی به ظرفیت  $5 \mu\text{F}$ ، ۲۵ درصد افزایش می یابد و در اثر آن،  $90 \mu\text{J}$  به انرژی ذخیره شده در خازن افزوده می شود. ولتاژ اولیه دو سر خازن چند ولت بوده است؟

- ۲۵ (۴)      ۲۰ (۳)      ۱۲/۵ (۲)      ۸ (۱)



۳۵) فاصله بین صفحات خازنی ۵mm، مساحت هر یک از صفحه‌های آن  $40\text{cm}^2$  و بین صفحات آن هوا است. اگر فاصله بین صفحات

خازن ۴mm کاهش یابد، ظرفیت خازن چند پیکوفاراد افزایش می‌یابد؟  $(\epsilon_0 = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2})$

- ۷/۲ (۱)      ۲۴ (۲)      ۲۸/۸ (۳)      ۳۶ (۴)

۳۶) خازنی به ظرفیت  $5\mu\text{F}$  به یک باتری ۱۰ ولتی متصل است. انرژی ذخیره شده در این خازن چند میکروژول است؟

- ۵۰۰ (۱)      ۲۵۰ (۲)      ۵۰ (۳)      ۲۵ (۴)

۳۷) ظرفیت خازنی  $15\mu\text{F}$  و انرژی ذخیره شده در آن U است. اگر  $3\text{mC}$  بار الکتریکی را از صفحه منفی جدا کنیم و به صفحه مثبت

انتقال دهیم، انرژی ذخیره شده در خازن  $900\text{mJ}$  افزایش می‌یابد. انرژی اولیه خازن (U) چند میلی‌ژول است؟

- ۳۰۰ (۱)      ۶۰۰ (۲)      ۱۲۰۰ (۳)      ۱۵۰۰ (۴)

۳۸) میدان الکتریکی حاصل از بار q در نقطه A که در فاصله ۳۰ سانتی‌متری آن قرار دارد، برابر  $10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  است. اگر بار q در نقطه A قرار

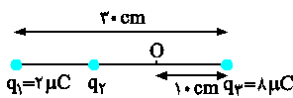
گیرد، نیرویی برابر  $0.2\text{N}$  از طرف میدان به آن وارد می‌شود. q و q' به ترتیب از راست به چپ، چند میکروکولن‌اند؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$$

- ۰/۲، ۱ (۱)      ۰/۲، ۱۰ (۲)      ۰/۵، ۱ (۳)      ۰/۵، ۱۰ (۴)

۳۹) در شکل زیر، برابند نیروهای الکتریکی وارد بر هر یک از بارها صفر است. اگر بار  $q_2 = 1\mu\text{C}$  در نقطه O قرار گیرد، نیروی الکتریکی

وارد بر آن چند نیوتون می‌شود؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$



- ۵/۹۵ (۲)      ۱/۲۵ (۱)

- ۷/۵۵ (۴)      ۶/۷۵ (۳)

۴۰) دو بار نقطه‌ای q در فاصله r نیروی F را به هم وارد می‌کنند. چند درصد از یکی از بارها را برداریم و به دیگری اضافه کنیم، تا وقتی

فاصله دو بار ۲۵ درصد افزایش یابد، نیرویی که به هم وارد می‌کنند، ۵۲ درصد کاهش یابد؟

- ۷۵ (۴)      ۴۰ (۳)      ۵۰ (۲)      ۲۵ (۱)

۴۱) سه بار نقطه‌ای  $q_1 = 2\mu\text{C}$ ،  $q_2 = 4\mu\text{C}$  و  $q_3 = 6\mu\text{C}$  در سه رأس یک مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع  $30\sqrt{3}\text{cm}$  قرار دارند. بار

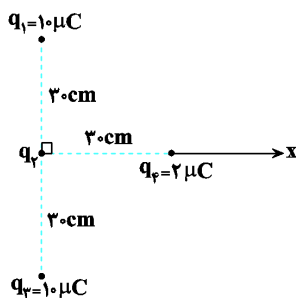
$q_4 = 5\mu\text{C}$  در محل برخورد میانه‌های مثلث قرار می‌گیرد، برابند نیروهای الکتریکی وارد بر آن چند نیوتون است؟

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$$

- $\sqrt{3}$  (۴)      ۳ (۳)      ۱ (۲)      صفر (۱)

۴۲) چهار ذره باردار، مطابق شکل قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار  $q_4$  برابر  $\vec{F}_T = [(\sqrt{3} - 2)\text{N}] \vec{i}$  باشد،  $q_4$  چند

میکروکولن است؟  $(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2})$



- ۱۰ (۱)

- ۵ (۲)

- ۵ (۳)

- ۱۰ (۴)



(۴۳) در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی  $10^4 \frac{N}{C}$  که جهت آن قائم و رو به پایین است، ذره بارداری به جرم  $5g$  معلق و به حال سکون قرار دارد. بار ذره چند میکروکولن است؟ ( $g = 10 \frac{N}{kg}$ )

(۴) -۲

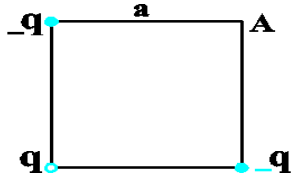
(۳) -۵

(۲) +۲

(۱) +۵

(۴۴) بارهای الکتریکی نقطه‌ای مطابق شکل در سه رأس مربعی قرار دارند. اگر بار  $q$  را از آزمایش حذف کنیم، بزرگی میدان الکتریکی در

نقطه  $A$  چگونه تغییر می‌کند؟  
 ( $k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$  ,  $q = 20 nC$  ,  $a = 30 cm$ )



(۲)  $1000 \frac{N}{C}$  افزایش می‌یابد.

(۱)  $1000 \frac{N}{C}$  کاهش می‌یابد.

(۴)  $500\sqrt{3} \frac{N}{C}$  کاهش می‌یابد.

(۳)  $500\sqrt{3} \frac{N}{C}$  افزایش می‌یابد.

# فصل دوم فیزیک یازدهم

## (سوالات)

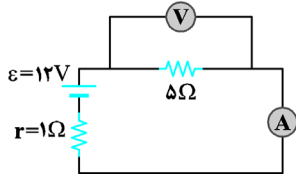


۱) در شکل زیر، اگر جای آمپرسنج و ولتسنج عوض شود، کدام موارد درست است؟ (آمپرسنج و ولتسنج آرمانی فرض شوند).

الف) عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد،  $2A$  کاهش می‌یابد.

ب) عددی که ولتسنج نشان می‌دهد،  $2V$  افزایش می‌یابد.

پ) اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $5$  اهمی،  $2V$  کاهش می‌یابد.



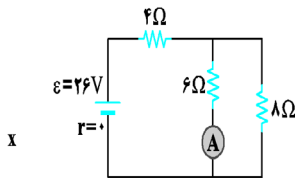
۲) «الف» و «پ»

۱) «الف» و «ب»

۴) «الف»، «ب» و «پ»

۳) «ب» و «پ»

۲) در مدار زیر، اگر جای آمپرسنج آرمانی و باتری عوض شود، جریانی که از مقاومت  $8$  اهمی می‌گذرد، چند آمپر تغییر می‌کند؟



۱)  $0.25$

۲)  $0.5$

۳)  $1$

۴)  $1.5$

۳) دو مقاومت  $R_1 = 4\Omega$  و  $R_2$  را بار اول به‌طور متوالی و بار دوم به‌طور موازی به یک باتری با نیروی محرکه  $24V$  و مقاومت درونی  $2\Omega$  می‌بندیم. اگر توان الکتریکی خروجی باتری در حالت اول  $36$  درصد کمتر از توان الکتریکی خروجی باتری در حالت دوم باشد،  $R_2$  چند اهم است؟

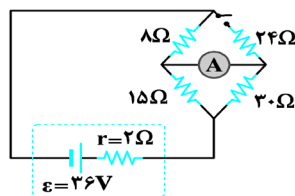
۴)  $8$

۳)  $4$

۲)  $36$

۱)  $12$

۴) در مدار زیر، بستن کلید، عددی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد، چند آمپر تغییر می‌کند؟



۱)  $\frac{1}{10}$

۲)  $\frac{1}{6}$

۳)  $\frac{7}{15}$

۴)  $\frac{13}{30}$

۵) و مقاومت  $R_1 = 8\Omega$  و  $R_2$  را یک بار به‌طور متوالی و بار دوم به‌طور موازی به یک باتری با نیروی محرکه  $45V$  و مقاومت درونی  $2\Omega$  می‌بندیم. اگر توان الکتریکی خروجی باتری در حالت دوم  $\frac{9}{4}$  برابر توان الکتریکی خروجی باتری در حالت اول باشد،  $R_2$  چند اهم است؟

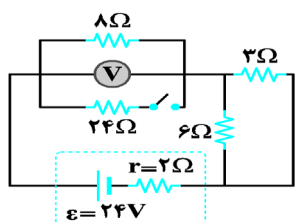
۴)  $24$

۳)  $16$

۲)  $8$

۱)  $4$

۶) با بستن کلید، عددی که ولتسنج نشان می‌دهد، چند ولت تغییر می‌کند؟



۱)  $3/2$

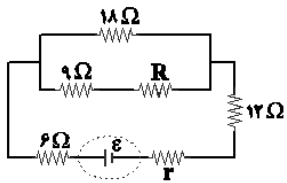
۲)  $2/4$

۳)  $1/6$

۴)  $0.8$

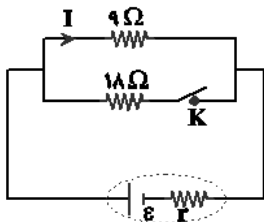


۷) در شکل زیر، اختلاف پتانسیل الکتریکی مقاومت‌های  $18\Omega$  و  $12\Omega$  با هم برابر است.  $R$  چند اهم است؟



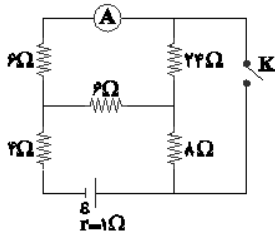
- ۳۶ (۱)
- ۲۷ (۲)
- ۱۸ (۳)
- ۱۲ (۴)

۸) در شکل زیر،  $I$  برابر  $2A$  است. اگر کلید را قطع کنیم، جریان الکتریکی عبوری از مقاومت  $9$  اهمی،  $0.25A$  افزایش می‌یابد. مقاومت درونی مولد، چند اهم است؟



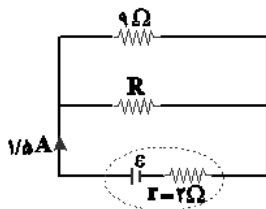
- $\frac{2}{3}$  (۱)
- $\frac{2}{2}$  (۲)
- ۲ (۳)
- ۳ (۴)

۹) در مدار زیر، با بستن کلید، عددی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد، چند برابر می‌شود؟



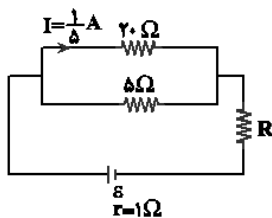
- ۸ (۱)
- ۶ (۲)
- ۴ (۳)
- ۲ (۴)

۱۰) در شکل زیر، توان مصرفی مقاومت  $R$ ، چند وات است؟



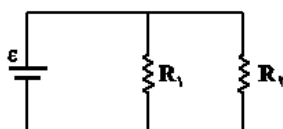
- ۴/۵ (۱)
- ۹ (۲)
- ۱۳/۵ (۳)
- ۱۸ (۴)

۱۱) اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R$  در مدار زیر، برابر  $3V$  است. نیروی محرکه باتری، چند ولت است؟



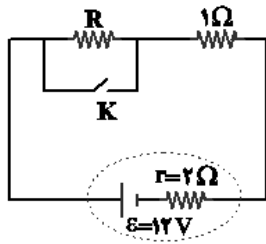
- ۴ (۱)
- ۵ (۲)
- ۷ (۳)
- ۸ (۴)

۱۲) در مدار زیر، یک باتری آرمانی با  $\varepsilon = 20V$  و  $R_1 = 100k\Omega$  و  $R_2 = 2M\Omega$  قرار دارند. جریانی که از باتری می‌گذرد، چند میلی‌آمپر است؟



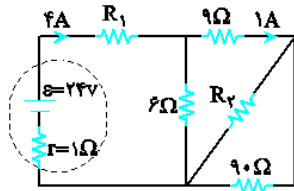
- ۰/۲۱ (۱)
- ۲۱ (۳)
- ۲/۱ (۲)
- ۲۱۰ (۴)

۱۳) در شکل زیر، با قطع یا وصل کلید، توان خروجی باتری ثابت می‌ماند. مقاومت  $1 \text{ cm}^2$ ، چند اهم است؟



- ۴ (۱)
- ۳ (۲)
- ۲ (۳)
- ۱ (۴)

۱۴) در شکل زیر، توان الکتریکی مصرفی مقاومت  $R_2$  چند وات است؟



- ۹/۸ (۱)
- ۸/۱ (۲)
- ۷/۲ (۳)
- ۳/۶ (۴)

۱۵) یک مقاومت ۲۵ اهمی را به یک باتری می‌بندیم، جریان ۲A از آن عبور می‌کند. اگر یک مقاومت ۱۰۰ اهمی را با مقاومت ۲۵ اهمی موازی ببندیم، جریانی که در این حالت از مقاومت ۲۵ اهمی عبور می‌کند،  $1/92 \text{ A}$  می‌شود. توان خروجی باتری در مدار دوم چند وات بیشتر از توان خروجی باتری در مدار اول است؟

- ۲۴ (۴)
- ۱۵/۲ (۳)
- ۴/۸ (۲)
- ۲ (۱)

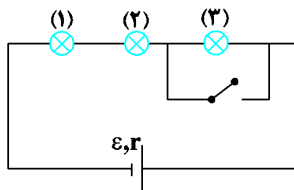
۱۶) در مدار زیر، همه لامپها مشابه‌اند. با بستن کلید، کدام موارد زیر، درست است؟

(الف) اختلاف پتانسیل دو سر باتری کاهش می‌یابد.

(ب) اختلاف پتانسیل دو سر لامپهای (۱) و (۲) کاهش می‌یابد.

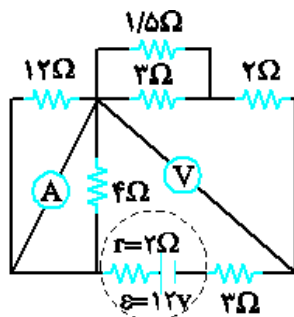
(پ) اختلاف پتانسیل دو سر لامپهای (۱) و (۲) افزایش می‌یابد.

(ت) اختلاف پتانسیل دو سر باتری افزایش می‌یابد.



- (۱) الف و پ
- (۲) الف و ب
- (۳) پ و ت
- (۴) ب و ت

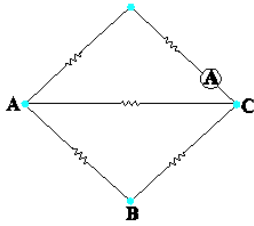
۱۷) در مدار زیر، آمپرسنج آزمانی و ولتسنج آزمانی چه عددهایی را نشان می‌دهند؟



- (۱)  $0.8 \text{ A}$  و  $2/4 \text{ V}$
- (۲)  $0.8 \text{ A}$  و  $4/8 \text{ V}$
- (۳)  $1/5 \text{ A}$  و  $4/5 \text{ V}$
- (۴)  $1/5 \text{ A}$  و  $6 \text{ V}$



۱۸) در شکل زیر، هریک از مقاومت‌ها، ۶ اهمی‌اند. یک باتری آرمانی یک بار بین دو نقطه A و B و بار دوم بین دو نقطه C و A بسته می‌شود. جریانی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد، در حالت دوم چند برابر حالت اول است؟

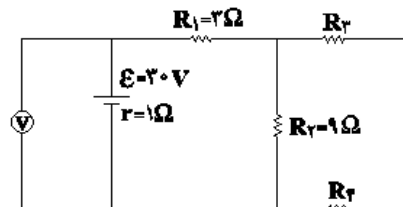


- (۱)  $\frac{1}{3}$
- (۲)  $\frac{5}{2}$
- (۳)  $\frac{5}{3}$
- (۴) ۳

۱۹) دو مقاومت یکسان R را به‌طور متوالی به ولتاژ ثابتی می‌بندیم. توانی که در مجموعه دو مقاومت مصرف می‌شود، ۴۰ W است. اگر این دو مقاومت را به‌طور موازی به همان اختلاف پتانسیل ببندیم، توان مصرفی در مجموعه دو مقاومت در این حالت چند وات است؟

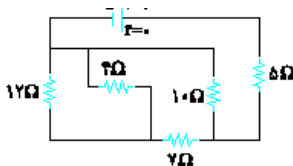
- (۱) ۱۰
- (۲) ۴۰
- (۳) ۸۰
- (۴) ۱۶۰

۲۰) در مدار زیر، اگر ولت‌سنج آرمانی ۲۷ ولت را نشان دهد و توان مصرفی مقاومت  $R_4$  برابر ۶ وات باشد، اندازه مقاومت  $R_3$  چند اهم است؟



- (۱) ۶
- (۲) ۹
- (۳) ۱۲
- (۴) ۱۸

۲۱) در مدار زیر، شدت جریان عبوری از مقاومت ۴ اهمی چند آمپر است؟

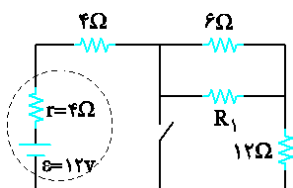


- (۱) ۱
- (۲)  $\frac{3}{4}$
- (۳)  $\frac{1}{2}$
- (۴)  $\frac{1}{4}$

۲۲) یک ولت‌سنج به مقاومت  $60 \text{ k}\Omega$  را به دو سر یک باتری با نیروی محرکه ۶ ولت و مقاومت درونی  $3 \Omega$  می‌بندیم. مرتبه بزرگی تعداد الکترون‌هایی که در هر دقیقه از این ولت‌سنج می‌گذرند، چقدر است؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$ )

- (۱)  $1.0^{16}$
- (۲)  $1.0^{17}$
- (۳)  $1.0^{18}$
- (۴)  $1.0^{19}$

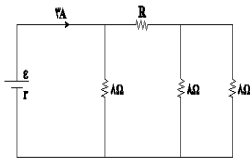
۲۳) در شکل زیر، با بستن کلید، اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۴۰ درصد کاهش می‌یابد،  $R_1$  چند اهم است؟



- (۱) ۳
- (۲) ۶
- (۳) ۱۲
- (۴) ۱۸

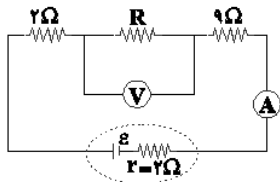


۲۴) در شکل روبه‌رو، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R$ ،  $12$  ولت است،  $R$  چند اهم است؟



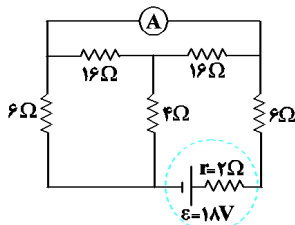
- ۴ (۱)
- ۶ (۲)
- ۸ (۳)
- ۱۲ (۴)

۲۵) در شکل زیر، ولت‌سنج آرمانی به ترتیب  $12$  ولت و  $0.8$  آمپر را نشان می‌دهند، نیروی محرکه مولد، چند ولت است؟



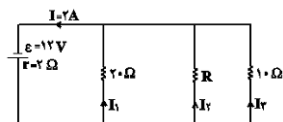
- ۳۶ (۱)
- ۲۴ (۲)
- ۱۸ (۳)
- ۱۶ (۴)

۲۶) در مدار روبه‌رو، آمپرسنج آرمانی، جریان چند آمپر را نشان می‌دهد؟



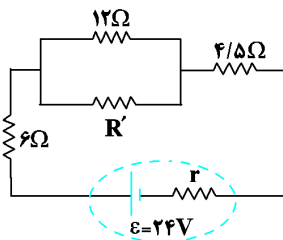
- $\frac{9}{7}$  (۱)
- $\frac{5}{4}$  (۲)
- $\frac{3}{4}$  (۳)
- صفر (۴)

۲۷) در شکل زیر، در مقاومت  $R$  در هر دقیقه چند ژول انرژی مصرف می‌شود؟



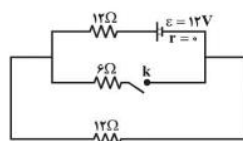
- ۶۴۸ (۱)
- ۵۲۶ (۲)
- ۴۷۲ (۳)
- ۳۸۴ (۴)

۲۸) در مدار زیر، برای اینکه توان مصرفی مقاومت  $4/5$  اهمی دو برابر توان مصرفی مقاومت  $R'$  باشد، کمترین مقدار ممکن برای  $R'$  چند اهم است؟



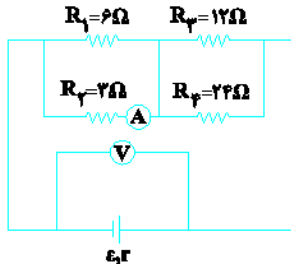
- ۳۶ (۱)
- ۲۴ (۲)
- ۴ (۳)
- ۳ (۴)

۲۹) در مدار روبه‌رو، با بستن کلید، توان مصرفی مدار چگونه تغییر می‌کند؟



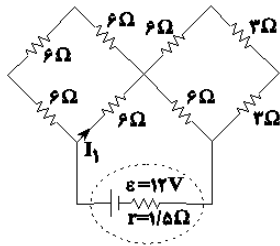
- (۱) ۳ وات کم می‌شود.
- (۲) ۶ وات کم می‌شود.
- (۳) ۳ وات زیاد می‌شود.
- (۴) ۶ وات زیاد می‌شود.

۳۰) در مدار زیر اگر به جای مقاومت ۳ اهمی، مقاومت ۶ اهمی قرار دهیم، اعدادی که آمپرسنج و ولتسنج نشان می‌دهند، به ترتیب چه تغییری می‌کنند؟



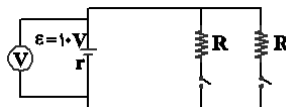
- ۱) افزایش - کاهش
- ۲) کاهش - افزایش
- ۳) کاهش - کاهش
- ۴) افزایش - افزایش

۳۱) در مدار مطابق شکل زیر،  $I_1$  چقدر آمپر است؟



- ۱) ۰/۳
- ۲) ۰/۶
- ۳) ۰/۹
- ۴) ۱/۲

۳۲) در مدار زیر، هنگامی که فقط یکی از کلیدها بسته باشد، ولتسنج آرمانی عدد ۶ ولت را نشان می‌دهد. اگر هر دو کلید بسته باشند، ولتسنج چند ولت را نشان می‌دهد؟

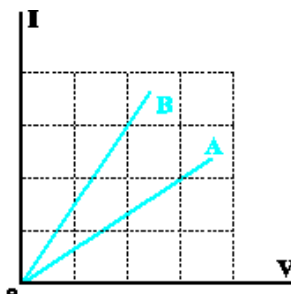


- ۱)  $\frac{15}{7}$
- ۲) ۳
- ۳)  $\frac{30}{7}$
- ۴) ۸

۳۳) روی یک لامپ عددهای ۲۲۰V و ۱۰۰W ثبت شده است. اگر این لامپ به اختلاف پتانسیل ۲۰۰V وصل شود، با فرض ثابت ماندن مقاومت لامپ، در مدت ۱۱ ساعت چند کیلووات ساعت انرژی مصرف می‌کند؟

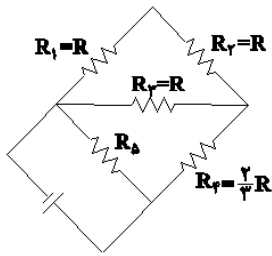
- ۱)  $\frac{10}{121}$
- ۲)  $\frac{10}{11}$
- ۳) ۱۰
- ۴) ۱۱

۳۴) شکل زیر، رابطه بین جریان عبوری از مقاومت‌های A و B و اختلاف پتانسیل دو سر آن مقاومت‌ها را نشان می‌دهد. مقاومت B چند برابر مقاومت A است؟



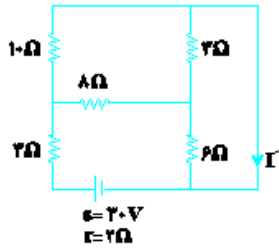
- ۱)  $\frac{4}{9}$
- ۲)  $\frac{2}{3}$
- ۳)  $\frac{3}{2}$
- ۴)  $\frac{9}{4}$

۳۵) در مدار زیر، توان مصرفی مقاومت  $R_2$ ،  $\frac{1}{3}$  توان مصرفی مقاومت  $R_5$  است. مقاومت معادل مدار چند برابر  $R$  است؟



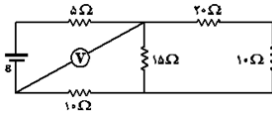
- ۱)  $\frac{8}{3}$
- ۲)  $\frac{4}{3}$
- ۳)  $\frac{2}{3}$
- ۴)  $\frac{1}{3}$

۳۶) در مدار روبه‌رو، جریان  $I$  چند آمپر است؟



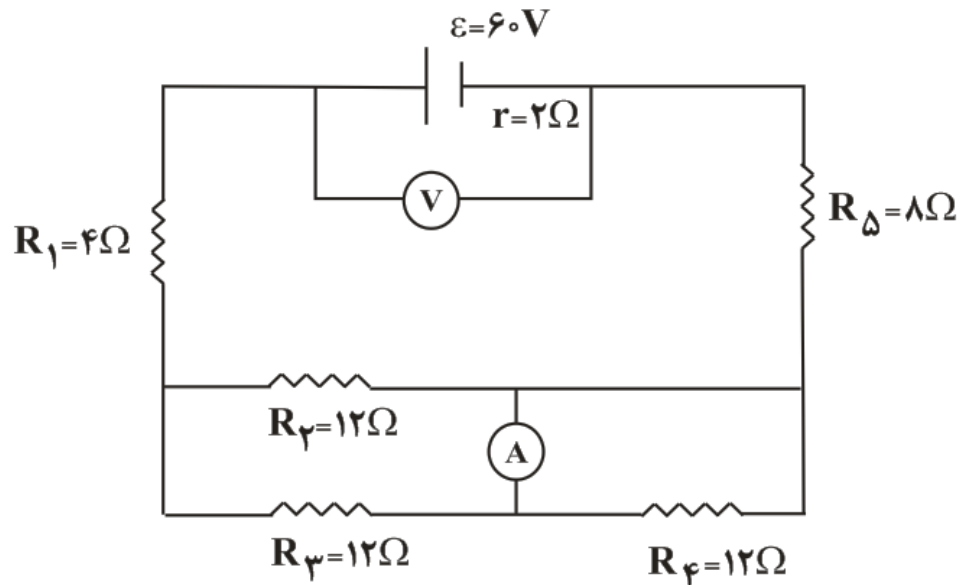
- ۱) ۱
- ۲) ۱/۵
- ۳) ۲/۵
- ۴) ۳

۳۷) در مدار زیر، ولت‌سنج آرمانی ۶ ولت را نشان می‌دهد. ولتاژ دو سر مولد چند ولت است؟



- ۱) ۳/۰
- ۲) ۴/۵
- ۳) ۵/۰
- ۴) ۷/۵

۳۸) در مدار زیر، ولت‌سنج آرمانی و آمپرسنج آرمانی چه اعدادی را نشان می‌دهند؟

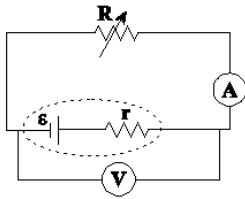


- ۲) ۱/۵A, ۵۵V
- ۴) ۳A, ۵۵V

- ۱) ۱/۵A, ۵۴V
- ۳) ۳A, ۵۴V



۳۹) در مدار زیر، توان خروجی باتری به ازای جریان‌های  $3A$  و  $5A$  یکسان است. در حالتی که ولت‌سنج عدد صفر را نشان می‌دهد، آمپرسنج چند آمپر را نشان می‌دهد؟ (ولت‌سنج و آمپرسنج آرمانی فرض شود.)



- (۱) صفر  
(۲) ۲  
(۳) ۴  
(۴) ۸

۴۰) ولت‌سنجی آرمانی، اختلاف پتانسیل دو سر یک باتری را که به مداری وصل نیست، ۱۲ ولت نشان می‌دهد. حال اگر یک مقاومت ۸ اهمی را به دو سر آن ببندیم، ولت‌سنج اختلاف پتانسیل دو سر باتری را  $9/6$  ولت نشان می‌دهد. مقاومت درونی باتری چند اهم است؟

(۴) ۴

(۳) ۳

(۲) ۲

(۱) ۱

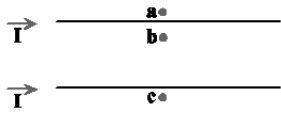




# فصل سوم فیزیک یازدهم

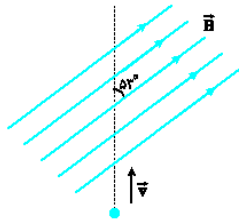
## (سوالات)

۱) هت میدان مغناطیسی برابند (خالص) ناشی از سیم‌های موازی و بلند حامل جریان یکسان، در هر یک از نقطه‌های a, b و c به ترتیب کدام است؟



- ۱) درون سو - درون سو - برون سو
- ۲) برون سو - درون سو - درون سو
- ۳) درون سو - برون سو - برون سو
- ۴) برون سو - برون سو - درون سو

۲) بار الکتریکی  $q = 25 \mu\text{C}$  با سرعت  $v = 2 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  مطابق شکل زیر وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $B = 10^4 \text{G}$  می‌شود. در لحظه ورود به میدان، اندازه نیروی مغناطیسی وارد بر ذره چند نیوتون و در کدام جهت است؟ ( $\sin 53^\circ = 0.8$ )

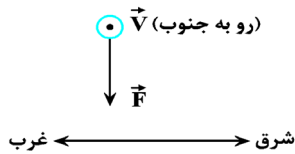


- ۱)  $\otimes$  و ۲۵۰
- ۲)  $\odot$  و ۲۵۰
- ۳)  $\odot$  و ۴
- ۴)  $\otimes$  و ۴

۳) وبر بر ثانیه معادل کدام یکا است؟

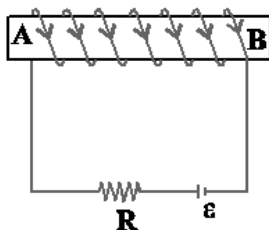
- ۱) ولت
- ۲) تسلا
- ۳) اهم
- ۴) کولن

۴) الکترونی با تندی  $v = 5 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  درون میدان مغناطیسی یکنواختی در حرکت است. اندازه نیرویی که از طرف میدان بر الکترون وارد می‌شود، هنگامی بیشینه است که الکترون به سمت جنوب حرکت کند. اگر جهت این نیرو رو به پایین و اندازه آن  $F = 4 \times 10^{-14} \text{N}$  باشد، اندازه میدان مغناطیسی چند تسلا و به کدام سو است؟ ( $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{C}$ )



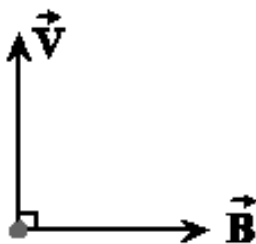
- ۱) ۰/۵ و شرق
- ۲) ۰/۵ و غرب
- ۳) ۰/۰۵ و شرق
- ۴) ۰/۰۵ و غرب

۵) در آهنربای الکتریکی شکل زیر، قطب N و جهت میدان مغناطیسی درون سیملوله، کدام است؟



- ۱) A و  $\rightarrow$
- ۲) B و  $\rightarrow$
- ۳) A و  $\leftarrow$
- ۴) B و  $\leftarrow$

۶) شکل زیر، سرعت الکترون را در یک میدان مغناطیسی نشان می‌دهد. جهت نیروی وارد بر الکترون در این لحظه، کدام است؟



- ۱)  $\odot$
- ۲)  $\otimes$
- ۳)  $\leftarrow$
- ۴)  $\rightarrow$

۷) شار مغناطیسی عبوری از یک پیچه که شامل ۵۰ حلقه است، در SI به صورت  $\phi = 0.02 \cos 50\pi t$  است. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه، در بازه زمانی  $t_1 = 0.018$  و  $t_2 = 0.038$  چند ولت است؟

- ۱) ۵۰      ۲) ۲۵      ۳) ۱۰      ۴) صفر

۸) بار الکتریکی q با سرعت  $\vec{v}$  وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت که اندازه آن B است می‌شود و از طرف میدان نیروی  $\vec{F}$  بر آن وارد می‌شود، کدام یک از موارد زیر درباره بردارهای  $\vec{F}$ ،  $\vec{v}$  و  $\vec{B}$  صحیح است؟

- ۱)  $\vec{v}$  همواره بر دو بردار  $\vec{F}$  و  $\vec{B}$  عمود است.      ۲)  $\vec{B}$  همواره بر دو بردار  $\vec{v}$  و  $\vec{F}$  عمود است.  
 ۳)  $\vec{F}$  همواره بر دو بردار  $\vec{v}$  و  $\vec{B}$  عمود است.      ۴)  $\vec{v}$ ،  $\vec{F}$  و  $\vec{B}$  همواره دو به دو بر یکدیگر عمودند.

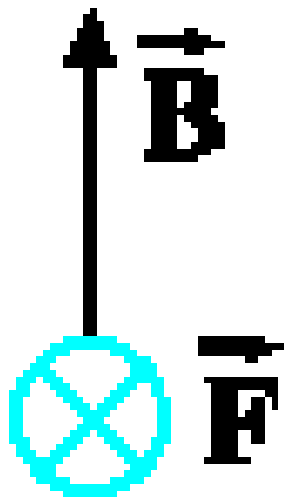
۹) تسلا (یکاى میدان مغناطیسی) معادل با کدام است؟

- ۱)  $\frac{\text{متر} \times \text{نیوتن}}{\text{آمپر}}$       ۲)  $\frac{\text{متر} \times \text{نیوتن}}{\text{کولن}}$       ۳)  $\frac{\text{نیوتن}}{\text{متر} \times \text{کولن}}$       ۴)  $\frac{\text{نیوتن}}{\text{متر} \times \text{آمپر}}$

۱۰) پیچه‌ای دارای ۱۰۰ حلقه و مساحت هر حلقه آن  $50 \text{ cm}^2$  است و به‌طور عمود در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $200 \text{ G}$  قرار دارد. اگر در مدت  $0.1$  ثانیه پیچه از میدان خارج شود، بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط چند ولت است؟

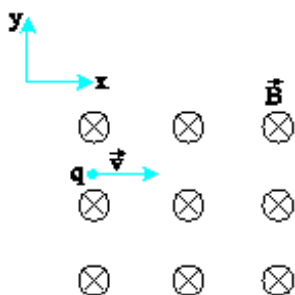
- ۱) ۳      ۲)  $2/5$       ۳)  $0.5$       ۴)  $0.1$

۱۱) الکترونی با سرعت  $\vec{v}$  در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، عمود بر میدان در حرکت است. اگر شکل زیر نشان‌دهنده جهت میدان ( $\vec{B}$ ) و جهت نیروی وارد بر الکترون ( $\vec{F}$ ) باشد، جهت  $\vec{v}$  کدام است؟



- ۱)  $\odot$       ۲)  $\otimes$   
 ۳)  $\rightarrow$       ۴)  $\leftarrow$

۱۲) مطابق شکل زیر، پروتی با سرعت  $\vec{v} = (10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}) \hat{i}$  وارد یک میدان مغناطیسی یکنواخت، به بزرگی  $170 \text{ G}$  می‌شود. اگر تنها نیروی مغناطیسی به پروتون وارد شود، شتاب حرکتش در این لحظه در SI، کدام است؟ (بار الکتریکی پروتون  $1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$  و جرم آن  $1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$  است.)



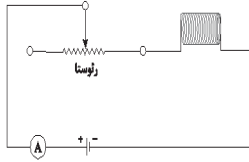
- ۱)  $1/6 \times 10^{10} \hat{j}$       ۲)  $1/6 \times 10^9 \hat{j}$   
 ۳)  $1/6 \times 10^8 \hat{j}$       ۴)  $1/6 \times 10^7 \hat{j}$



۱۳) جریان متناوبی که بیشینه آن  $5A$  و دوره آن  $\frac{1}{50}$  s است، از یک رسانای  $10$  اهمی می‌گذرد. در لحظه  $t = \frac{3}{400}$  s، جریان چند آمپر است؟

- ۱) صفر      ۲)  $\frac{5}{2}$       ۳)  $\frac{5\sqrt{3}}{2}$       ۴)  $\frac{5\sqrt{2}}{2}$

۱۴) در شکل زیر، ضریب القاوری (خودالقایی) سیملوله  $0.5H$  است و انرژی ذخیره شده در آن  $0.4J$  است. اگر سیملوله دارای  $100$  حلقه و طولش  $8cm$  باشد، میدان مغناطیسی داخل آن چند گاوس است؟  $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T.m}{A})$

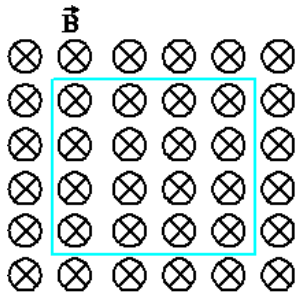


- ۱) ۶۰  
۲) ۹۰  
۳) ۱۲۰  
۴) ۱۸۰

۱۵) یک سیم راست حامل جریان  $4A$  در یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی  $500G$  در راستایی قرار دارد که با جهت میدان، زاویه  $37^\circ$  می‌سازد. بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر  $2$  متر از این سیم، چند نیوتون است؟  $(\sin 37^\circ = 0.6)$

- ۱)  $4 \times 10^{-3}$       ۲)  $4 \times 10^{-2}$       ۳)  $2/4 \times 10^{-3}$       ۴)  $2/4 \times 10^{-1}$

۱۶) در شکل زیر، حلقه رسانایی به مساحت  $600cm^2$  عمود بر میدان مغناطیسی قرار دارد و میدان مغناطیسی بدون تغییر جهت، در یک میلی ثانیه  $200$  گاوس کاهش می‌یابد. در این مدت، نیروی محرکه القایی متوسط در حلقه چند ولت است و جهت جریان القایی چگونه است؟



- ۱)  $1/2$ ، پادساعتگرد  
۲)  $0.6$ ، پادساعتگرد  
۳)  $0.6$ ، ساعتگرد  
۴)  $1/2$ ، ساعتگرد

۱۷) در مکانی، میدان مغناطیسی، یکنواخت و افقی و جهت آن به سمت شمال جغرافیایی است. اگر در این مکان یک ذره آلفا با سرعت  $V$  در راستای افقی به سمت شمال شرقی در حرکت باشد، نیروی مغناطیسی وارد بر ذره در آن لحظه به کدام جهت است؟

- ۱) راستای قائم به سمت بالا      ۲) افقی به سمت شمال غربی      ۳) راستای قائم به سمت پایین      ۴) افقی به سمت جنوب شرقی

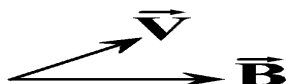
۱۸) معادله شار مغناطیسی عبوری از یک پیچه که شامل  $60$  حلقه است، در  $SI$  به صورت  $\Phi = 4 \times 10^{-3} \cos 100\pi t$  است. اندازه نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه در بازه زمانی  $t_1 = \frac{1}{300}$  s تا  $t_2 = \frac{1}{100}$  s چند ولت است؟

- ۱)  $2/4$       ۲)  $4/8$       ۳)  $24$       ۴)  $48$

۱۹) یکای فرعی کدام کمیت،  $\frac{kg}{A.s^2}$  است؟

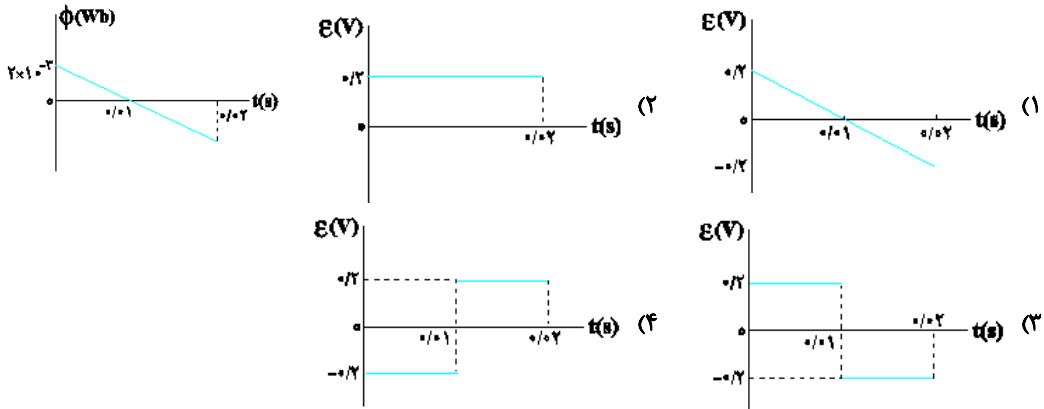
- ۱) میدان مغناطیسی      ۲) شار مغناطیسی      ۳) میدان الکتریکی      ۴) نیروی محرکه القایی

۲۰) الکترونی با سرعت  $\vec{V}$  در میدان مغناطیسی  $\vec{B}$  در حرکت است و  $\vec{V}$  و  $\vec{B}$  در همین صفحه قرار دارند. در لحظه نشان داده شده، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر الکترون کدام است؟



- ۱)  $\otimes$       ۲)  $\odot$   
۳)  $\curvearrowright$       ۴)  $\downarrow$

۲۱) نمودار شار مغناطیسی که از یک حلقه می‌گذرد، در شکل زیر، نشان داده شده است. نمودار نیروی محرکه القایی در این مدت کدام است؟



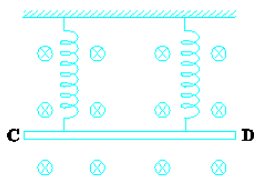
۲۲) سیمولوله‌ای آرمانی به طول ۲۰cm دارای ۵۰۰ حلقه سیم نزدیک به هم است. اگر جریان ۸۰۰mA از سیمولوله بگذرد، بزرگی میدان مغناطیسی در نقطه‌ای درون سیمولوله و دور از لبه‌های آن، چند گاوس است؟  $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$

- (۱) ۰/۲۴  
(۲) ۲/۴  
(۳) ۲۴  
(۴) ۲۴۰

۲۳) خاصیت مغناطیسی مواد دیامغناطیسی، کدام است؟

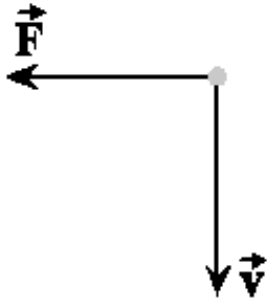
- (۱) به‌طور طبیعی حوزه‌های مغناطیسی دارند و اگر تحت تأثیر میدان مغناطیسی خارجی قرار گیرند، تبدیل به آهنربای دائمی می‌شوند.  
(۲) اتم‌های این مواد خاصیت مغناطیسی دارند ولی حوزه‌های مغناطیسی قابل ملاحظه‌ای ندارند و به این دلیل میدان قابل ملاحظه‌ای ایجاد نمی‌کنند.  
(۳) اتم‌های این مواد به‌طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی‌اند و در حضور میدان مغناطیسی خارجی قوی، دو قطبی‌هایی در خلاف جهت میدان خارجی ایجاد می‌شود.  
(۴) به‌طور طبیعی فاقد حوزه‌های مغناطیسی می‌باشند ولی اگر تحت تأثیر میدان خارجی قرار گیرند، حوزه‌های مغناطیسی دائمی در جهت میدان خارجی ایجاد می‌شود.

۲۴) مطابق شکل زیر، میله CD به جرم ۱۶۰ گرم و طول ۸۰ سانتی‌متر به دو فنر مشابه آویخته شده و در یک میدان مغناطیسی یکنواخت که اندازه آن ۰/۴ تسلا است، به‌صورت افقی قرار دارد. از میله جریان چند آمپر و در چه جهتی عبور کند تا از طرف میله بر فنرها نیرویی وارد نشود؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



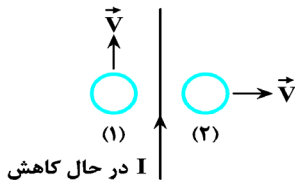
- (۱) ۵ و از C به طرف D  
(۲) ۵ و از D به طرف C  
(۳) ۲ و از C به طرف D  
(۴) ۲ و از D به طرف C

۲۵) الکترونی عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی مطابق شکل زیر، در حرکت است و نیروی مغناطیسی  $\vec{F}$  به آن وارد می‌شود. جهت میدان  $B$  کدام است؟



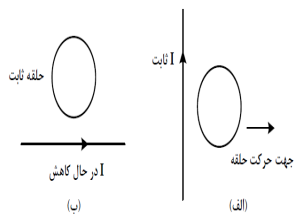
- ۱) بالا
- ۲) راست
- ۳) درون‌سو
- ۴) برون‌سو

۲۶) مطابق شکل زیر، دو حلقه در جهت‌های نشان داده شده در نزدیکی یک سیم حامل جریان الکتریکی حرکت می‌کنند. کدام مورد درست است؟



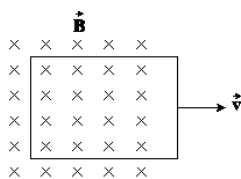
- ۱) در حلقه (۱) جریان القا نمی‌شود و در حلقه (۲) جریان القایی پادساعتگرد است.
- ۲) جهت جریان القایی در حلقه (۱) پادساعتگرد و در حلقه (۲) ساعتگرد است.
- ۳) در حلقه (۱) جریان القا نمی‌شود و در حلقه (۲) جریان القایی ساعتگرد است.
- ۴) جهت جریان القایی در حلقه (۱) ساعتگرد و در حلقه (۲) پادساعتگرد است.

۲۷) در شکل‌های «الف» و «ب» جهت جریان الکتریکی القا شده در حلقه‌ها به ترتیب، کدام است؟



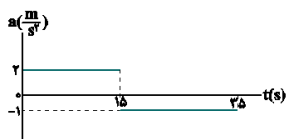
- ۱) ساعتگرد و پادساعتگرد
- ۲) پادساعتگرد و پادساعتگرد
- ۳) پادساعتگرد و ساعتگرد
- ۴) ساعتگرد و ساعتگرد

۲۸) در شکل زیر، یک حلقه رسانا با تندی ثابت از یک میدان مغناطیسی خارج می‌شود و شار مغناطیسی در هر میلی‌ثانیه  $0.2$  و بر کاهش می‌یابد. جریان الکتریکی القایی در کدام جهت است و نیروی محرکه القایی متوسط چند ولت است؟



- ۱) ساعتگرد،  $0.2$
- ۲) ساعتگرد،  $20$
- ۳) پادساعتگرد،  $0.2$
- ۴) پادساعتگرد،  $20$

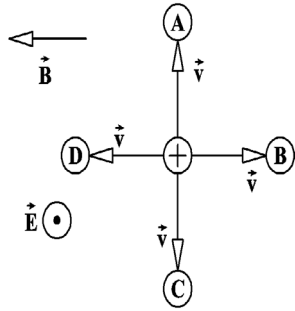
۲۹) نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی محور  $x$  حرکت می‌کند. مطابق شکل زیر است. اگر در لحظه  $t = 2s$  سرعت متحرک  $\vec{v} = (-6 \frac{m}{s})\vec{i}$  و مکان متحرک  $\vec{x} = (-16m)\vec{i}$  باشد، مکان متحرک در لحظه  $t = 35s$  کدام است؟



- ۱)  $(275m)\vec{i}$
- ۲)  $(300m)\vec{i}$
- ۳)  $(375m)\vec{i}$
- ۴)  $(400m)\vec{i}$

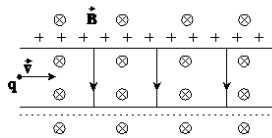


۳۰) مطابق شکل زیر، دو میدان یکنواخت الکتریکی و مغناطیسی عمود بر هم در یک محیط قرار دارند، ذره‌ای با بار الکتریکی مثبت در آن فضا با سرعت  $\vec{V}$  به کدام جهت حرکت کند، تا بزرگی نیروی خالص وارد بر آن بیشینه شود؟ (اثر وزن ذره ناچیز است.)



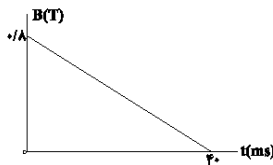
- A (۱)
- B (۲)
- C (۳)
- D (۴)

۳۱) مطابق شکل زیر، ذره‌ای به بار  $q = 2\mu\text{C}$  با جرم ناچیز با تندی  $V = 2 \times 10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در جهت نشان داده شده که عمود بر میدان‌های یکنواخت  $B = 0.02\text{T}$  و  $E = 50 \frac{\text{N}}{\text{C}}$  است، وارد فضای این میدان‌ها می‌شود. نیروی خالص وارد بر ذره در لحظه ورود به میدان‌ها چند نیوتون است؟



- (۱) صفر
- (۲)  $3 \times 10^{-4}$
- (۳)  $2 \times 10^{-4}$
- (۴)  $1/8 \times 10^{-3}$

۳۲) پیچ‌های دارای ۵۰۰ حلقه و مساحت سطح هر حلقه آن  $40\text{cm}^2$  است و طوری در یک میدان مغناطیسی قرار گرفته است که خط‌های میدان عمود بر سطح حلقه‌های پیچ‌هاست. اگر نمودار تغییرات میدان بر حسب زمان به صورت شکل زیر باشد، نیروی محرکه القایی متوسط در پیچ در بازه زمانی  $t_1 = 0$  تا  $t_2 = 30\text{ms}$  چند ولت است؟



- (۱) ۱۲۰
- (۲) ۴۰
- (۳) ۳۰
- (۴) ۱۶

۳۳) ذره‌ای به جرم ۵ گرم که دارای بار  $-50\mu\text{C}$  است، در یک میدان مغناطیسی یکنواخت، با سرعت  $2/5 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در راستای افقی از جنوب به شمال پرتاب می‌شود. جهت و اندازه میدان، کدام‌یک از موارد زیر می‌تواند باشد تا نیروی مغناطیسی نیروی وزن را خنثی کند و ذره در مسیر مستقیم به حرکت خود ادامه دهد؟

- (۱) ۰/۰۴ تسلا در راستای افقی از شرق به غرب
- (۲) ۰/۰۴ تسلا در راستای افقی از غرب به شرق
- (۳) ۰/۴۰ تسلا در راستای افقی از شرق به غرب
- (۴) ۰/۴۰ تسلا در راستای افقی از غرب به شرق

۳۴) سیم‌لوله‌ای به طول ۶۰ سانتی‌متر، دارای ۲۰۰ حلقه است و از آن جریان ۵A عبور می‌کند. میدان مغناطیسی درون سیم‌لوله چند تسلا است؟  $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$

- (۱)  $2 \times 10^{-1}$
- (۲)  $2 \times 10^{-3}$
- (۳)  $1/2 \times 10^{-1}$
- (۴)  $1/2 \times 10^{-3}$

# ضمیمہ ریاضی یازدہم (سوالات)



۱) دو کره فلزی یکسان A و B به شعاع‌های ۵cm دارای بارهای الکتریکی  $q_A = 20 \mu C$  و  $q_B = -4 \mu C$  را به هم تماس داده و از هم جدا می‌کنیم. چگالی سطحی بار کره A چند میکروکولن بر متر مربع کاهش می‌یابد؟ ( $\pi = 3$ )

- ۱) ۱۵۰ (۲) ۳۰۰ (۳) ۴۰۰ (۴) ۸۰۰

۲) شعاع کره فلزی A دو برابر شعاع کره فلزی B است. اگر بار الکتریکی کره B، ۵۰ درصد بار الکتریکی A باشد، چگالی سطحی بار الکتریکی کره A، چند برابر چگالی سطحی بار کره B است؟

- ۱) ۱ (۲) ۲ (۳)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۴)  $\frac{1}{2}$

۳) "LDR" مقاومت الکتریکی است که:

- ۱) انرژی نورانی را به انرژی الکتریکی تبدیل می‌کند.
- ۲) با افزایش شدت نور تابیده به آن، مقاومت الکتریکی آن کاهش می‌یابد.
- ۳) با افزایش شدت نور تابیده به آن، مقاومت الکتریکی آن افزایش می‌یابد.
- ۴) جریان الکتریکی را از یک سو عبور می‌دهد و از سوی دیگر عبور نمی‌دهد.

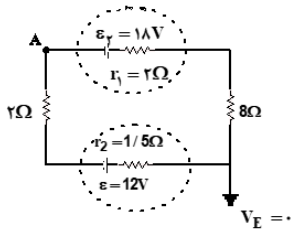
۴) ترمیستور چیست؟

- ۱) نوعی دیود است که حساس به نور و گرما است.
- ۲) نوعی دیود است که به عنوان دماسنج استفاده می‌شود.
- ۳) نوعی از مقاومت است که بستگی مقاومت الکتریکی آن به دما، تقریباً صفر است.
- ۴) نوعی از مقاومت است که بستگی مقاومت الکتریکی آن به دما، با مقاومت‌های الکتریکی معمولی متفاوت است.

۵) کدام مورد، در چشم‌های الکترونیکی استفاده می‌شود؟

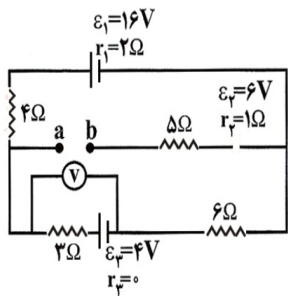
- ۱) ترمیستور (۲) مقاومت نوری (۳) پتانسیومتر (۴) دیود نورگسیل

۶) در مدار زیر، پتانسیل نقطه A چند ولت است؟



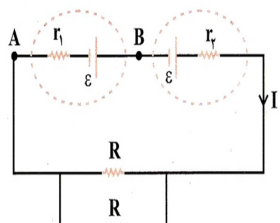
- ۱)  $-22/25$   
 ۲)  $-13/75$   
 ۳)  $13/75$   
 ۴)  $22/25$

۷) در مدار روبه‌رو ولت سنج آرمانی چند ولت را نشان می‌دهد؟



- ۱) ۰/۶  
 ۲) ۲/۴  
 ۳) ۵/۲  
 ۴) ۶/۴

۸) در مدار زیر، اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B برابر صفر است. کدام مورد درست است؟



- ۱)  $R = 2r_1 = 2r_2$   
 ۲)  $R = 2(r_1 - r_2)$   
 ۳)  $R = r_1 = r_2$   
 ۴)  $R = r_1 - r_2$



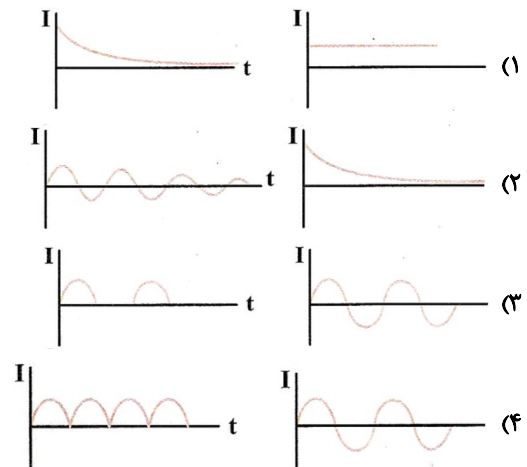
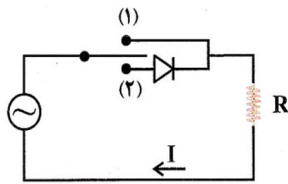
۹) طول سیمولوه آرمانی A، دو برابر طول سیمولوه آرمانی B و تعداد حلقه‌های آن نیز دو برابر تعداد حلقه‌های سیمولوه B است. اگر از آن‌ها جریان الکتریکی یکسان عبور کند و سطح حلقه‌های دو سیمولوه برابر باشد، نسبت بزرگی میدان مغناطیسی آن‌ها  $(\frac{B_A}{B_B})$  و نسبت ضریب القاوری آن‌ها  $(\frac{L_A}{L_B})$  به ترتیب کدام‌اند؟

- (۱) ۴ و ۱ (۲) ۲ و ۱ (۳) ۴ و ۲ (۴) ۲ و ۲

۱۰) طول سیمولوه A، دو برابر طول سیمولوه B و تعداد حلقه‌های آن نیز دو برابر تعداد حلقه‌های سیمولوه B است. اگر شدت جریان الکتریکی عبوری از این‌ها با هم برابر باشد، به ترتیب انرژی ذخیره شده در سیمولوه A، چند برابر انرژی سیمولوه B است و میدان مغناطیسی درون سیمولوه A چند برابر میدان درون سیمولوه B است؟ (سیمولوه‌ها بدون هسته آهنی و قطر حلقه‌های آن‌ها با هم برابر است.)

- (۱) ۱ و ۱ (۲) ۲ و ۱ (۳) ۲ و ۲ (۴) ۴ و ۲

۱۱) در شکل زیر، ابتدا کلید در حالت (۱) قرار می‌گیرد و سپس در حالت (۲) قرار می‌گیرد نمودار جریان الکتریکی به ترتیب از راست به چپ به کدام صورت خواهد بود؟



۱۲) کدام مورد درباره القاگر درست نیست؟

- (۱) هنگام عبور جریان پایا از القاگر آرمانی انرژی به آن وارد یا از آن خارج نمی‌شود.  
 (۲) وقتی جریان عبوری از القاگر آرمانی در حال کاهش باشد، انرژی وارد القاگر می‌شود.  
 (۳) ضریب القاوری (خودالقایی) یک القاگر به تعداد دور، طول، سطح مقطع القاگر و جنس هسته داخل آن بستگی دارد.  
 (۴) بخشی از انرژی که مولد به القاگر می‌دهد در مقاومت سیم‌های القاگر به صورت گرما تلف می‌شود و بقیه در میدان مغناطیسی القاگر ذخیره می‌شود.

۱۳) ضریب خود القایی سیمولوه‌ای  $0.02 \text{ H}$  و جریان الکتریکی عبوری از آن در SI به صورت  $I = 0.01 \sin 5000t$  است. بیشینه نیروی محرکه خودالقایی در سیمولوه چند ولت است؟

- (۱)  $0.25$  (۲)  $0.50$  (۳)  $1$  (۴)  $2$

۱۴) طول سیمولوه A، دو برابر طول سیمولوه B و تعداد حلقه‌های آن نیز دو برابر تعداد حلقه‌های سیمولوه B است و از آن‌ها جریان الکتریکی یکسان می‌گذرد. اگر سطح مقطع آن‌ها نیز برابر باشد، میدان مغناطیسی درون سیمولوه و ضریب القاوری سیمولوه A، به ترتیب چند برابر میدان مغناطیسی و ضریب القاوری سیمولوه B است؟ (درون سیمولوه‌ها هوا است.)

- (۱) ۲ و ۲ (۲) ۴ و ۲ (۳) ۲ و ۱ (۴) ۱ و ۱

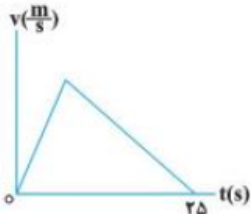
# فصل اول فیزیک دوازدهم (سوالات)

۱) متحرکی روی محور x در حال حرکت است. بردار شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1 = 5s$  تا  $t_2 = 10s$  در SI برابر  $-4\vec{i}$  و در بازه زمانی  $t_1 = 5s$  تا  $t_2 = 12s$  برابر  $2\vec{i}$  است. بردار شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1 = 5s$  تا  $t_2 = 12s$  در SI، کدام است؟

- (۱)  $-\frac{2}{7}\vec{i}$       (۲)  $-\frac{16}{7}\vec{i}$       (۳)  $4\vec{i}$       (۴)  $8\vec{i}$

۲) متحرکی روی محور x حرکت می کند و در مبدأ زمان از مکان  $x_1 = -40m$  می گذرد و در لحظه  $t_1 = 6s$  به مکان  $x_2 = 100m$  می رسد و در نهایت در لحظه  $t_2 = 10s$  از مکان  $x_3 = 20m$  می گذرد. سرعت متوسط این متحرک در SI در این ۱۰ ثانیه، کدام است؟

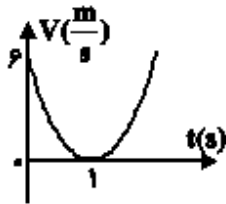
- (۱) ۲۲      (۲) ۱۴      (۳) ۶      (۴) ۲



۳) نمودار سرعت - زمان متحرکی که در مسیری مستقیم در حرکت است، به صورت شکل زیر است. اگر سرعت متوسط متحرک در این ۲۵ ثانیه برابر  $10 \frac{m}{s}$  باشد، بیشینه سرعت متحرک در ضمن حرکت، چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۲۰  
(۲) ۲۵  
(۳) ۴۰  
(۴) ۵۰

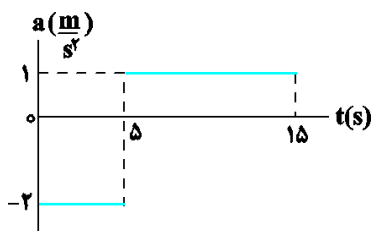
۴) نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور x حرکت می کند، مطابق شکل زیر به صورت سهمی است. در لحظه  $t = 0$ ، بزرگی شتاب حرکت چند متر بر مجذور ثانیه است؟



- (۱) صفر  
(۲) ۶  
(۳) ۱۲  
(۴) ۲۴

۵) نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی محور x حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. اگر سرعت و مکان متحرک در لحظه  $t = 0$  برابر  $\vec{V} = (10 \frac{m}{s})\vec{i}$  و  $\vec{x} = (-10)\vec{i}$  باشد، در بازه زمانی  $t_1 = 0s$  تا  $t_2 = 15s$ ، کدام موارد درست است؟

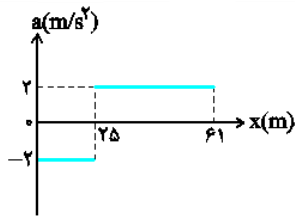
- الف) جهت بردار مکان و بردار سرعت یک بار عوض می شود.  
ب) جابه جایی و مسافت هم اندازه اند.  
پ) شتاب متوسط برابر صفر است.  
ت) سرعت متوسط برابر صفر است.



- (۱) ب و ت      (۲) ب و ت      (۳) الف و ت      (۴) الف و پ

۶) متحرکی روی خط راست، با شتاب ثابت از حال سکون شروع به حرکت می کند. در بازه زمانی  $t_1 = 1s$  تا  $t_2 = 3s$  مسافت  $20m$  را طی می کند. مسافتی که در بازه زمانی  $t_1 = 3s$  تا  $t_2 = 7s$  طی می کند، چند متر است؟

- (۱) ۴۰      (۲) ۸۰      (۳) ۱۰۰      (۴) ۱۲۰



۷) نمودار شتاب- مکان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است.

اگر متحرک در لحظه  $t = 0$  از مبدأ با سرعت  $10 \frac{m}{s}$  عبور کند، سرعت آن در مکان

$x = 61 \text{ m}$  چند متر بر ثانیه است؟

۲۲ (۱)

۱۲ (۲)

۸ (۳)

۶ (۴)

۸) معادله سرعت - زمان متحرکی در SI به صورت  $v = -6t + 18$  است. تندی متوسط متحرک در بازه زمانی  $t_1 = 0 \text{ s}$  تا

$t_2 = 4 \text{ s}$  چند متر بر ثانیه است؟

۱۱/۵ (۴)

۸ (۳)

۷/۵ (۲)

۶ (۱)

۹) نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. کدام موارد زیر درست است؟

الف) جهت سرعت و شتاب در لحظه  $t_1$  تغییر کرده است.

ب) در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  حرکت در جهت محور X است.

پ) در بازه زمانی صفر تا  $t_1$  تندی در حال کاهش است.

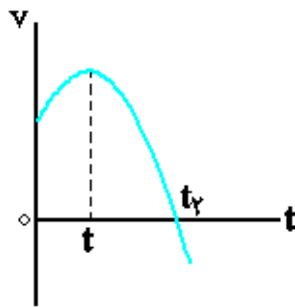
ت) بردار شتاب در باطه زمانی صفر تا X خلاف جهت محور X است.

ب (۱)

پ (۲)

الف و ت (۳)

ب و ت (۴)



۱۰) نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر قسمتی از یک سهمی است. کدام مورد درست است؟

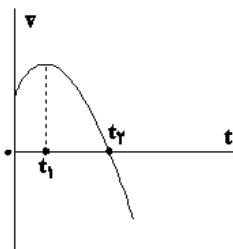
۱) در بازه صفر تا  $t_1$  تندی در حال کاهش است.

۲) بزرگی شتاب در لحظه صفر و  $t_2$  برابر است.

۳) در بازه صفر تا  $t_2$  شتاب خلاف جهت محور X است.

۴) بزرگی شتاب متوسط در بازه  $t_1$  تا  $t_2$  بیشتر از بزرگی شتاب متوسط در بازه صفر تا

$t_2$  است.



۱۱) متحرکی روی محور X با سرعت اولیه  $\vec{v} = (40 \frac{m}{s})\vec{i}$  و شتاب ثابت  $\vec{a} = (-5 \frac{m}{s^2})\vec{i}$  در حال حرکت است. تندی متوسط

حرکت در ۵ ثانیه دوم، چند متر بر ثانیه است؟

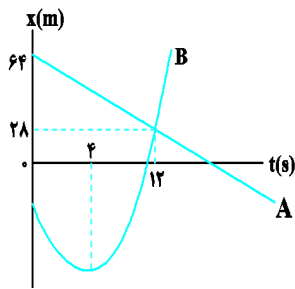
۱۵ (۴)

۱۲ (۳)

۶/۵ (۲)

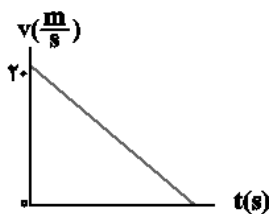
۲/۵ (۱)

۱۲) نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B مطابق شکل به صورت خط راست و سهمی است. در لحظه‌ای که دو متحرک به هم می‌رسند تندی متحرک B،  $\frac{16}{3}$  برابر تندی متحرک A است. لحظه‌ای که جهت بردار مکان B عوض می‌شود، دو متحرک در چند متری از هم قرار دارند؟



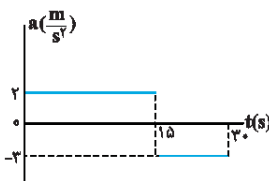
- (۱) ۸۸
- (۲) ۵۶
- (۳) ۴۲
- (۴) ۳۴

۱۳) نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر مسافت طی شده در ۴ ثانیه اول، ۳۶ برابر مسافت طی شده در ۲ ثانیه آخر باشد، بزرگی شتاب حرکت، چند متر بر مربع ثانیه است؟



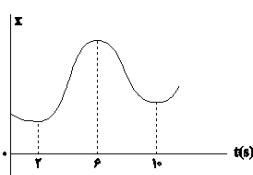
- (۱)  $\frac{1}{2}$
- (۲) ۱
- (۳)  $\frac{3}{2}$
- (۴) ۲

۱۴) نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند و بردار سرعت اولیه آن در SI به صورت  $\vec{v}_0 = -10\vec{i}$  است، مطابق شکل زیر است. بزرگی جابه‌جایی در ۵ ثانیه ششم، چند برابر بزرگی جابه‌جایی در ۵ ثانیه اول حرکت است؟



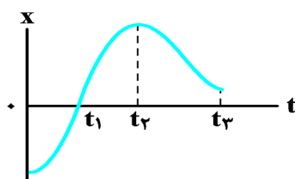
- (۱) ۳/۵
- (۲) ۲
- (۳) ۱/۵
- (۴) ۱

۱۵) نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. تندی متوسط در کدام یک از بازه‌های زمانی مشخص شده در گزینه‌ها بیشتر است؟



- (۱) صفر تا ۲s
- (۲) صفر تا ۶s
- (۳) ۲s تا ۱۰s
- (۴) ۶s تا ۱۰s

۱۶) نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. در کدام لحظه نشان داده شده، تندی بیشتر است؟

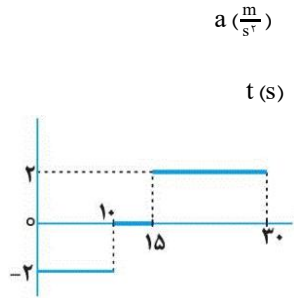


- (۱)  $t_1$
- (۲)  $t_2$
- (۳)  $t_3$
- (۴)  $t = 0$

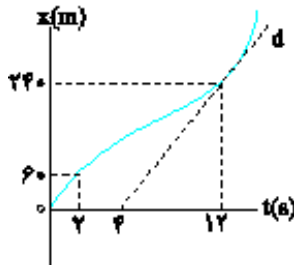


۱۷) نمودار شتاب - زمان متحرکی که با سرعت اولیه  $30 \frac{m}{s}$  در جهت محور X حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی  $t_1 = 10s$  تا  $t_2 = 30s$ ، چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) ۱۵
- ۲) ۲۰
- ۳) ۲۱/۲۵
- ۴) ۴۲/۵



۱۸) نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل زیر است. اگر تندی در لحظه X برابر تندی متوسط در بازه  $t = 12s$  تا  $t_1 = 2s$  باشد، سرعت متوسط X ثانیه اول چند برابر سرعت متوسط ۲ ثانیه هفتم است؟ (خط d مماس بر نمودار  $t = 12s$  در لحظه است).



- ۱)  $\frac{1}{3}$
- ۲)  $\frac{1}{2}$
- ۳)  $\frac{2}{5}$
- ۴)  $\frac{2}{3}$

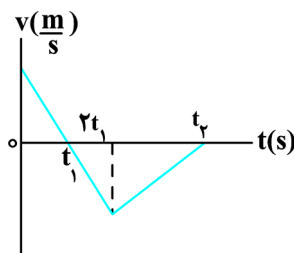
۱۹) متحرکی روی محور X با شتاب ثابت حرکت می کند. اگر در لحظه های  $t_1 = 2s$ ،  $t_2 = 4s$  و  $t_3 = 6s$  مکان های متحرک به ترتیب  $x_1 = 54m$ ،  $x_2 = 64m$  و  $x_3 = 54m$  باشد، بزرگی سرعت متوسط متحرک در ۱۰ ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) ۵
- ۲) ۱۰
- ۳) ۱۵
- ۴) ۲۵

۲۰) یک اتومبیل و یک کامیون به فاصله d از هم قرار دارند. در لحظه  $t = 0$  هر دو از حال سکون در جهت محور X با شتاب ثابت حرکت می کنند. شتاب اتومبیل و کامیون به ترتیب  $1/5 m/s^2$  و  $2/5 m/s^2$  است. پس از آنکه اتومبیل مسافت ۷۵ متر را طی می کند، کامیون از آن سبقت می گیرد. در لحظه  $t = 15s$  فاصله آن ها از هم چند متر است؟

- ۱) ۱۲/۵
- ۲) ۶۲/۵
- ۳) ۱۱۲/۵
- ۴) ۱۶۲/۵

۲۱) نمودار سرعت - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می کند، مطابق شکل است. اگر بزرگی شتاب در بازه زمانی صفر تا  $t_1$ ، برابر بزرگی شتاب در بازه زمانی  $2t_1$  تا  $t_2$  باشد، تندی متوسط در بازه صفر تا  $t_1$  چند برابر تندی متوسط در بازه  $t_1$  تا  $2t_1$  است؟



- ۱)  $\frac{7}{12}$
- ۲)  $\frac{5}{8}$
- ۳)  $\frac{4}{5}$
- ۴)  $\frac{2}{4}$

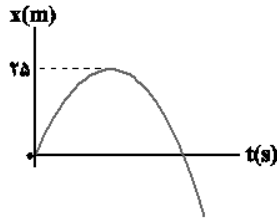
۲۲) دو متحرک با تندی ثابت  $V_1$  و  $V_2 > V_1$  روی خط راست طوری حرکت می کنند که اگر خلاف جهت هم بروند، فاصله آن ها در هر ثانیه ۱۶ متر تغییر می کند و اگر هم جهت حرکت کنند، فاصله آن ها در هر دقیقه ۲۴۰ متر تغییر می کند. کدام  $\frac{V_2}{V_1}$  است؟

- ۱)  $\frac{3}{2}$
- ۲)  $\frac{4}{3}$
- ۳)  $\frac{5}{3}$
- ۴)  $\frac{7}{5}$



۲۳) نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. اگر تندی متحرک در مکان

$x = -375m$  برابر  $40 \frac{m}{s}$  باشد، چند ثانیه بردار مکان متحرک در جهت محور X است؟



۲۰ (۱)

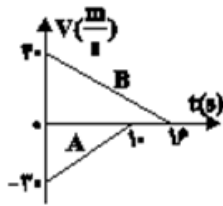
۱۵ (۲)

۱۰ (۳)

۵ (۴)

۲۴) نمودار سرعت - زمان دو قطار A و B که روی یک ریل مستقیم به طرف هم حرکت می کنند، مطابق شکل زیر است، در لحظه

$t = 0$  فاصله قطارها از هم ۵۰۰ متر است. لحظه ای که قطار A می ایستد، قطار B در چه فاصله ای از آن قرار دارد؟



۲۵ (۱)

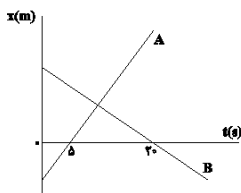
۷۵ (۲)

۱۰۰ (۳)

۱۲۵ (۴)

۲۵) نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B مطابق شکل زیر است. اگر در لحظه  $t = 0$  فاصله دو متحرک ۱۵۰ متر باشد. و تندی متحرک

A، ۲ برابر تندی متحرک B باشد، فاصله دو متحرک در لحظه  $t = 20s$  چند متر است؟



۵۰ (۱)

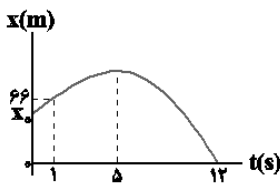
۱۰۰ (۲)

۱۵۰ (۳)

۲۰۰ (۴)

۲۶) نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت روی محور X حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. مکان اولیه متحرک (X۰) چند

متر است؟



۵۸ (۱)

۵۲ (۲)

۴۸ (۳)

۴۲ (۴)

۲۷) اتومبیلی با تندی (سرعت) ثابت  $72 \frac{km}{h}$  در یک مسیر مستقیم حرکت می کند که ناگهان راننده مانع ثابتی را در ۵۲ متری خود

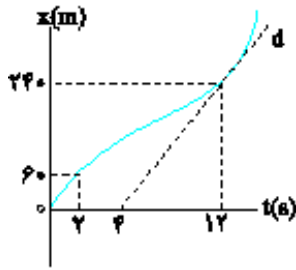
می بیند و ترمز می کند و حرکت اتومبیل با شتاب ثابت  $4 \frac{m}{s^2}$  کند می شود. اگر زمان واکنش راننده  $0.5$  ثانیه باشد، اتومبیل:

(۱) ۲ متر قبل از مانع متوقف می شود. (۲) در لحظه رسیدن به مانع متوقف می شود.

(۳) با تندی (سرعت)  $8 \frac{m}{s}$  به مانع برخورد می کند. (۴) با تندی (سرعت)  $4\sqrt{5} \frac{m}{s}$  به مانع برخورد می کند.

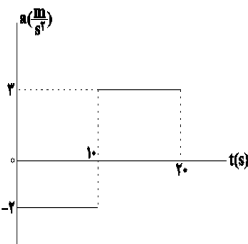


۲۸) نمودار مکان- زمان دو خودرو که روی خط راست حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر است. در لحظه‌های  $t_1$  و  $t_2$  فاصله دو متحرک از هم  $600 \text{ m}$  است.  $\frac{t_2}{t_1}$  کدام است؟



- ۱) ۱۵
- ۲) ۱۳
- ۳) ۸
- ۴) ۵

۲۹) نمودار شتاب - زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند و در لحظه  $t = 0$  با سرعت اولیه  $\vec{v} = (10 \frac{\text{m}}{\text{s}}) \vec{i}$  برای اولین بار از مبدأ مکان عبور می‌کند، مطابق شکل زیر است. در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه، متحرک برای سومین بار از مبدأ عبور می‌کند؟

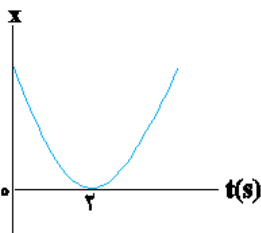


- ۱) ۱۰
- ۲)  $\frac{40}{3}$
- ۳) ۱۵
- ۴)  $\frac{50}{3}$

۳۰) متحرکی با شتاب ثابت روی محور X حرکت می‌کند. جابه‌جایی متحرک در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2 = t_1 + 16 \text{ (s)}$  برابر  $400$  متر است. اگر نیمی از این جابه‌جایی در  $4$  ثانیه اول و نیم دیگر آن در  $12$  ثانیه بعد از آن انجام شود. بزرگی شتاب حرکت در SI کدام است؟

- ۱)  $\frac{5}{3}$
- ۲)  $\frac{5}{6}$
- ۳)  $\frac{25}{3}$
- ۴)  $\frac{25}{6}$

۳۱) نمودار مکان - زمان متحرکی مطابق شکل روبه‌رو، به صورت سهمی است. کدام مورد درست است؟

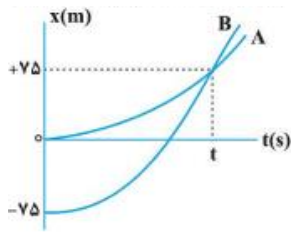


- ۱) مسافت طی شده در  $3$  ثانیه اول برابر مسافت طی شده در  $3$  ثانیه دوم است.
- ۲) مسافت طی شده در  $3$  ثانیه اول برابر بزرگی جابه‌جایی این بازه زمانی است.
- ۳) بزرگی سرعت متوسط در  $4$  ثانیه اول برابر بزرگی سرعت متوسط در بازه زمانی  $t_1 = 1 \text{ s}$  تا  $t_2 = 5 \text{ s}$  است.
- ۴) بزرگی سرعت متوسط در  $3$  ثانیه اول برابر بزرگی سرعت متوسط در بازه زمانی  $t_1 = 1 \text{ s}$  تا  $t_2 = 4 \text{ s}$  است.

۳۲) متحرکی روی محور X در حال حرکت است. بردار شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1 = 0 \text{ s}$  تا  $t_2 = 10 \text{ s}$  در SI برابر  $2 \vec{i}$  و در بازه زمانی  $t_1 = 0 \text{ s}$  تا  $t_2 = 15 \text{ s}$  برابر  $\frac{2}{3} \vec{i}$  است. بردار شتاب متوسط آن در بازه زمانی  $t_1 = 10 \text{ s}$  تا  $t_2 = 12 \text{ s}$  در SI، کدام است؟

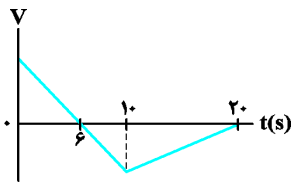
- ۱)  $2 \vec{i}$
- ۲)  $4 \vec{i}$
- ۳)  $6 \vec{i}$
- ۴)  $\frac{4}{3} \vec{i}$

۳۳) نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B که هم‌زمان از حال سکون به حرکت درآمده‌اند، به صورت دو سهمی شکل زیر است. اگر شتاب متحرک A برابر  $\frac{1}{5} \frac{m}{s^2}$  باشد، نسبت سرعت متحرک B به سرعت متحرک A در لحظه‌ای که از A سبقت می‌گیرد، کدام است؟



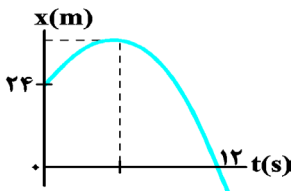
- (۱)  $\frac{1}{3}$
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴)  $\frac{10}{3}$

۳۴) نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور X حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر کل مسافت طی شده توسط متحرک ۱۳۸m باشد، بزرگی شتاب متوسط در بازه زمانی  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 12s$  چند متر بر مربع ثانیه است؟



- (۱) ۲/۱۶
- (۲) ۴/۲۸
- (۳) ۲/۴
- (۴) ۴/۶

۳۵) نمودار مکان- زمان متحرکی که با شتاب ثابت حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر در لحظه  $t = 5s$  جهت حرکت تغییر کند، تندی متوسط متحرک در بازه زمانی  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 10s$  چند متر بر ثانیه است؟



- (۱)  $\frac{17}{4}$
- (۲)  $\frac{15}{4}$
- (۳) ۲
- (۴) ۸

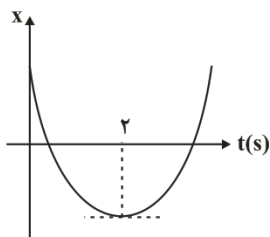
۳۶) متحرکی با شتاب ثابت  $4 \frac{m}{s^2}$  روی محور X حرکت می‌کند. اگر جابه‌جایی آن در بازه زمانی  $t_1 = 9s$  تا  $t_2 = 16s$

- (۱)  $\frac{3}{5}$
- (۲) ۷
- (۳)  $\frac{10}{5}$
- (۴) ۱۴

۳۷) متحرکی در مسیر مستقیم حرکت می‌کند و معادله سرعت - زمان آن در SI به صورت  $v = 2t^2 - 4t - 2$  است. شتاب متوسط آن در ۲ ثانیه دوم چند متر بر مجذور ثانیه است؟

- (۱) ۲
- (۲) ۴
- (۳) ۶
- (۴) ۸

۳۸) نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر سرعت متوسط متحرک در بازه زمانی  $t_1 = 1s$  تا  $t_2 = 6s$  برابر  $3 \frac{m}{s}$  باشد، مسافتی که متحرک در این بازه زمانی طی می‌کند، چند متر است؟



- (۱) ۱۳
- (۲) ۱۵
- (۳) ۱۷
- (۴) ۱۹

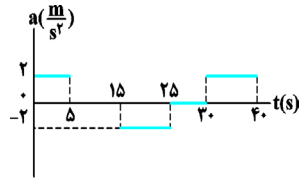
۳۹) اتومبیلی در لحظه  $t_2 = 0$  با شتاب ثابت شروع به حرکت می‌کند و پس از ۵ ثانیه سرعتش به  $20 \frac{m}{s}$  می‌رسد. ۱۰ ثانیه با همین سرعت به حرکت خود ادامه می‌دهد و سپس با شتاب ثابت، ترمز می‌کند و پس از ۴ ثانیه متوقف می‌شود. شتاب متوسط اتومبیل در بازه زمانی  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 17s$  چند متر بر مربع ثانیه است؟

- (۱)  $\frac{9}{2}$
- (۲)  $\frac{2}{8}$
- (۳)  $\frac{2}{18}$
- (۴) صفر



۴۰) نمودار شتاب- زمان متحرکی که روی محور X حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. اگر  $\vec{V} = (-5 \frac{m}{s})\vec{i}$  باشد، کدام مورد در

بازه زمانی  $t_1 = 0s$  تا  $t_2 = 40s$  درست است؟



۱) ۱۵ ثانیه شتاب و سرعت هم جهت اند.

۲) بزرگی جابه جایی متحرک برابر ۱۵۰ متر است.

۳) ۱۵ ثانیه متحرک در جهت محور X حرکت کرده است.

۴) مسافت طی شده توسط متحرک  $262/5$  متر است.

۴۱) دو متحرک روی محور X از حال سکون با شتاب های  $a$  و  $\frac{9}{16}a$  هم زمان از یک نقطه به سوی مقصدی معین به حرکت درمی آیند و

با فاصله زمانی ۲ ثانیه به مقصد می رسند. زمان حرکت جسمی که زودتر به مقصد می رسد، چند ثانیه است؟

۱۰ (۴)

۸ (۳)

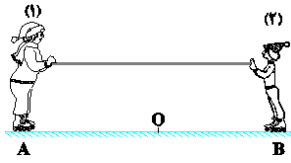
۶ (۲)

۴ (۱)



# فصل دوم فیزیک دوازدهم (سوالات)

۱) مطابق شکل زیر، دو نفر به جرم‌های  $m_1$  و  $m_2 = \frac{1}{4}m_1$  روی یک سطح افقی با اصطکاک ناچیز قرار دارند. اگر در ابتدا به فاصله‌های مساوی از نقطه O قرار داشته باشند و توسط طنابی هر یک دیگری را به سمت خود بکشند، کدام یک از موارد زیر درست است؟



- (۱) در نقطه O به یکدیگر می‌رسند.  
 (۲) بین O و B به یکدیگر می‌رسند.  
 (۳) بین O و A به یکدیگر می‌رسند.  
 (۴)  $m_1$  ساکن می‌ماند و  $m_2$  به او می‌رسد.

۲) دو جسم A و B با سرعت‌های ثابت در حرکت‌اند و تکانه آن‌ها با یکدیگر برابر است. اگر انرژی جنبشی جسم B، ۵ برابر انرژی جنبشی جسم A باشد، نسبت جرم A به جرم B کدام است؟

- (۱)  $\frac{1}{5}$  (۲) ۱ (۳)  $\sqrt{5}$  (۴) ۵

۳) جرم فضاوردی  $80 \text{ kg}$  است. اگر شتاب گرانش در سطح زمین  $\frac{9.8 \text{ m}}{\text{s}^2}$  و شعاع متوسط کره زمین  $6400 \text{ km}$  باشد، وزن این فضاورد وقتی داخل سفینه‌ای است که در ارتفاع  $6400$  کیلومتری سطح زمین به دور آن می‌چرخد، چند نیوتون است؟

- (۱) ۸۰۰ (۲) ۳۹۲ (۳) ۱۹۶ (۴) صفر

۴) وزنه‌ای را به انتهای فنر سبکی به طول  $26 \text{ cm}$  بسته و از سقف یک آسانسور آویزان می‌کنیم. ثابت فنر در SI برابر  $200$  است. آسانسور از حالت سکون با شتاب  $1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  رو به پایین شروع به حرکت می‌کند و در این شرایط طول فنر به  $25 \text{ cm}$  می‌رسد. جرم وزنه، چند کیلوگرم است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- (۱) ۲ (۲)  $1/5$  (۳) ۱ (۴)  $0/5$

۵) به جسمی به جرم  $5 \text{ kg}$  که روی یک سطح افقی بدون اصطکاک ساکن است، نیروی افقی  $F = 2 \text{ N}$  وارد می‌شود. کار این نیرو در ثانیه دوم چند ژول است؟

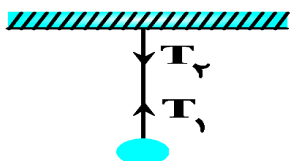
- (۱)  $0/6$  (۲)  $1/2$  (۳)  $1/8$  (۴)  $2/4$

۶) دو شخص به جرم‌های  $m_1$  و  $m_2 > m_1$  با کفش‌های چرخ‌دار در یک سالن مسطح و صاف روبه‌روی هم ایستاده‌اند. شخص اول با نیروی  $\vec{F}_1$  شخص دوم را به طرف چپ هل می‌دهد و شخص دوم با نیروی  $\vec{F}_2$  شخص اول را به طرف راست هل می‌دهد. اگر شتاب حرکت دو شخص  $\vec{a}_1$  و  $\vec{a}_2$  باشد، کدام رابطه درست است؟



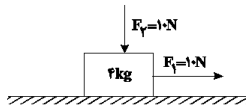
- (۱)  $\vec{F}_1 = \vec{F}_2$  و  $a_1 < a_2$   
 (۲)  $\vec{F}_1 = \vec{F}_2$  و  $\vec{a}_1 = \vec{a}_2$   
 (۳)  $\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$  و  $\vec{a}_1 = -\vec{a}_2$   
 (۴)  $\vec{F}_1 = -\vec{F}_2$  و  $a_1 > a_2$

۷) گلوله‌ای توسط یک نخ آویزان است. کدام مورد زیر، نادرست است؟ (از وزن نخ صرف‌نظر شود.)



- (۱) نیروهای  $T_1$  و  $T_2$  هم‌اندازه‌اند.  
 (۲) واکنش نیروی  $T_2$  به نخ وارد می‌شود.  
 (۳) واکنش نیروی  $T_1$  به نخ وارد می‌شود.  
 (۴) نیروهای  $T_1$  و  $T_2$  کنش و واکنش‌اند.

۸) در شکل زیر، دو نیروی افقی و قائم به جسم وارد می‌شود و جسم روی سطح افقی با سرعت ثابت حرکت می‌کند و نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، زاویه  $\theta_1$  با سطح افقی می‌سازد. اگر نیروی  $F_2$  را خلاف جهت نشان داده شده در شکل به جسم وارد کنیم، نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، زاویه  $\theta_2$  با سطح افقی می‌سازد. کدام درست است؟



(۲)  $\theta_2 = \theta_1 = 90^\circ$

(۱)  $\theta_2 = \theta_1 < 90^\circ$

(۴)  $\theta_2 > \theta_1$

(۳)  $\theta_2 < \theta_1$

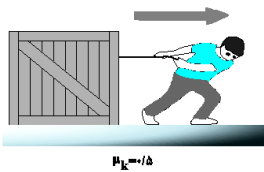
۹) یک تلسکوپ فضایی در ارتفاع تقریبی ۱۶۰۰ کیلومتری از سطح زمین به دور زمین می‌چرخد. شتاب گرانشی در این فاصله چند متر بر مربع ثانیه است؟  $(R_e = 6400 \text{ km} \gg g = 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

(۴) ۶/۲۷۲

(۳) ۶/۵۲

(۲) ۷/۸۲۵

(۱) ۷/۸۴



۱۰) مطابق شکل زیر، شخصی با نیروی افقی  $550 \text{ N}$  جعبه‌ای به جرم  $10 \text{ kg}$  را از حال سکون به حرکت درمی‌آورد و پس از  $4 \text{ s}$  طناب پاره می‌شود. مسافتی که جعبه از شروع حرکت تا توقف طی می‌کند، چند متر است؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

(۱) ۲/۲

(۲) ۲/۴

(۳) ۴/۲

(۴) ۴/۴

۱۱) نردبانی به جرم  $25 \text{ kg}$  به دیوار قائم بدون اصطکاک تکیه دارد و ضریب اصطکاک ایستایی بین سطح افقی و پایه نردبان  $0.4$  است. بیشترین نیرویی که این نردبان می‌تواند به سطح افقی وارد کند، چند نیوتن است؟  $a(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

(۴)  $50\sqrt{29}$

(۳)  $50\sqrt{5}$

(۲) ۳۵۰

(۱) ۲۵۰

۱۲) معادله تکانه- زمان جسمی در SI به صورت  $P = (t^2 - 5t + 6)\vec{i}$  است. بزرگی نیروی خالص متوسط وارد بر جسم در  $t_1 = 1 \text{ s}$  و  $t_2 = 2/5 \text{ s}$  چند نیوتن است؟

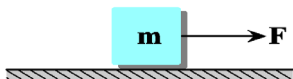
(۴)  $\frac{7}{3}$

(۳)  $\frac{3}{4}$

(۲)  $\frac{7}{4}$

(۱)  $\frac{5}{4}$

۱۳) مطابق شکل به جسمی روی سطح افقی دارای اصطکاک، نیروی افقی  $F$  وارد می‌شود و جسم از حال سکون شروع به حرکت می‌کند. پس از آنکه به اندازه  $\Delta x$  جابه‌جا شد، نیروی  $F$  در یک لحظه قطع می‌شود و پس از آن جسم با طی مسافت  $4\Delta x$  متوقف می‌شود. نیروی  $F$  چند برابر نیروی اصطکاک است؟

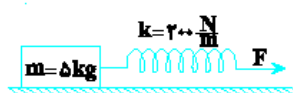


(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) ۵



۱۴) جسمی روی یک سطح افقی تحت تأثیر نیروی افقی  $F$  با سرعت ثابت کشیده می‌شود. اگر افزایش طول فنر در ضمن حرکت  $5$  سانتی‌متر باشد، ضریب اصطکاک جنبشی بین جسم و سطح کدام است؟  $(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

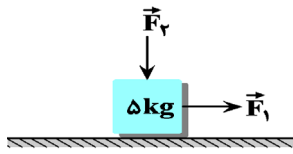
(۲) ۰/۲۵

(۱) ۰/۲

(۴) ۰/۴

(۳) ۰/۳

۱۵) مطابق شکل، به جسم ساکنی روی سطح افقی نیروی افقی  $F_1 = 65\text{N}$  و نیروی عمودی  $F_2 = 20\text{N}$  وارد می‌شود و جسم شروع به حرکت می‌کند. اگر پس از طی مسافت ۱۲ متر، تندی جسم به  $12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  برسد، نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



- (۱) ۶۰  
(۲) ۷۰  
(۳)  $30\sqrt{5}$   
(۴)  $35\sqrt{5}$

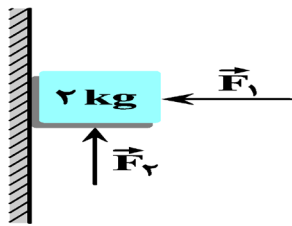
۱۶) در کدام فاصله از سطح زمین، شتاب گرانش در مقایسه با سطح زمین، ۹۹ درصد کاهش می‌یابد؟ ( $R_e$  شعاع زمین است.)

- (۱)  $100R_e$  (۲)  $99R_e$  (۳)  $10R_e$  (۴)  $9R_e$

۱۷) وزنه‌ای به جرم  $m$  را به انتهای فنری که از سقف آویزان است، می‌بندیم و طول فنر ۱۰ cm افزایش می‌یابد. اگر به همین فنر وزنه‌ای به جرم  $M$  را ببندیم و آن را روی سطح افقی که ضریب اصطکاک جنبشی آن  $0.2$  است، با تندی ثابت بکشیم، افزایش طول فنر ۲ cm می‌شود.  $\frac{M}{m}$  کدام است؟

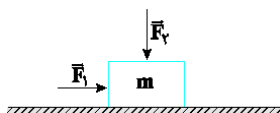
- (۱) ۵ (۲)  $\frac{1}{5}$  (۳) ۱ (۴)  $\frac{1}{3}$

۱۸) مطابق شکل با وارد شدن نیروی افقی  $F_1 = 40\text{N}$  جسم روی دیوار قائم به حالت سکون قرار دارد. اگر نیروی قائم  $F_2 = 40\text{N}$  به جسم وارد شد، کدام مورد درست است؟



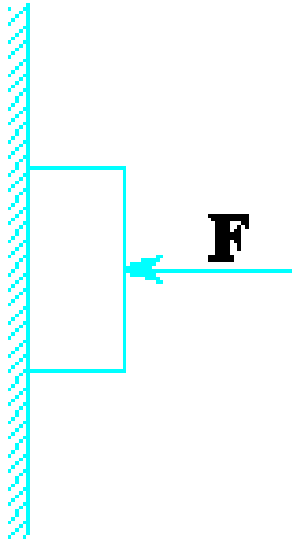
- (۱) جسم ساکن می‌ماند.  
(۲) جسم رو به بالا شروع به حرکت می‌کند.  
(۳) نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، افزایش می‌یابد.  
(۴) نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، کاهش می‌یابد.

۱۹) مطابق شکل زیر، دو نیروی افقی و قائم  $F_1$  و  $F_2$  به جسمی که روی سطح افقی قرار دارد، وارد می‌شود و جسم ساکن است. اگر بزرگی این دو نیرو، هریک ۲ برابر شود و جسم همچنان ساکن بماند، نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند،  $k$  برابر می‌شود. کدام مورد درست است؟



- (۱)  $2 < k < 3$   
(۲)  $1 < k < 2$   
(۳)  $k = 2$   
(۴)  $k = 1$

(۲۰) مطابق شکل زیر، جسمی به وزن  $20\text{N}$  توسط نیروی افقی  $F = 60\text{N}$  به حال سکون بر دیواره قائمی ثابت نگه داشته شده است. ضرایب اصطکاک ایستایی و جنبشی میان دیواره و جسم به ترتیب  $0/6$  و  $0/3$  است. در این حالت نیرویی به بزرگی  $10\text{N}$  موازی با دیواره رو به پایین به جسم وارد می‌شود. نیرویی که جسم به دیواره وارد می‌کند، چند نیوتون می‌شود؟



- (۱) ۳۰  
(۲) ۳۶  
(۳)  $30\sqrt{3}$   
(۴)  $30\sqrt{5}$

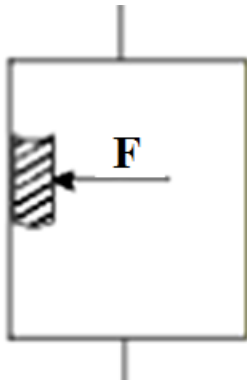
(۲۱) صندوقی به جرم  $50\text{ kg}$  روی سطح افقی قرار دارد. ابتدا صندوق را با نیروی  $250$  نیوتون در راستای افقی هل می‌دهیم و صندوق ساکن می‌ماند. در ادامه، نیروی افقی را به  $350$  نیوتون می‌رسانیم، صندوق در آستانه حرکت قرار می‌گیرد. ضریب اصطکاک ایستایی چقدر است و نیروی اصطکاک در حالت اول چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- (۱)  $0/7$  و  $250$       (۲)  $0/5$  و  $250$       (۳)  $0/7$  و  $350$       (۴)  $0/5$  و  $350$

(۲۲) نقطه‌ای را بین کره ماه و کره زمین تصور کنید که اگر جسمی در آن جا قرار گیرد، نیروی خالصی که از طرف ماه و زمین بر آن جسم وارد می‌شود، برابر صفر باشد. فاصله آن نقطه تا مرکز زمین چند برابر فاصله نقطه تا مرکز کره ماه است؟ (جرم کره زمین را  $81$  برابر جرم کره ماه فرض کنید.)

- (۱) ۹      (۲) ۱۰      (۳) ۸۰      (۴) ۸۱

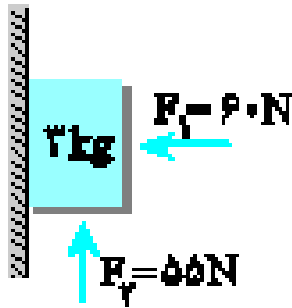
(۲۳) شخصی درون آسانسوری که با شتاب ثابت  $2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  به طرف بالا شروع به حرکت می‌کند، کتابی به جرم  $2\text{ kg}$  را مطابق شکل زیر با نیروی افقی  $F = 32\text{N}$  به دیوار قائم آسانسور فشرده و کتاب نسبت به آسانسور ساکن است. نیرویی که کتاب به دیوار آسانسور وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



- (۱) ۲۰  
(۲) ۲۴  
(۳) ۳۲  
(۴) ۴۰

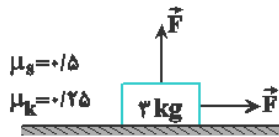


(۲۴) مطابق شکل زیر، جسم را با نیروی افقی  $F_1$  به دیوار قائمی می فشاریم و جسم ساکن می ماند. اگر نیروی قائم نیز به جسم وارد شود، در این حالت نیرویی که سطح به جسم وارد می کند، چند نیوتون است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



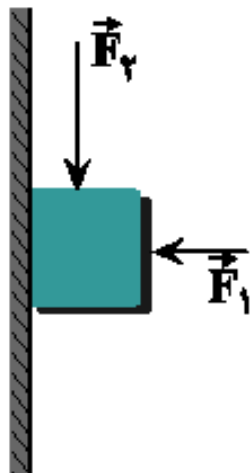
- (۱)  $30\sqrt{3}$
- (۲)  $30\sqrt{5}$
- (۳) ۶۵
- (۴) ۶۰

(۲۵) در شکل زیر، جسمی روی سطح افقی در آستانه حرکت قرار دارد و دو نیروی افقی و عمودی هم اندازه  $F$  به آن وارد می شود. اگر اندازه نیروهای  $F$  هر کدام ۴ نیوتون کاهش یابند، نیروی اصطکاک چند نیوتون می شود؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



- (۱) ۴
- (۲) ۶
- (۳) ۶/۵
- (۴) ۱۳

(۲۶) قطعه چوبی به جرم ۲۵۰ گرم، با نیروی افقی  $F_1$  مطابق شکل زیر، به دیوار قائم فشرده شده است. اگر با وارد کردن نیروی  $F_2 = 3/5 N$ ، چوب در آستانه لغزش قرار بگیرد و در این حالت نیرویی که دیوار به چوب وارد می کند، ۱۰ N باشد، ضریب اصطکاک ایستایی بین دیوار و چوب، چقدر است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$



- (۱) ۰/۷۵
- (۲) ۰/۶
- (۳) ۰/۵
- (۴) ۰/۲۵



(۲۷) در شکل زیر، چتربازی مدتی پس از یک پرش آزاد، چترش را باز می‌کند و ناگهان مقاومت هوا افزایش می‌یابد. از این لحظه به بعد، تا قبل از رسیدن چترباز به تندی حدی، کدام مورد، درباره حرکت چترباز درست است؟

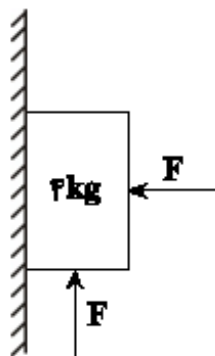


- (۱) تندی و شتاب افزایش می‌یابند.
- (۲) تندی و شتاب کاهش می‌یابند.
- (۳) تندی افزایش و شتاب ثابت می‌ماند
- (۴) تندیا افزایش و شتاب کاهش می‌یابند.

(۲۸) جسمی به وزن  $8\text{ N}$  را به فنری به طول  $20\text{ cm}$  و ثابت  $k = 20 \frac{\text{N}}{\text{cm}}$  می‌بندیم و از سقف آسانسور آویزان می‌کنیم. در مدتی که آسانسور رو به بالا با شتاب  $2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  در حال توقف است، طول فنر به چند سانتی‌متر می‌رسد؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- (۱)  $20/8$       (۲)  $16/8$       (۳)  $27/2$       (۴)  $23/2$

(۲۹) در شکل زیر، جسم در آستانه حرکت روبه‌بالا قرار دارد و نیرویی که جسم به سطح وارد می‌کند، برابر  $R$  است. اگر  $F$  را  $20\text{ N}$  کاهش دهیم، نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند، برابر  $R'$  می‌شود،  $R'$  کدام است؟ ( $\mu_k = 0/2$ ،  $\mu_s = 0/5$  و  $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



- (۱)  $\frac{\sqrt{2}}{4}$
- (۲)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (۳)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$
- (۴)  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

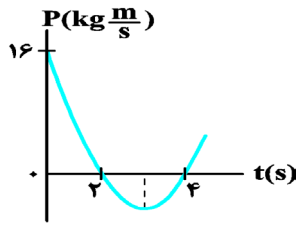
(۳۰) گلوله‌ای به جرم  $200\text{ g}$  در شرایط خلأ از ارتفاع  $45$  متری زمین رها می‌شود و پس از برخورد به زمین تا ارتفاع  $20$  متری زمین برمی‌گردد. اگر زمان تماس گلوله با زمین  $2\text{ ms}$  باشد، بزرگی نیروی خالص متوسط وارد بر گلوله در مدت برخورد به زمین چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- (۱)  $250$       (۲)  $500$       (۳)  $2500$       (۴)  $5000$

(۳۱) وزنه‌ای به جرم  $m$  را به یک فنر که ثابت آن  $k = 200 \frac{\text{N}}{\text{m}}$  و طول آن  $50\text{ cm}$  است، می‌بندیم و از سقف یک آسانسور ساکن آویزان می‌کنیم. وقتی وزنه ساکن می‌شود، طول فنر به  $65\text{ cm}$  می‌رسد. آسانسور با چه شتابی بر حسب متر بر مربع ثانیه حرکت کند که طول فنر به  $60\text{ cm}$  برسد؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

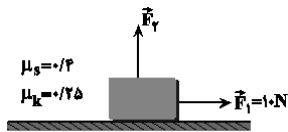
- (۱)  $\vec{a} = -\frac{10}{3} \vec{j}$       (۲)  $\vec{a} = \frac{10}{3} \vec{j}$       (۳)  $\vec{a} = -\frac{20}{3} \vec{j}$       (۴)  $\vec{a} = \frac{20}{3} \vec{j}$

۳۱) نمودار تکانه- زمان جسمی که روی محور X با شتاب ثابت حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. بزرگی نیروی خالص متوسط وارد بر جسم در بازه زمانی  $t_1 = 3s$  تا  $t_2 = 5s$  چند نیوتون است؟



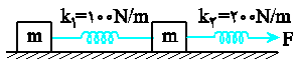
- ۱) ۲
- ۲) ۴
- ۳) ۶
- ۴) ۸

۳۲) جسمی به جرم  $4\text{ kg}$  در ابتدا، روی یک سطح افقی ساکن است. سپس نیروی افقی  $F_1$  و نیروی قائم  $F_2$  به جسم وارد می شوند. اگر بزرگی نیروی  $F_2$  به تدریج از صفر تا  $20\text{ N}$  افزایش یابد، نیروی اصطکاک بین جسم و سطح چه تغییری می کند؟ ( $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )



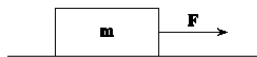
- ۱) به تدریج افزایش می یابد.
- ۲) به تدریج کاهش می یابد.
- ۳) ابتدا افزایش و سپس کاهش می یابد.
- ۴) ابتدا ثابت می ماند و سپس کاهش می یابد.

۳۳) در شکل زیر، نیروی F به دستگاه وارد می شود و از حال سکون با شتاب  $0.5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  شروع به حرکت می کند. اگر طول فنر  $k_1$ ،  $2\text{ cm}$  افزایش یابد، طول فنر  $k_2$  چند سانتی متر افزایش می یابد؟ (ضریب اصطکاک جنبشی هر دو جسم با سطح  $0.15$  است. از جرم فنرها صرف نظر کنید و  $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$ )



- ۱) ۱
- ۲) ۲
- ۳) ۳
- ۴) ۴

۳۴) مطابق شکل زیر به جسمی به جرم  $36\text{ kg}$  که روی سطح افقی ساکن است، نیروی افقی  $F = 177\text{ N}$  وارد می شود و تندی جسم  $4$  ثانیه پس از شروع حرکت به  $3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  می رسد. نیرویی که سطح به جسم وارد می کند، چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )



- ۱) ۳۶۰
- ۲) ۳۹۰
- ۳) ۴۰۰
- ۴) ۵۰۰

۳۵) صندوقی در کف کامیونی قرار دارد و کامیون با سرعت  $15 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  در یک مسیر مستقیم و افقی در حرکت است و ضریب اصطکاک ایستایی صندوق با کف کامیون  $0.25$  است. این کامیون پس از ترمز مناسب، کوتاه ترین فاصله ای که می تواند طی کند و متوقف شود، بدون این که صندوق بلغزد چند متر است؟ ( $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

- ۱) ۲۰
- ۲) ۲۵
- ۳) ۴۰
- ۴) ۴۵

۳۶) مطابق شکل زیر، بر روی سطح افقی بدون اصطکاک، سه جعبه با جرم یکسان با نیروی افقی F به سمت راست هل داده می شوند. اگر نیرویی که  $m_1$  به  $m_2$  وارد می کند F' و نیرویی که  $m_2$  به  $m_3$  وارد می کند، F'' باشد. کدام رابطه درست است؟



- ۱)  $F = \frac{3}{2}F' = 3F''$
- ۲)  $F = \frac{2}{3}F' = 3F''$
- ۳)  $F = 3F' = \frac{3}{2}F''$
- ۴)  $F = F' = F''$

(۳۸) وزنه‌ای به جرم  $2\text{kg}$  را به فنر سبکی به طول  $40\text{cm}$  که از سقف آسانسور ساکنی آویزان است، وصل می‌کنیم. بعد از رسیدن وزنه به حالت تعادل، فاصله آن از کف آسانسور  $140\text{cm}$  است. اگر آسانسور با شتاب ثابت  $2\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  رو به بالا شروع به حرکت کند، فاصله وزنه از کف آسانسور به  $136\text{cm}$  می‌رسد. ثابت فنر چند نیوتون بر سانتی‌متر است؟ ( $g = 10\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ )

۲ (۴)

$\frac{3}{2}$  (۳)

۱ (۲)

$\frac{2}{3}$  (۱)



# فصل سوم فیزیک دوازدهم (سوالات)

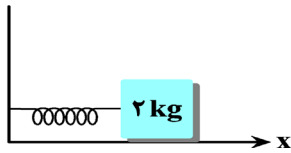
۱) کدام موج‌ها، برای انتشار نیاز به محیط مادی دارند؟

- الف) موج صوتی      ب) پرتوهای X      پ) امواج دریایی      ن) پرتوهای فرسرخ
- ۱) «الف»      ۲) «پ»      ۳) «الف» و «ب»      ۴) «ب» و «پ»

۲) درفاصله ۲۰ متری از یک منبع صوت، تراز شدت صوت ۸۰ دسی‌بل است. در چند سانتی‌متری منبع، تراز شدت صوت ۱۲۰ دسی‌بل است؟ (از جذب انرژی صوتی توسط محیط صرف‌نظر کنید.)

- ۱) ۲۰      ۲) ۴۰      ۳) ۸۰      ۴) ۲۰۰

۳) مطابق شکل، وزنه‌ای به جرم ۲ kg به فنری که ثابت آن  $200 \frac{N}{m}$  است، بسته شده و روی سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر کمترین و بیشترین طول فنر در حین نوسان به ترتیب ۴۰ cm و ۵۰ cm باشد، در لحظه‌ای که شتاب نوسانگر  $\vec{a} = (2 \frac{m}{s^2})\vec{i}$  است، طول فنر چند سانتی‌متر است؟



- ۱) ۴۲      ۲) ۴۳      ۳) ۴۷      ۴) ۴۸

۴) نوسانگر ساده‌ای روی پاره‌خطی به طول ۴ سانتی‌متر نوسان می‌کند و در هر ثانیه یک‌بار طول این پاره‌خط را طی می‌کند. بیشینه سرعت این نوسانگر چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

- ۱)  $0.2\pi$       ۲)  $0.4\pi$       ۳)  $2\pi$       ۴)  $4\pi$

۵) طول موج یک موج الکترومغناطیسی ۳ متر است. مسافتی که این موج در مدت  $60 \text{ ns}$  طی می‌کند، چند برابر طول موج است؟  
( $c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}$ )

- ۱) ۶      ۲) ۴      ۳) ۳      ۴) ۲

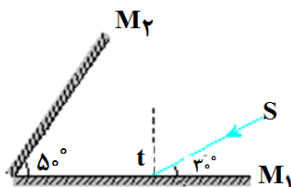
۶) تار مرتعشی به قطر ۲ mm و چگالی  $7/8 \frac{g}{cm^3}$  با نیروی کشیده  $234 \text{ N}$  کشیده می‌شود و در آن موج عرضی با بسامد  $200 \text{ Hz}$  ایجاد می‌شود. فاصله یک قله و یک دره بعد از آن چند سانتی‌متر است؟ ( $\pi = 3$ )

- ۱)  $12/5$       ۲)  $22/5$       ۳) ۲۵      ۴) ۵۰

۷) در سیمی به چگالی  $10 \frac{g}{cm^3}$  موج عرضی با بسامد ۶۰۰ هرتز ایجاد شده و طول موج آن ۲۰ cm است. اگر نیروی کشش این سیم ۳۶ N باشد، سطح مقطع این سیم چند میلی‌متر مربع است؟

- ۱)  $0.25$       ۲)  $0.5$       ۳) ۱      ۴) ۲

۸) در شکل زیر، امتداد پرتو نور بازتابیده از آینه  $M_2$  با امتداد پرتو SI، زاویه چند درجه می‌سازد؟



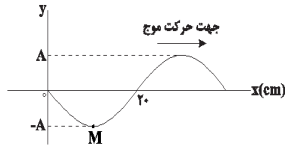
- ۱) ۴۰      ۲) ۷۰      ۳) ۱۰۰      ۴) ۱۱۰

۹) نوسانگری به جرم ۱۰۰ g روی سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر دامنه حرکت ۲ cm، انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر در یک لحظه به ترتیب ۵ mJ و ۱۵ mJ باشد، بسامد نوسان چند هرتز است؟

( $\pi^2 = 10$ )

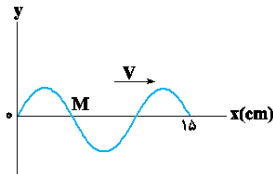
- ۱) ۵      ۲) ۱۰      ۳) ۱۵      ۴) ۲۰

۱۰) شکل زیر، تصویری از موجی عرضی در یک ریسمان کشیده را در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد. اگر سرعت انتشار موج  $\frac{2}{s} m$  باشد در بازه زمانی  $t_1 = 0.25s$  تا  $t_2 = 0.35s$  حرکت ذره  $M$  چگونه است؟



- ۱) ابتدا کندشونده و سپس تندشونده
- ۲) ابتدا تندشونده و سپس کندشونده
- ۳) پیوسته کندشونده
- ۴) پیوسته تندشونده

۱۱) شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی را در لحظه  $t_1$  در یک ریسمان کشیده شده نشان می‌دهد. اگر سرعت انتشار موج  $\frac{20}{s} cm$  باشد، در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2 = t_1 + \frac{9}{4}s$  چند بار جهت حرکت ذره  $M$  تغییر کرده است؟



- ۱) ۷
- ۲) ۸
- ۳) ۹
- ۴) ۱۰

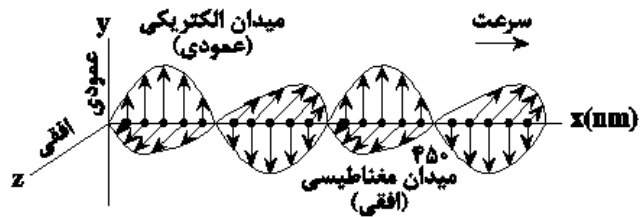
۱۲) نوسانگری روی پاره خطی به طول  $8cm$  روی سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر در لحظه‌ای که فاصله نوسانگر از نقطه تعادل برابر  $2cm$  است، بزرگی شتاب برابر  $\frac{\pi^2 m}{s^2}$  باشد، تندی نوسانگر در لحظه عبور از نقطه تعادل چند متر بر ثانیه است؟

- ۱)  $\frac{\pi}{10}$
- ۲)  $\frac{\pi}{5}$
- ۳)  $10\pi$
- ۴)  $20\pi$

۱۳) شدت صوتی  $10^5 \times \sqrt{10}$  برابر شدت صوت مرجع است. تراز شدت این صوت چند دسی‌بل است؟ ( $\log 2 = 0.3$ )

- ۱)  $5/8$
- ۲)  $10/3$
- ۳)  $58$
- ۴)  $10.3$

۱۴) شکل زیر، تصویر لحظه‌ای از موجی الکترومغناطیسی را نشان می‌دهد که با سرعت  $3 \times 10^8 \frac{m}{s}$  در حال انتشار است. کدام مورد درست است؟

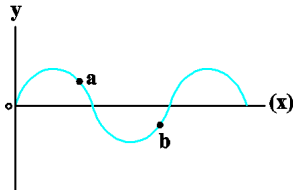


- ۱) مدت زمانی که طول می‌کشد که میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی یک نوسان کامل انجام دهند،  $10^{-15}$  ثانیه است.
- ۲) میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در هر ثانیه  $10^{15} \times 1/5$  نوسان انجام می‌دهند.
- ۳) مسافتی که موج در مدت یک ثانیه طی می‌کند،  $300$  نانومتر است.
- ۴) این موج در ناحیه مرئی طیف قرار دارد.

۱۵) یک منبع صوت، در یک فضای باز امواجی را گسیل می‌کند و در فاصله  $5$  متری آن تراز شدت صوت  $60$  دسی‌بل است. توان منبع صوت چند میلی‌وات است؟ (از اتلاف انرژی صوتی در هوا صرف نظر شود و  $I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$ )

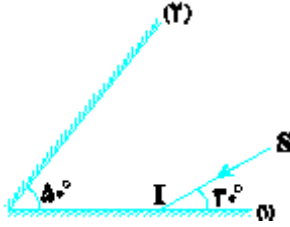
- ۱)  $0.1\pi$
- ۲)  $0.2\pi$
- ۳)  $0.1\pi$
- ۴)  $0.2\pi$

۱۶) نقش یک موج عرضی در یک لحظه مطابق شکل است. اگر در این لحظه انرژی جنبشی ذره  $a$  در حال افزایش باشد، جهت انتشار موج کدام است و جهت شتاب ذره  $b$ ، به ترتیب، در این لحظه کدام است؟



- ۱) خلاف جهت محور X و در جهت محور Y
- ۲) در جهت محور X و خلاف جهت محور Y
- ۳) در جهت محور X و در جهت محور Y
- ۴) خلاف جهت محور X و خلاف جهت محور Y

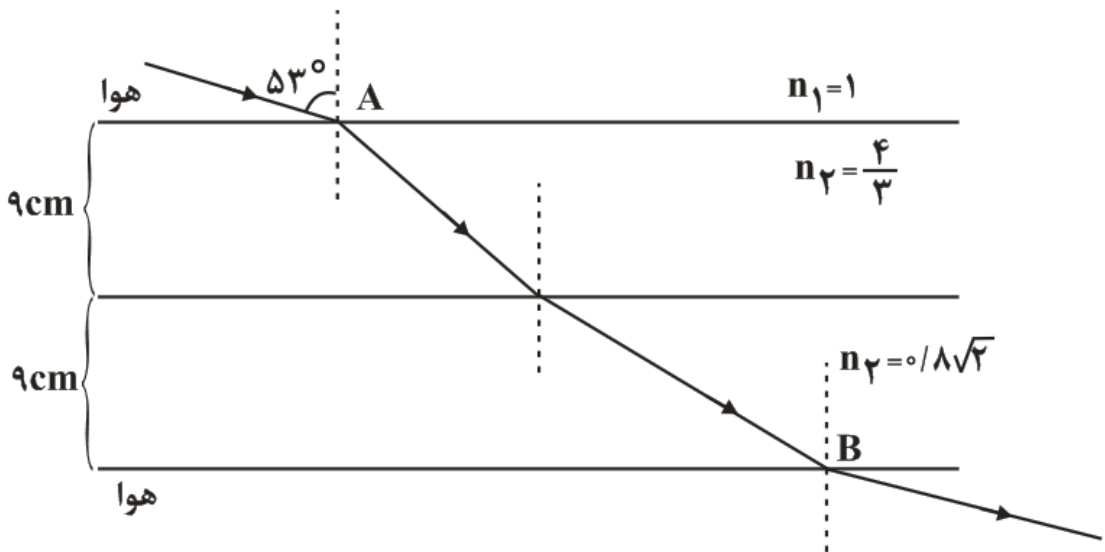
۱۷) مطابق شکل زیر، پرتو نور SI به آینه (۱) می‌تابد و پس از بازتاب از آینه (۲)، دوباره به آینه (۱) می‌تابد. امتداد پرتو بازتاب نهایی با امتداد پرتو SI، زاویه چند درجه می‌سازد؟



- ۱) ۱۲۰
- ۲) ۱۴۰
- ۳) ۱۶۰
- ۴) ۱۸۰

۱۸) پرتو نوری مطابق شکل زیر، از هوا وارد محیط‌های شفاف می‌شود و شکست می‌یابد. این پرتو فاصله A تا B را در چند نانو ثانیه طی می‌کند؟

(  $\sin 37^\circ = 0.6$  ، تندی نور در هوا،  $3 \times 10^8 \frac{m}{s}$  )



- ۱) ۰/۶
- ۲) ۹۶
- ۳) ۹۸
- ۴) ۹/۶

۱۹) دانش‌آموزی بین دو صخره قائم ایستاده است و فاصله بین دو صخره  $10.20m$  است. دانش‌آموز فریاد می‌زند و اولین پژواک صدای خود را پس از  $2s$  و صدای پژواک دوم را  $2s$  بعد از پژواک اول می‌شنود. فاصله دانش‌آموز از صخره نزدیک‌تر چند متر است؟

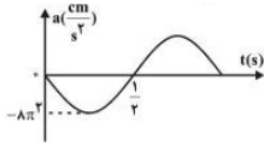
- ۱) ۱۷۰
- ۲) ۳۴۰
- ۳) ۵۱۰
- ۴) ۶۸۰

۲۰) در کدام موارد زیر، از امواج مکانیکی برای مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود؟

- الف) اندازه‌گیری تندی شارش خون
- ب) دستگاه سونار
- پ) اجاق خورشیدی
- ت) رادار دوپلری
- ۱) «الف» و «ب»
- ۲) «الف» و «پ»
- ۳) «پ» و «ب»
- ۴) «ب» و «ت»

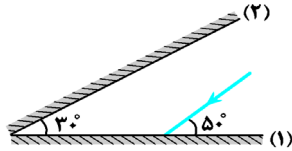


۲۱) نمودار شتاب- زمان نوسانگری به جرم  $200\text{g}$  مطابق شکل زیر است. انرژی جنبشی نوسانگر در لحظه  $t = \frac{7}{6}\text{s}$  چند میلی ژول است؟



- (۱)  $0.2\pi^2$
- (۲)  $0.4\pi^2$
- (۳)  $0.6\pi^2$
- (۴)  $0.8\pi^2$

۲۲) پرتو نوری مطابق شکل زیر به آینه (۱) می‌تابد. در چهارمین بازتاب، چه زاویه‌ای با سطح آینه (۲) می‌سازد؟



- (۱)  $10^\circ$
- (۲)  $40^\circ$
- (۳)  $50^\circ$
- (۴)  $80^\circ$

۲۳) در کدام یک از موارد زیر از مکان‌یابی پژواکی امواج فراصوت به همراه اثر دوپلر استفاده می‌شود؟

- (۱) میکروفون سهموی
- (۲) دستگاه لیتوتریپسی
- (۳) تعیین تندی خودروها
- (۴) تعیین تندی شارش خون (گویچه‌های قرمز) در رگ‌ها

۲۴) معادله حرکت نوسانگری در SI به صورت  $x = 0.04 \cos \frac{4\pi}{3}t$  است. حداقل بازه زمانی دو عبور متوالی از مکان  $x = 2\text{cm}$  چند ثانیه است؟

- (۱)  $0.5$
- (۲)  $1$
- (۳)  $1.5$
- (۴)  $2$

۲۵) جسمی به جرم  $100\text{g}$  روی پاره خطی به طول  $4\text{cm}$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر بیشینه تکانه نوسانگر در SI،  $2 \times 10^{-2} \pi$  باشد، انرژی مکانیکی نوسانگر چند میکروژول است؟

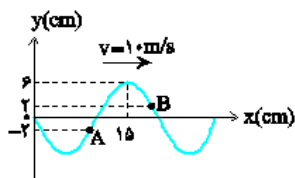
- (۱)  $20\pi^2$
- (۲)  $10\pi^2$
- (۳)  $2\pi^2$
- (۴)  $\pi^2$

۲۶) آونگ ساده‌ای در مدت  $36$  ثانیه،  $20$  نوسان انجام می‌دهد. اگر طول آونگ  $17\text{cm}$  کاهش یابد، در مدت  $40$  ثانیه چند نوسان انجام می‌دهد؟ ( $g = \pi^2$ )

- (۱)  $25$
- (۲)  $28$
- (۳)  $30$
- (۴)  $32$

۲۷) معادله حرکت هماهنگ ساده یک نوسانگر در SI به صورت  $x = 0.02 \cos 4\pi t$  است. در بازه زمانی  $t_1 = \frac{1}{12}\text{s}$  تا  $t_2 = \frac{7}{6}\text{s}$  حرکت نوسانگر، چند ثانیه تندشونده است؟

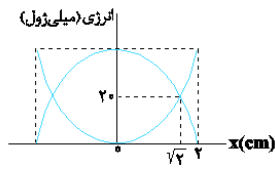
- (۱)  $\frac{5}{6}$
- (۲)  $\frac{7}{6}$
- (۳)  $\frac{7}{12}$
- (۴)  $\frac{13}{24}$



۲۸) نقش یک موج عرضی در لحظه  $t = 0$  مطابق شکل زیر است. چند ثانیه طول می‌کشد تا موج از A به B برسد؟

- (۱)  $\frac{1}{50}$
- (۲)  $\frac{3}{50}$
- (۳)  $\frac{1}{100}$
- (۴)  $\frac{3}{100}$

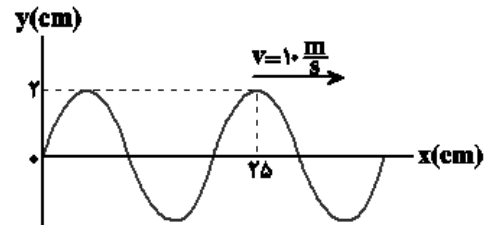
۲۹) شکل زیر، نمودار تغییرات انرژی جنبشی و پتانسیل سامانه جرم - فنری را بر حسب مکان نشان می‌دهد. اگر حداقل زمانی که طول می‌کشد که انرژی جنبشی نوسانگر از صفر به  $40 \text{ mJ}$  برسد برابر  $0.05 \text{ s}$  باشد، بزرگی سرعت نوسانگر در لحظه عبور از مکان  $x = 0$  چند متر بر ثانیه است؟



- (۱)  $\frac{\pi}{5}$
- (۲)  $\frac{\pi}{10}$
- (۳)  $2\pi$
- (۴)  $10\pi$

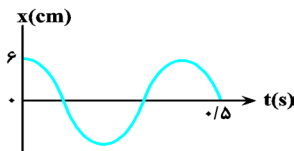
۳۰) کدام مورد با توجه به شکل زیر که تصویر لحظه‌ای از یک موج عرضی را نشان می‌دهد، درست است؟

- الف) مسافتی که موج در هر ثانیه طی می‌کند، برابر  $20 \text{ cm}$  است.
- ب) مسافتی که هر ذره از محیط در مدت  $0.01 \text{ s}$  طی می‌کند،  $4 \text{ cm}$  است.
- پ) جابه‌جایی هر یک از ذرات محیط در مدت  $0.01 \text{ s}$  برابر  $4 \text{ cm}$  است.
- ت) جابه‌جایی هر یک از ذرات محیط در مدت  $0.02 \text{ s}$  برابر صفر است.



- (۱) «الف» و «ت»
- (۲) «الف» و «پ»
- (۳) «ب» و «ت»
- (۴) «ب» و «پ»

۳۱) نمودار مکان-زمان نوسانگری مطابق شکل زیر است. بزرگی شتاب متوسط نوسانگر در بازه زمانی  $t_1 = 0.1 \text{ s}$  تا  $t_2 = 0.8 \text{ s}$  چند متر بر مربع ثانیه است؟

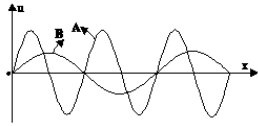


- (۱)  $\frac{25}{7}\pi$
- (۲)  $\frac{15}{7}\pi$
- (۳)  $\frac{3}{7}\pi$
- (۴)  $\frac{2}{7}\pi$

۳۲) در یک عمل جراحی چشم از پرتو لیزر که طول موج آن در هوا  $0.6 \mu\text{m}$  و بسامد آن  $f$  است، استفاده می‌شود. اگر طول موج این پرتو در زجاجیه چشم  $\lambda' = 0.45 \mu\text{m}$  و سرعت انتشار نور در هوا  $3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  باشد، بسامد و سرعت انتشار این پرتو در زجاجیه، در SI به ترتیب کدام‌اند؟

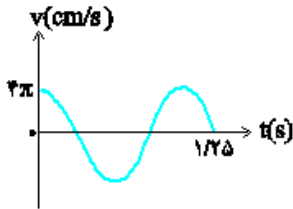
- (۱)  $5 \times 10^{14}$  و  $3 \times 10^8$
- (۲)  $5 \times 10^{14}$  و  $2.25 \times 10^8$
- (۳)  $3 \times 10^8$  و  $3.75 \times 10^{14}$
- (۴)  $2.25 \times 10^8$  و  $3.75 \times 10^{14}$

۳۳) مطابق شکل زیر، دو موج مکانیکی A و B در یک محیط منتشر می‌شوند. دوره و سرعت انتشار موج A به ترتیب چند برابر دوره و سرعت انتشار موج B است؟



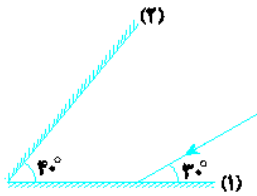
- (۱) ۱ و ۲
- (۲)  $\frac{1}{3}$  و ۱
- (۳)  $\frac{1}{3}$  و ۲
- (۴)  $\frac{1}{3}$  و ۲

۳۴) نمودار سرعت- زمان نوسانگری به جرم  $100 \text{ g}$  مطابق شکل زیر است. انرژی مکانیکی نوسانگر چند میلی‌ژول است؟



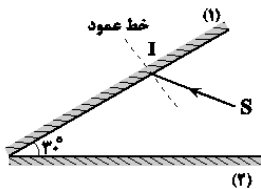
- (۱)  $0.2\pi^2$
- (۲)  $0.4\pi^2$
- (۳)  $0.6\pi^2$
- (۴)  $0.8\pi^2$

۳۵) مطابق شکل زیر، پرتو نوری به آینه (۱) می‌تابد و پس از بازتاب به آینه (۲) می‌تابد و در ادامه مسیرش دوباره از آینه (۲) بازتاب می‌شود. زاویه بازتاب آینه (۲) در دومین بازتاب چند درجه است؟



- (۱) ۶۰
- (۲) ۵۰
- (۳) ۴۰
- (۴) ۳۰

۳۶) مطابق شکل زیر، پرتو SI با زاویه تابش  $40^\circ \text{ C}$  بر آینه (۱) می‌تابد. این پرتو، پس از بازتابش‌های متوالی، آینه‌ها را ترک می‌کند. آخرین زاویه بازتابش چند درجه است؟ (سطح آینه‌های تخت، به اندازه کافی بزرگ فرض شود).



- (۱) ۵۰
- (۲) ۶۰
- (۳) ۷۰
- (۴) ۸۰

۳۷) سه ناظر A، B و C در فاصله‌های  $r$ ،  $2r$  و  $4r$  از یک چشمه صوت نقطه‌ای قرار دارند. تراز شدت صوتی که ناظرهای A و B در معرض آن قرار دارند،  $\beta$  و  $\frac{5}{6}\beta$  است. تراز شدت صوتی که ناظر C در معرض آن قرار دارد، چند دسی‌بل است؟ ( $\log 2 = 0.3$ ) و از جذب انرژی صوت توسط محیط صرف‌نظر شود).

- (۱) ۲۴
- (۲) ۳۰
- (۳) ۳۶
- (۴) ۴۸

۳۸) جسمی به جرم  $100 \text{ g}$  به فنری متصل است و روی سطح افقی بدون اصطکاک، حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر بیشینه انرژی جنبشی نوسانگر  $0.18 \text{ mJ}$  باشد، لحظه‌ای که انرژی پتانسیل نوسانگر  $0.4 \text{ mJ}$  است، سرعت نوسانگر چند سانتی‌متر بر ثانیه می‌شود؟

- (۱) ۲
- (۲)  $4\sqrt{5}$
- (۳) ۴
- (۴)  $4\sqrt{10}$

۳۹) نوسانگری روی سطح افقی بدون اصطکاک، روی پاره‌خطی به طول  $4 \text{ cm}$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر بیشینه تندی آن  $\frac{m}{s}$  باشد، بزرگی شتاب نوسانگر در لحظه‌ای که جهت حرکت آن تغییر می‌کند، در SI چقدر است؟

- (۱)  $0.06\pi^2$
- (۲)  $0.04\pi^2$
- (۳)  $0.16\pi^2$
- (۴)  $0.32\pi^2$

۴۰) نوسانگری روی محور  $x$  حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد و مبدأ مختصات نقطه تعادل (مرکز نوسان) است. اگر دامنه حرکت نوسانگر  $2\text{cm}$  و بسامد حرکتش  $\frac{1}{4}\text{Hz}$  باشد، بزرگی سرعت متوسط نوسانگر در کمترین بازه زمانی که از مکان  $+\sqrt{3}\text{cm}$  در جهت محور  $x$  عبور می‌کند و سپس به مکان  $-\sqrt{3}\text{cm}$  می‌رسد، چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

- (۱) صفر (۲)  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$  (۳)  $\frac{2\sqrt{3}}{5}$  (۴)  $\sqrt{3}$

۴۱) در لحظه‌ای که سرعت یک نوسانگر ساده به صفر می‌رسد، شتاب آن به  $80 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$  می‌رسد و در لحظه‌ای که نیروی وارد بر آن صفر می‌شود، سرعت آن  $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  می‌شود. معادله مکان-زمان آن نوسانگر در SI، کدام است؟

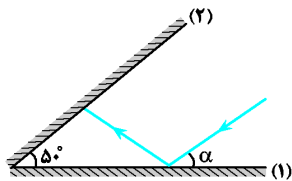
(در کتاب نظام قدیم (پیش‌دانشگاهی تجربی) معادله حرکت هماهنگ ساده به صورت  $x = A \sin \omega t$  و در کتاب‌های نظام جدید (دوازدهم) معادله حرکت هماهنگ ساده به صورت  $x = A \cos \omega t$  بیان شده است.)

- (۱)  $x = 0.05 \cos 40t$  (۲)  $x = 0.04 \cos 50t$   
(۳)  $x = 0.05 \cos 80t$  (۴)  $x = 0.04 \cos 80t$

۴۲) اگر با زیاد کردن دامنه یک صوت، شدت صوتی که به گوش می‌رسد،  $1000$  برابر شود، تراز شدت صوتی که می‌شنویم، چگونه تغییر می‌کند؟

(۱)  $30$  برابر می‌شود. (۲)  $3$  برابر می‌شود. (۳)  $30$  دسی‌بل افزایش می‌یابد. (۴)  $3$  دسی‌بل افزایش می‌یابد.

۴۳) پرتو نوری مطابق شکل، تحت زاویه  $\alpha$  به آینه تخت (۱) می‌تابد. اگر پس از دومین برخورد به آینه (۱) موازی آینه (۲) شود،  $\alpha$  چند درجه است؟



- (۱)  $50$   
(۲)  $40$   
(۳)  $30$   
(۴)  $20$

۴۴) یک موج عرضی در طنابی در حال انتشار است. کدام کمیت در یک بازه زمانی معین برای تمام ذرات طناب یکسان است؟

- (۱) مسافت (۲) جابه‌جایی (۳) شتاب متوسط (۴) بسامد زاویه‌ای

۴۵) در کدام موارد زیر، از بازتاب امواج الکترومغناطیسی استفاده می‌شود؟

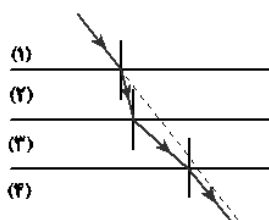
- (الف) رادار دوپلری (ب) سونوگرافی  
(پ) اجاق خورشیدی (ت) دستگاه سونار در کشتی‌ها

- (۱) الف و پ (۲) الف و ب (۳) الف، ب و پ (۴) ب، پ و ت

۴۶) در حرکت هماهنگ سامانه جرم-فنر، معادله حرکت در SI به صورت  $x = 0.04 \cos \frac{\pi}{3} t$  است. در بازه زمانی  $t_1 = 0.5\text{s}$  تا  $t_2 = 5\text{s}$ ، چند ثانیه، بردار شتاب و سرعت هم‌زمان در جهت محور SI هستند؟

- (۱)  $1$  (۲)  $1/5$  (۳)  $2$  (۴)  $2/5$

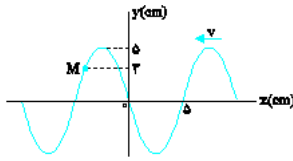
۴۷) در شکل زیر، پرتو نور از محیط (۱) وارد محیط‌های شفاف (۲)، (۳) و (۴) شده است. کدام رابطه برای سرعت نور در این محیط‌ها درست است؟ (پرتو خروجی موازی با پرتو ورودی است.)



- (۱)  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{v_4}{v_3}$   
(۲)  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{v_3}{v_4}$   
(۳)  $v_2 < v_1 = v_4 < v_3$   
(۴)  $v_2 < v_1 = v_4 < v_3$



(۴۸) شکل زیر، تصویری از یک موج عرضی در یک ریسمان کشیده شده را در لحظه  $t_1$  نشان می‌دهد و موج به سمت چپ حرکت می‌کند، اگر تندموج  $20 \frac{cm}{s}$  باشد، بزرگی سرعت متوسط ذره M در مدت  $t_1$  تا  $t_1 + \frac{1}{4} s$  چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟



- ۱۲ (۱)
- ۲۰ (۲)
- ۲۴ (۳)
- ۴۰ (۴)

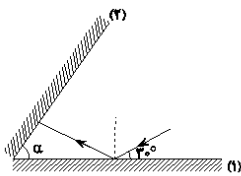
(۴۹) جرمی متصل به فنر با بسامد ۵ Hz روی پاره‌خطی به طول ۸ cm در سطح افقی بدون اصطکاک حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. نوسانگر در لحظه  $t_1$  از یک سانتی‌متری نقطه تعادل (مرکز نوسان) عبور می‌کند و حرکتش در این لحظه کندشونده است. از لحظه  $t_1$  حداقل چند ثانیه طول می‌کشد تا نوسانگر از یک سانتی‌متری طرف دیگر نقطه تعادل عبور کند؟

- $\frac{1}{5}$  (۴)
- $\frac{1}{10}$  (۳)
- $\frac{1}{20}$  (۲)
- $\frac{1}{40}$  (۱)

(۵۰) ذره‌ای روی پاره‌خطی به طول ۸ سانتی‌متر حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. این ذره در یک بازه زمانی دلخواه  $\frac{1}{4}$  دوره، بیش‌ترین جابه‌جایی که ممکن است داشته باشد، چند سانتی‌متر است؟

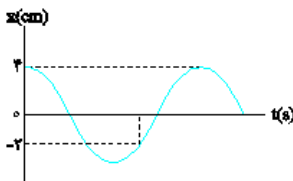
- $2\sqrt{2}$  (۴)
- $2\sqrt{3}$  (۳)
- ۴ (۲)
- ۲ (۱)

(۵۱) مطابق شکل زیر، پرتو نوری تحت زاویه  $30^\circ$  به آینه تخت (۱) می‌تابد و پس از بازتاب به آینه تخت (۲) می‌تابد. اگر در دومین بازتاب از آینه (۱) پرتو نور موازی آینه (۲) شود، زاویه  $\alpha$  چند درجه است؟



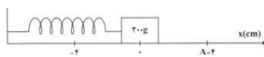
- ۳۰ (۱)
- ۴۰ (۲)
- ۵۰ (۳)
- ۶۰ (۴)

(۵۲) نمودار مکان - زمان حرکت نوسانگری مطابق شکل زیر است. انرژی جنبشی نوسانگر در لحظه  $t = \frac{3}{16} s$  چند برابر انرژی مکانیکی آن است؟



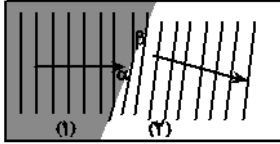
- $\frac{1}{4}$  (۱)
- $\frac{1}{2}$  (۲)
- $\frac{3}{4}$  (۳)
- ۱ (۴)

(۵۳) مطابق شکل زیر، نوسانگری روی محور x حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. اگر حداقل زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از مکان  $x_1 = 1 \text{ cm}$  در جهت مثبت محور x عبور کند و به مکان  $x_2 = -1 \text{ cm}$  برسد، برابر ۲ ثانیه باشد، انرژی مکانیکی نوسانگر چند میلی‌ژول است؟ ( $\pi^2 = 10$ )



- ۰/۱ (۱)
- ۰/۲ (۲)
- ۰/۴ (۳)
- ۰/۸ (۴)

۵۴) شکل زیر، ورود موج از محیط (۱) به (۲) را نشان می‌دهد. اگر  $\alpha = 37^\circ$  و  $\beta = 30^\circ$  باشد، نسبت سرعت انتشار موج در محیط (۱) به سرعت انتشار موج در محیط (۲) چقدر است؟  $(\cos 37^\circ = 0.8)$

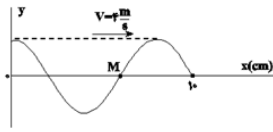


- (۱)  $\frac{1/6\sqrt{3}}{3}$   
 (۲)  $\frac{5}{6}$   
 (۳)  $\frac{5\sqrt{3}}{8}$   
 (۴)  $\frac{6}{5}$

۵۵) دامنه حرکت نوسانگری ۵ cm و دوره تناوب حرکتش  $\frac{1}{10}$  s است. لحظه‌ای که انرژی جنبشی نوسانگر برابر انرژی پتانسیل آن است، سرعت نوسانگر چند سانتی‌متر بر ثانیه است؟

- (۱)  $100\pi$  (۲)  $50\pi$  (۳)  $25\pi\sqrt{3}$  (۴)  $50\pi\sqrt{3}$

۵۶) شکل زیر، تصویری از موجی عرضی را در یک ریسمان کشیده شده در لحظه  $t = 0$  نشان می‌دهد. اگر تندی متوسط حرکت ذره M در مدت  $0.25$  s برابر  $6 \frac{m}{s}$  باشد، دامنه موج چند سانتی‌متر است؟



- (۱) ۲  
 (۲) ۳  
 (۳) ۴  
 (۴) ۶



# فصل چهارم فیزیک دوازدهم (سوالات)

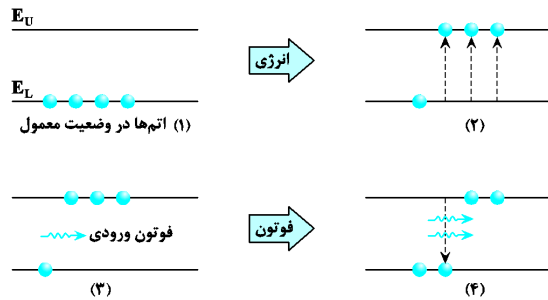
۱) در طیف گسیلی هیدروژن، کوتاه‌ترین طول موج گسیلی چند نانومتر است و این گسیل مربوط به کدام رشته است؟  
 (  $R = 0.1 \text{ (nm)}^{-1}$  )

- ۱) ۱۰۰ و بالمر (۱)      ۲) ۱۰۰ و لیمان (۲)      ۳)  $\frac{400}{3}$  و بالمر (۳)      ۴)  $\frac{400}{3}$  و لیمان (۴)

۲) در اتم هیدروژن اگر اختلاف انرژی الکترون بین ترازهای ۱ و ۳ برابر  $\Delta E$  و بین ترازهای ۴ و ۶ برابر  $\Delta E'$  باشد، نسبت  $\frac{\Delta E}{\Delta E'}$  کدام است؟

- ۱)  $\frac{35}{8}$  (۱)      ۲)  $\frac{25}{6}$  (۲)      ۳)  $\frac{3}{98}$  (۳)      ۴) ۱ (۴)

۳) شکل زیر، فرایند ایجاد باریکه لیزری را به‌طور طرح‌وار در ۴ مرحله نشان می‌دهد. نام مرحله ۲ و ۴ کدام است؟



- ۲) برانگیخته معمولی و فرایند گسیل القایی (۲)  
 ۴) برانگیخته معمولی و فرایند گسیل خودبه‌خود (۴)

- ۱) وارونی جمعیت و فرایند گسیل القایی (۱)  
 ۳) وارونی جمعیت و فرایند گسیل خودبه‌خود (۳)

۴) کدام یک از موارد زیر، با فیزیک کلاسیک قابل توجیه نیستند؟

- ۲) پدیده فوتوالکتریک و طیف خطی (۲)  
 ۴) نظریه الکترومغناطیسی ماکسول و طیف خطی (۴)

- ۱) مکانیک نیوتونی و پدیده فوتوالکتریک (۱)  
 ۳) لیزر و نظریه الکترومغناطیسی ماکسول (۳)

۵) شکل زیر، مربوط به کدام پدیده فیزیکی است؟



- ۱) فوتو الکتریک (۱)  
 ۲) پرتوزایی (۲)  
 ۳) بازتاب (۳)  
 ۴) لیزر (۴)

۶) در واکنش هسته‌ای  ${}^A_Z X \Rightarrow {}^{A-\alpha}_Z Y + \dots + \dots$  به‌جای نقطه‌چین‌ها چند آلفا و چند بتای منفی باید قرار داد؟

- ۱) یک آلفا و ۳ بتا (۱)      ۲) ۲ آلفا و ۴ بتا (۲)      ۳) ۲ آلفا و ۲ بتا (۳)      ۴) ۲ آلفا و ۳ بتا (۴)

۷) اگر عدد جرمی عنصری ۲ برابر عدد اتمی آن باشد، پس از گسیل یک پرتو  $\alpha$  و یک الکترون و یک پوزیترون، تعداد نوترون‌های هسته جدید چند تا از تعداد پروتون‌های هسته جدید بیشتر است؟

- ۱) ۱ (۱)      ۲) ۲ (۲)      ۳) ۴ (۳)      ۴) صفر (۴)

۸) در اتم هیدروژن، انرژی الکترون در دومین حالت برانگیخته، چند برابر انرژی الکترون در حالت پایه است؟

- ۱)  $\frac{1}{9}$  (۱)      ۲)  $\frac{1}{3}$  (۲)      ۳)  $\frac{1}{4}$  (۳)      ۴)  $\frac{1}{9}$  (۴)

۹) نپتونیم  ${}^{237}_{93}\text{Np}$  ایزوتوپ ناپایداری است که واپاشی آن از طریق گسیل ۳ ذره  $\alpha$  و یک ذره  $\beta^-$  صورت می‌گیرد. در این واپاشی، هسته نهایی به ترتیب چند نوترون و چند پروتون دارد؟

- ۱) ۱۳۶ و ۸۷ (۱)      ۲) ۱۳۶ و ۸۸ (۲)      ۳) ۱۳۷ و ۸۷ (۳)      ۴) ۱۳۷ و ۸۸ (۴)

۱۰) سرب  ${}^{207}_{82}\text{Pb}$  هسته دختر پایداری است که می‌تواند از واپاشی  $\alpha$  حاصل شود. عدد جرمی هسته مادر، کدام است؟

- ۱) ۲۰۳ (۱)      ۲) ۲۰۵ (۲)      ۳) ۲۰۹ (۳)      ۴) ۲۱۱ (۴)





۱۱) در آزمایش فوتوالکتریک، طول موج قطع یک فلز  $310$  نانومتر است. اگر به این فلز نور فرابنفش به طول موج  $200$  نانومتر بتابانیم، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترن‌های جدا شده چند الکترون ولت می‌شود؟ ( $hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$ )

- (۱)  $1/2$  (۲)  $2/2$  (۳)  $3/6$  (۴)  $4/8$

۱۲) انرژی هر کوانتوم یک موج الکترومغناطیسی  $4 \times 10^{-7} \text{ eV}$  است. این موج در کدام ناحیه از طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد؟

(  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$  و  $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  ,  $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$  )

- (۱) رادیویی (۲) نور مرئی (۳) فرابنفش (۴) فرسوخ

۱۳) سدیم  $^{23}_{11}\text{Na}$  واپاشی  $\beta^-$  انجام می‌دهد، هسته جدید به ترتیب چند نوترون و چند پروتون خواهد داشت؟

- (۱)  $11$  و  $13$  (۲)  $11$  و  $12$  (۳)  $11$  و  $13$  (۴)  $12$  و  $12$

۱۴) بسامد سومین خط طیف اتم هیدروژن در کدام رشته  $2/5 \times 10^{14} \text{ Hz}$  است؟  $[C = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, R = \frac{1}{100} (\text{nm})^{-1}]$

- (۱) پاشین ( $n^c = 3$ ) (۲) براکت ( $n^c = 4$ )  
(۳) پفوند ( $n^c = 5$ ) (۴) بالمر ( $n^c = 2$ )

۱۵) در کدام مورد، فرایند واپاشی درست است؟



- (۱) «الف» (۲) «ب» (۳) «پ» (۴) «ت»

۱۶) در اتم هیدروژن، الکترون از مدار  $n$  به  $n^c$  می‌رود و فوتونی با انرژی  $4/0.8 \times 10^{-19} \text{ J}$  تابش می‌کند، شعاع مدار  $n^c$ ، چند برابر شعاع بور است؟ ( $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ ,  $E_R = 13.6 \text{ eV}$ )

- (۱)  $25$  (۲)  $16$  (۳)  $9$  (۴)  $4$

۱۷) اختلاف بسامد اولین و دومین خط طیف اتم هیدروژن در یک رشته معین  $3/5 \times 10^{14} \text{ Hz}$  است. این رشته کدام است؟

$(R = \frac{1}{100} (\text{nm})^{-1} \gg c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$

- (۱) براکت ( $n^c = 4$ ) (۲) لیمان ( $n^c = 1$ ) (۳) پاشین ( $n^c = 3$ ) (۴) بالمر ( $n^c = 2$ )

۱۸) در اتم هیدروژن بسامد چندمین خط طیفی در رشته لیمان برابر  $1/3 \times 10^{15} \text{ Hz}$  است؟ ( $R = \frac{1}{100} (\text{nm})^{-1}$ )

$(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$

- (۱) اولین (۲) دومین (۳) سومین (۴) چهارمین

۱۹) در اتم هیدروژن، الکترون از مداری به شعاع  $r$  به مدار دیگری به شعاع  $r^c$  می‌رود و فوتونی با انرژی  $2/55 \text{ eV}$  گسیل می‌کند.  $r - r^c$  چند برابر شعاع بور (a.) است؟ ( $E_R = 13.6 \text{ eV}$ )

- (۱)  $2$  (۲)  $5$  (۳)  $8$  (۴)  $12$

۲۰) در کدام واپاشی هسته‌ای، عدد اتمی یک واحد افزایش می‌یابد؟

- (۱) بتای منفی (۲) بتای مثبت (۳) گاما (۴) آلفا

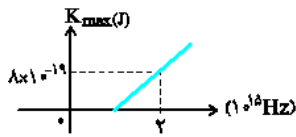
۲۱) در هسته اتم یک عنصر، اگر نیروی ربایشی هسته‌ای بین دو پروتون مجاور  $F$  و بین دو نوترون مجاور برابر  $F^c$  و بین یک پروتون و یک نوترون مجاور برابر  $F^c$  باشد، کدام یک از موارد زیر درست است؟

- (۱)  $F = F^c = F^c$  (۲)  $F^c > F > F^c$  (۳)  $F^c > F^c > F$  (۴)  $F > F^c > F^c$

۲۲) در اتم هیدروژن وقتی الکترون از چهارمین حالت برانگیخته به حالت پایه جهش می‌کند، بسامد فوتون گسیل شده چند هرتز است؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s} \gg E_R = 13/6 \text{ eV})$$

- (۱)  $3/1875 \times 10^{15}$  (۲)  $3/264 \times 10^{15}$  (۳)  $2/55 \times 10^{15}$  (۴)  $2/72 \times 10^{15}$



۲۳) در آزمایش فوتوالکتریک، نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتو الکترون‌ها بر حسب بسامد پرتو فرودی به فلز، مطابق شکل زیر است. اگر نوری با طول موج  $300 \text{ nm}$  به فلز بتابد، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیل شده چند ژول است؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C} \quad \text{و} \quad c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad , h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s})$$

(۱)  $1/6 \times 10^{-19}$

(۲)  $2/4 \times 10^{-19}$

(۳)  $4 \times 10^{-19}$

(۴)  $5 \times 10^{-19}$

۲۴) الکترون اتم هیدروژنی در تراز  $n=5$  قرار دارد. با در نظر گرفتن تمام گذارهای ممکن، کم انرژی‌ترین فوتونی که می‌تواند گسیل کند، بسامدش چند تراهرتز است؟ ( $E_R = 13/6 \text{ eV}$  و  $h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$ )

- (۱)  $25/5$  (۲)  $76/5$  (۳)  $170$  (۴)  $3264$

۲۵) در اتم هیدروژن، الکترون در مدار  $n$  قرار دارد. اگر این الکترون به مدار  $n'=3$  برود، فوتونی به طول موج  $120 \text{ nm}$  گسیل می‌کند،  $n$  کدام است؟ ( $R = 0.1 \text{ (nm)}^{-1}$ )

- (۱)  $4$  (۲)  $5$  (۳)  $6$  (۴)  $7$

۲۶) الکترون اتم هیدروژنی در تراز  $n=5$  قرار دارد. فرض کنید، فقط گذارهای  $\Delta n = 1$  مجاز باشند. در این صورت اختلاف طول موج کم انرژی‌ترین فوتون و پرانرژی‌ترین فوتون گسیلی، تقریباً چند نانومتر است؟ ( $hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}$ ,  $E_R = 13/6 \text{ eV}$ )

$$(hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}, E_R = 13/6 \text{ eV})$$

- (۱)  $1210$  (۲)  $2957$  (۳)  $3931$  (۴)  $4052$

۲۷) در اتم هیدروژن، کدام گذار منجر به گسیل فوتونی یا بسامد  $2/25 \times 10^{15} \text{ Hz}$  می‌شود؟

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad , R = \frac{1}{100} \text{ (nm)}^{-1})$$

(۱)  $n=1$  به  $n=2$

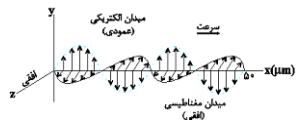
(۲)  $n=1$  به  $n=3$

(۳)  $n=2$  به  $n=4$

(۴)  $n=2$  به  $n=5$

۲۸) شکل زیر، تصویری از یک موج الکترومغناطیسی است که در خلأ در حال انتشار است. انرژی هریک از فوتون‌های این موج چند الکترون-ولت است؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$



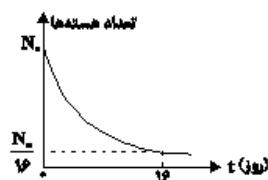
(۱)  $2/4$

(۲)  $2/4 \times 10^{-2}$

(۳)  $4/8$

(۴)  $4/8 \times 10^{-2}$

۲۹) نمودار تغییرات تعداد هسته‌های یک ماده پرتوزا بر حسب زمان، مطابق شکل زیر است. پس از گذشت هشت رو چند درصد از هسته‌های آن فعال باقی می‌ماند؟



(۱)  $87/5$

(۲)  $50$

(۳)  $25$

(۴)  $12/5$



۳۰) طول موج دومین خط طیف رشته براکت ( $n^2 = 4$ ) چند برابر طول موج چهارمین خط طیف رشته بالمر ( $n^2 = 2$ ) است؟

- (۱)  $\frac{72}{5}$  (۲) ۸ (۳)  $\frac{32}{5}$  (۴) ۴

۳۱) توان یک لامپ که نور تکرنگ با بسامد  $6 \times 10^{14} \text{ Hz}$  گسیل می‌کند، ۳۳ وات است. این لامپ در هر دقیقه چند فوتون تابش می‌کند؟ ( $h = 6/6 \times 10^{-34} \text{ J.s}$  و  $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$ )

- (۱)  $1/5 \times 10^{21}$  (۲)  $5 \times 10^{21}$  (۳)  $5/3 \times 10^{20}$  (۴)  $8 \times 10^{20}$

۳۲) طبق مدل اتمی بور، الکترون در اتم هیدروژن، از مدار  $n^2 = 2$  و  $n = 5$  می‌رود. شعاع مدار حرکت الکترون به ترتیب چند برابر می‌شود و انرژی الکترون در این جابه‌جایی چند الکترون ولت تغییر می‌کند؟

- (۱)  $4/0.8$  و  $5/4$  (۲)  $25/4$  و  $4/0.8$  (۳)  $5/4$  و  $2/1856$  (۴)  $25/4$  و  $2/1856$

۳۳) در واپاشی هسته‌های ناپایدار، کدام مورد درست است؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$ )

- (۱) هنگام گسیل پوزیترون بار هسته به اندازه  $1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$  افزایش می‌یابد.  
 (۲) هنگام گسیل الکترون بار هسته به اندازه  $1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$  کاهش می‌یابد.  
 (۳) هنگام گسیل  $\alpha$  بار هسته به اندازه  $3/2 \times 10^{-19} \text{ C}$  کاهش می‌یابد.  
 (۴) هنگام گسیل گاما، پوزیترون و الکترون، بار هسته ثابت می‌ماند.

۳۴) در اتم هیدروژن، محدوده تقریبی طول موج‌های رشته پاشن ( $n^2 = 3$ ) برحسب میکرومتر کدام است؟ ( $R = 0.1 \text{ nm}^{-1}$ )

- (۱)  $0.9$  تا  $2$  (۲)  $0.9$  تا  $4/4$  (۳)  $1/6$  تا  $2$  (۴)  $1/6$  تا  $4/4$

۳۵) در رشته براکت، برای اتم هیدروژن در رابطه  $\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right)$  به ازای  $n = m + 2$  طول موج گسیلی چند میکرومتر است؟ ( $R_H = \frac{1}{100} \text{ nm}^{-1}$ )

- (۱)  $1/20$  (۲)  $1/40$  (۳)  $2/88$  (۴)  $5/10$

۳۶) کدام مورد با توجه با الگوهای اتمی درست است؟

- (۱) طبق مدل رادرفورد، طیف گسیلی توسط اتم باید پیوسته باشد.  
 (۲) مدل اتمی بور فقط برای اتم هیدروژن درست است.  
 (۳) طبق مدل اتمی تامسون، اتم دارای هسته‌ای چگال در مرکز اتم است.  
 (۴) مدل اتمی بور می‌تواند متفاوت بودن شدت خط‌های طیفی گسیلی را توضیح دهد.

۳۷) اختلاف بیش‌ترین و کم‌تین بسامد فوتون گسیلی اتم هیدروژن در رشته پاشن ( $n^2 = 3$ ) چند هرتز است؟

$$\left( R = \frac{1}{100} (\text{nm})^{-1}, e = 3 \times 10^{-18} \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)$$

- (۱)  $7/5 \times 10^{15}$  (۲)  $1/875 \times 10^{15}$  (۳)  $7/5 \times 10^{14}$  (۴)  $1/875 \times 10^{14}$

# ضمیمہ ریاضی دوازدہم (سوالات)

۱) گلوله‌ای از فاصله ۱۰۰ متری زمین از یک نقطه رها می‌شود. یک ثانیه بعد، گلوله دیگری از ده متر پایین‌تر از گلوله اول رها می‌شود. از لحظه رها شدن گلوله دوم تا لحظه‌ای که اولین گلوله به زمین می‌رسد، فاصله دو گلوله چه تغییری می‌کند؟ (مقاومت هوا ناچیز فرض شود).

- (۱) ثابت می‌ماند. (۲) افزایش می‌یابد.  
(۳) کاهش می‌یابد. (۴) ابتدا کاهش می‌یابد و سپس افزایش می‌یابد.

۲) گلوله A از ارتفاع ۱۳۰ متری زمین رها می‌شود. ۲ ثانیه بعد، گلوله B از همان نقطه رها می‌شود. ۵ ثانیه بعد از حرکت گلوله A فاصله دو گلوله از هم چند متر است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$  و مقاومت هوا ناچیز فرض شود).

- (۱) ۶۰ (۲) ۶۵ (۳) ۸۰ (۴) ۸۵

۳) گلوله‌ای از ارتفاع h رها می‌شود و با شتاب ثابت  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  سقوط می‌کند. اگر تندی متوسط آن در  $\frac{3}{4}$  پایانی مسیر  $15 \frac{m}{s}$  باشد، تندی متوسط آن در کل مسیر چند متر بر ثانیه است؟

- (۱) ۵ (۲)  $7/5$  (۳) ۱۰ (۴)  $12/5$

۴) گلوله‌ای از ارتفاع ۳۰ متری بدون سرعت اولیه رها می‌شود. تندی متوسط گلوله در نیم ثانیه سوم، چند متر بر ثانیه است؟ (مقاومت هوا ناچیز و  $g = 9/8 \frac{m}{s^2}$  است).

- (۱)  $7/35$  (۲)  $9/8$  (۳)  $12/25$  (۴)  $14/7$

۵) گلوله‌ای به جرم ۲۰۰ گرم از ارتفاع ۲۰ متری روی سطح سنگفرش شده‌ای رها می‌شود و پس از برخورد با سطح، با تندی  $10 \frac{m}{s}$  رو به بالا در راستای قائم از سطح جدا می‌شود. اگر زمان تماس گلوله با سطح افقی  $0/25$  باشد، بزرگی نیروی متوسط وارد بر گلوله در مدت تماس چند نیوتون است؟ (مقاومت هوا ناچیز و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  است).

- (۱) ۵ (۲) ۱۰ (۳) ۲۰ (۴) ۳۰

۶) گلوله‌ای به جرم ۱۰۰g در شرایط خلأ از ارتفاع h رها می‌شود و پس از مدتی به زمین می‌رسد. اگر انرژی جنبشی گلوله در لحظه برخورد به زمین  $24/2J$  باشد، سرعت متوسط گلوله در آخرین ثانیه حرکتش چند متر بر ثانیه است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱) ۲۲ (۲) ۱۷ (۳) ۱۵ (۴) ۱۲

۷) گلوله‌ای از ارتفاع h رها می‌شود. این گلوله با سرعت ۷ از ارتفاع ۹ متری زمین عبور می‌کند و با سرعت  $7 \frac{3}{4}$  به زمین می‌رسد. h چند متر است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر شود و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱)  $16/2$  (۲) ۱۸ (۳)  $32/4$  (۴) ۳۶

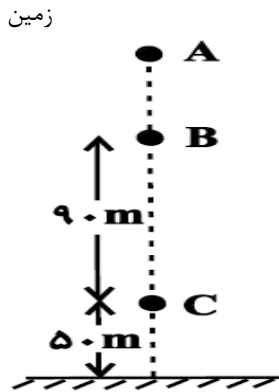
۸) گلوله A از ارتفاع ۷۰ متری زمین رها می‌شود. یک و نیم ثانیه بعد گلوله B از همان نقطه رها می‌شود. دو ثانیه پس از رها شدن گلوله B، فاصله دو گلوله از هم چند متر است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر شود و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱)  $11/25$  (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴)  $41/25$

۹) گلوله‌ای به جرم ۲۰۰g از ارتفاع h رها می‌شود. اگر کل کار انجام شده روی گلوله در ثانیه آخر حرکت برابر  $70J$  باشد، h چند متر است؟ (از مقاومت هوا صرف‌نظر شود و  $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

- (۱) ۳۵ (۲) ۴۵ (۳) ۶۰ (۴) ۸۰

۱۰) گلوله‌ای در شرایط خلأ، از نقطه A رها می‌شود و ۳ ثانیه طول می‌کشد تا فاصله بین دو نقطه B و C را طی کند. گلوله ۳ ثانیه قبل از رسیدن به زمین، از ارتفاع چند متری عبور می‌کند؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )



(۱) ۴۵

(۲) ۹۰

(۳) ۱۲۰

(۴) ۱۵۰

۱۱) فرض کنید ماهواره‌ها روی مدارهای دایره‌ای به دور زمین به‌طور یکنواخت می‌چرخند. کدام مورد صحیح است؟

(۱) تندی مداری ماهواره در گردش به دور زمین، متناسب با جذر فاصله ماهواره از مرکز زمین است.

(۲) مربع دوره گردش ماهواره به دور زمین، متناسب با مکعب فاصله ماهواره از مرکز زمین است.

(۳) شتاب حرکت ماهواره متناسب با جذر فاصله ماهواره از مرکز زمین است.

(۴) وزن یک ماهواره با جذر فاصله ماهواره از مرکز زمین رابطه عکس دارد.

۱۲) خودرویی به جرم ۲ تن روی سطح افقی با تندی ثابت  $18 \frac{km}{h}$  مسیر دایره‌ای به شعاع ۲۰ متر را دور می‌زند. نیروی مرکزگرای خودرو چند نیوتون است و کدام نیرو آن را تأمین می‌کند؟

(۲) ۲۵۰۰ - نیروی اصطکاک ایستایی

(۱) ۳ - نیروی اصطکاک جنبشی

(۴) ۱۲۵۰ - نیروی اصطکاک ایستایی

(۳) ۱۲۵۰ - نیروی اصطکاک جنبشی

۱۳) گلوله‌ای به جرم ۵۰ گرم روی سطح افقی، مسیر دایره‌ای به شعاع ۲ متر را هر  $1/57s$  یک دور می‌زند. شتاب مرکز گرای گلوله چند متر بر مربع ثانیه است و اندازه تغییر تکانه آن در مدت دوره، چند کیلوگرم متر بر ثانیه است؟

(۴) ۱۶ و ۰/۸

(۳) ۱۶ و ۰/۴

(۲) ۳۲ و ۰/۸

(۱) ۳۲ و ۰/۴

۱۴) جسمی به جرم ۵kg در حرکت دایره‌ای یکنواخت در هر دقیقه ۳۰ دور می‌چرخد. اگر شعاع مسیر ۲ متر باشد، انرژی جنبشی جسم، چند ژول است؟

(۴) ۴۰

(۳) ۸۰

(۲)  $20\pi^2$ (۱)  $10\pi^2$ 

۱۵) در یک ساعت دیواری، طول عقربه ثانیه‌شمار، دو برابر طول عقربه ساعت‌شمار است. تندی نوک عقربه ثانیه‌شمار، چند برابر تندی نوک عقربه ساعت‌شمار است؟

(۴) ۷۲۰۰

(۳) ۳۶۰۰

(۲) ۲۸۸۰

(۱) ۱۴۴۰

۱۶) متحرکی با تندی ثابت  $v = 10\pi \frac{m}{s}$  روی دایره‌ای به شعاع ۲۰ متر حرکت می‌کند. شتاب متوسط این متحرک در هر ثانیه چند برابر شتاب مرکزگرای آن است؟

(۴)  $\sqrt{2}$ (۳)  $5\sqrt{2}$ (۲)  $\frac{5}{\pi}$ (۱)  $\frac{2\sqrt{2}}{\pi}$ 

۱۷) خودرویی به جرم ۳ تن در سطح افقی، مسیر دایره‌ای را به صورت یکنواخت طی می‌کند. اگر بزرگی نیرویی که از طرف سطح زمین برخورد وارد می‌شود،  $10^4 \times \sqrt{10} N$  باشد، نیروی مرکز گرای وارد بر خودرو چند نیوتون است؟ ( $g = 10 \frac{m}{s^2}$ )

(۴)  $3 \times 10^4$ (۳)  $3 \times 10^3$ (۲)  $10^4$ (۱)  $10^3$

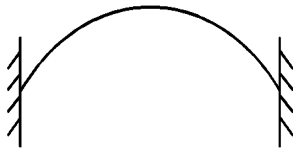
۱۸) اتومبیلی به جرم ۱۲۰۰ کیلوگرم در یک سطح افقی در مسیر دایره‌ای به‌طور یکنواخت حرکت می‌کند و ضریب اصطکاک ایستایی  $\mu_s = 0.5$  است. اگر اتومبیل با حداکثر سرعت مجاز (سرعتی که نلغزد) حرکت کند، نیروی مرکزگرای وارد بر آن چند نیوتون است؟  $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

- ۱) ۱۲۰۰۰ (۲) ۶۰۰۰ (۳) ۵۰۰۰ (۴) ۴۵۰۰

۱۹) تار به طول ۶۰ cm با دو انتهای ثابت ارتعاش می‌کند و در طول آن ۳ شکم تشکیل شده است. اگر بسامد ایجاد شده ۳۰۰ هرتز باشد، تندی موج عرضی در تار چند متر بر ثانیه است و بسامد صوت اصلی تار چند هرتز است؟

- ۱) ۳۰۰ و ۵۰۰ (۲) ۱۲۰ و ۳۰۰ (۳) ۱۲۰ و ۱۰۰ (۴) ۵۰۰ و ۱۰۰

۲۰) مطابق شکل، تار به بین دو تکیه‌گاه محکم شده است، در هماهنگ اول خود با بسامد  $AuI_3^-(aq) + Cu(s) \rightarrow Au(s) + Cu^{2+}(aq) + I^-(aq)$  به نوسان درمی‌آید. اگر فاصله دو تکیه‌گاه ۵۰ cm و تندی موج عرضی در آن  $150 \frac{m}{s}$  باشد، چند میلی‌ثانیه طول می‌کشد تا هر یک از ذرات تار یک نوسان انجام دهند؟



- ۱) ۲۵ (۲) ۲ (۳) ۵ (۴) ۴

۲۱) بسامد اصلی یک تار ویولن به طول ۲۰ cm برابر ۵۰۰ Hz است. طول موج امواج صوتی گسیل شده توسط تار، چند سانتی‌متر است؟ (سرعت صوت را در هوا  $340 \frac{m}{s}$  بگیرید.)

- ۱) ۸۰ (۲) ۶۸ (۳) ۴۰ (۴) ۳۴

۲۲) دو بسامد تشدیدی متوالی یک تار دو انتها ثابت ۲۴۰ هرتز و ۲۸۰ هرتز است. کدام بسامد بر حسب هرتز، از بسامدهای تشدیدی این تار نیست؟

- ۱) ۶۰ (۲) ۸۰ (۳) ۱۶۰ (۴) ۳۲۰

۲۳) رشته‌ای از بسامدهای تشدیدی یک تار با دو انتهای بسته به صورت  $f_1, f_2$  و  $160 \text{ Hz}$  و  $f_3$  است،  $f_3 - f_1$  چند هرتز است؟

- ۱) ۲۴۰ (۲) ۱۸۰ (۳) ۱۶۰ (۴) ۸۰

۲۴) در یک تار دو انتها بسته، یکی از بسامدهای تشدید ۱۵۰ Hz و بسامد تشدیدی پس از آن ۲۲۵ Hz است. اگر در طول تار پنج گره تشکیل شده باشد، بسامد تار در این حالت چند هرتز است؟

- ۱) ۶۰۰ (۲) ۳۷۵ (۳) ۳۰۰ (۴) ۲۲۵

۲۵) تحلیل نقش پراش، مبتنی بر کدام مبحث در علم فیزیک است؟

- ۱) تشدید (۲) بازتاب موج (۳) شکست موج (۴) تداخل امواج

۲۶) رشته‌ای از بسامدهای متوالی تشدیدی یک تار دو انتها بسته به طول ۵۰ cm عبارت‌اند از: ۱۵۰ Hz، ۲۲۵ Hz و ۳۰۰ Hz. تندی انتشار موج در تار چند متر بر ثانیه است؟

- ۱) ۷۵ (۲) ۱۵۰ (۳) ۲۰۰ (۴) ۳۰۰

۲۷) تار به طول ۵۰ cm بین دو نقطه محکم بسته شده و بسامد هماهنگ سوم آن ۲۱۰ هرتز است. اگر جرم تار ۵ گرم باشد، نیروی کشش آن چند نیوتون است؟

- ۱) ۴۹ (۲) ۹۸ (۳) ۱۴۷ (۴) ۲۴۱

۲۸) در یک تار مرتعش، موج ایستاده ایجاد شده است. اگر بسامد این موج ۴۰۰ هرتز و سرعت انتشار موج در تار  $160 \frac{m}{s}$  باشد، فاصله بین دو گره متوالی در این تار چند سانتی‌متر است؟

- ۱) ۱۰ (۲) ۲۰ (۳) ۳۰ (۴) ۴۰

۳۹) در یک دستگاه فوتوالکتریک، تابع کار فلز  $4\text{eV}$  است. با این دستگاه دو آزمایش انجام می‌دهیم. در آزمایش دوم طول موج پرتو به کار رفته را نصف می‌کنیم، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌ها نسبت به آزمایش قبلی ۶ برابر می‌شود. طول موج پرتو استفاده شده در آزمایش اول چند نانومتر است؟ (  $h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$  و  $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  )

- ۱۸۰ (۱)                      ۲۴۰ (۲)                      ۳۶۰ (۳)                      ۴۸۰ (۴)

۳۰) در آزمایش فوتوالکتریک، بیشینه تندی فوتوالکترئون‌های گسیل شده از سطح فلز  $5 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  است. اگر تابع کار فلز  $4/46\text{eV}$  باشد، طول موج نور تابیده شده به فلز تقریباً چند نانومتر است؟ (  $m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg}$  و  $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$  )  
(  $hc = 1/24\text{eV} \cdot \mu\text{m}$  )

- ۴۸۰ (۱)                      ۳۶۰ (۲)                      ۲۴۰ (۳)                      ۱۲۰ (۴)

۳۱) در آزمایش فوتوالکتریک که با نوری با بسامد  $f$  انجام شده است، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌ها  $8 \times 10^{-19} \text{ J}$  است. اگر بسامد نور ۲۵ درصد کاهش یابد، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌ها، ۴۰ درصد کاهش می‌یابد. تابع کار فلز، چند الکترون‌ولت است؟ (  $h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$  و  $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$  )

- ۵ (۱)                      ۴ (۲)                      ۳ (۳)                      ۲ (۴)

۳۲) در آزمایش فوتوالکتریک که با نوری با طول موج  $\lambda$  انجام شده است، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌ها  $6/4 \times 10^{-19} \text{ J}$  است. اگر از نوری با طول موج  $2\lambda$  استفاده شود، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌ها ۷۵ درصد کاهش می‌یابد. بسامد آستانه این فلز چند تراهرتز است؟ (  $h = 1/20 \cdot \text{eV} \cdot \text{nm}$  و  $e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$  )

- ۵ (۱)                      ۶ (۲)                      ۵۰۰ (۳)                      ۶۰۰ (۴)

۳۳) در آزمایش فوتوالکتریک، بسامد آستانه فلز  $5 \times 10^{15} \text{ Hz}$  است. اگر انرژی هر یک از فوتون‌های فرودی به فلز  $4/125 \times 10^{-19} \text{ J}$  باشد، بیشینه تندی فوتوالکترئون‌های تولید شده چند متر بر ثانیه است؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg}, h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s})$$

- ۱)  $\frac{1}{6} \times 10^5$                       ۲)  $\frac{1}{6} \times 10^6$                       ۳)  $\frac{5}{7} \times 10^4$                       ۴)  $\frac{5}{7} \times 10^5$

۳۴) در یک تار مرتعش دو سر بسته، یکی از بسامدهای تشدید  $375\text{Hz}$  و بسامد تشدید بعدی  $500\text{Hz}$  است. بسامد تشدید پس از  $750\text{Hz}$  چند هرتز است؟

- ۸۲۵ (۱)                      ۸۷۵ (۲)                      ۹۲۵ (۳)                      ۹۷۵ (۴)

۳۵) تابع کار دو فلز A و B، به ترتیب  $4/5\text{eV}$  و  $3\text{eV}$  است. اگر نوری با طول موج  $150\text{nm}$  به هر دو فلز بتابد، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌های فلز A چند درصد کمتر از بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌های B است؟

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s})$$

- ۳۰ (۱)                      ۴۰ (۲)                      ۶۰ (۳)                      ۷۰ (۴)

۳۶) در آزمایش فوتوالکتریک یک تابع کار فلز  $2/8\text{eV}$  است. نوری با طول موج  $\lambda$  به فلز می‌تابد و سبب گسیل فوتوالکترئون‌های با بیشینه انرژی جنبشی  $4/4\text{eV}$  می‌شود.  $\lambda$  چند میکرومتر است؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

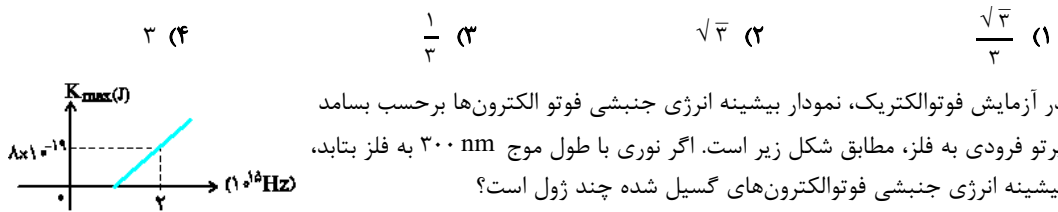
- ۱)  $\frac{1}{6}$                       ۲)  $\frac{3}{4}$                       ۳)  $\frac{5}{3}$                       ۴)  $\frac{1000}{3}$

۳۷) تابع کار فلزی  $4/14\text{eV}$  است. بیشینه طول موج نور برای خارج کردن الکترون از سطح این فلز چند نانومتر است؟ (  $h = 4/14 \times 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$  و  $c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  )

- ۳۰۰ (۱)                      ۴۰۰ (۲)                      ۵۰۰ (۳)                      ۶۰۰ (۴)



(۳۸) در یک آزمایش فوتو الکتریک، تابع کار فلز  $3\text{eV}$  است. اگر نوری با طول موج  $200\text{nm}$  بر سطح فلز بتابد، بیشینه سرعت فوتوالکترئون‌ها برابر  $v$  است و اگر نوری با طول موج  $300\text{nm}$  بر فلز بتابد، بیشینه سرعت فوتوالکترئون‌ها برابر  $v'$  است. کدام است؟  $(hc = 1200\text{eV}\cdot\text{nm})$



(۳۹) در آزمایش فوتوالکتریک، نمودار بیشینه انرژی جنبشی فوتو الکترئون‌ها برحسب بسامد پرتو فرودی به فلز، مطابق شکل زیر است. اگر نوری با طول موج  $300\text{nm}$  به فلز بتابد، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌های گسیل شده چند ژول است؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19}\text{C} \quad \text{و} \quad c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad h = 4 \times 10^{-15}\text{eV}\cdot\text{s})$$

(۱)  $1/6 \times 10^{-19}$

(۲)  $2/4 \times 10^{-19}$

(۳)  $4 \times 10^{-19}$

(۴)  $5 \times 10^{-19}$

(۴۰) در آزمایش فوتوالکتریک، طول موج قطع یک فلز  $310$  نانومتر است. اگر به این فلز نور فرابنفش به طول موج  $200$  نانومتر بتابانیم، بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترئون‌های جدا شده چند الکترون ولت می‌شود؟  $(hc = 1240\text{eV}\cdot\text{nm})$

(۱)  $1/2$  (۲)  $2/2$  (۳)  $3/6$  (۴)  $4/8$

(۴۱) در آزمایش فوتوالکتریک، بسامد آستانه فلز  $5 \times 10^{14}\text{Hz}$  است. نوری با بسامد  $f$  به فلز می‌تابد و سبب گسیل فوتوالکترئون‌هایی با بیشینه سرعت  $\frac{4}{3} \frac{Mm}{s}$  می‌شود.  $f$  چند هرتز است؟  $(m_e = 9 \times 10^{-31}\text{kg}$  ،  $h = 4 \times 10^{-15}\text{eV}\cdot\text{s}$  و  $e = 1/6 \times 10^{-19}\text{C}$ )

(۱)  $1/75 \times 10^{15}$  (۲)  $7/5 \times 10^{15}$  (۳)  $3/5 \times 10^{15}$  (۴)  $1/5 \times 10^{15}$

(۴۲) عمل غنی‌سازی در یک نمونه اورانیم، کدام است؟

- (۱) تبدیل هر چه بیشتر اورانیوم  $235$  به اورانیم  $238$   
 (۲) تبدیل هر چه بیشتر اورانیم  $238$  به اورانیم  $235$   
 (۳) افزایش درصد ایزوتوپ‌های اورانیم  $238$   
 (۴) افزایش درصد ایزوتوپ‌های اورانیم  $235$

بخش دوم:  
پاسخنامه تشریحی

# فصل اول فیزیک دهم

## (پاسخنامه)

۱

سوال ۱ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

در نمادگذاری علمی هر کمیت به صورت  $a \times 10^b$  نوشته می‌شود که در این رابطه،  $1 < a < 10$ ، است بنابراین نمادگذاری علمی کمیت داده شده بر حسب کولن به صورت زیر است:

$$160 \times 10^{-10} \mu C = 1/60 \times 10^{-14} C$$

۲

سوال ۲ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

در نمادگذاری علمی یک کمیت به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$a \times 10^b, 1 < a < 10$$

$$2600000000 L = 2/60 \times 10^{11} L$$

۳

سوال ۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

$$\rho_{\text{ب}} = P = 1 \frac{g}{cm^3}$$

$$P_{\text{اکل}} = 0/8 \frac{g}{cm^3} = 0/8 P$$

$$P_{\text{مخلوط}} = 1/1 P_{\text{اکل}} = 1/1 \times 0/8 P$$

$$1/1 \times 0/8 = \frac{10^3 + 0/8 \times v_2}{10^3 + v_2}$$

$$880 + 0/88v_2 = 1000 + 0/8v_2$$

$$0/8v_2 = 120 \rightarrow v_2 = 150 \text{ cm}^3$$

$$P_{\text{مخلوط}} = \frac{\rho_1 v_1 + \rho_2 v_2}{v_1 + v_2}$$

۴

سوال ۴ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

در ابزارهای دیجیتالی، دقت اندازه گیری دستگاه، برابر با یک واحد از آخرین رقمی است که ابزار می‌خواند. در این آمپرسنج که عدد  $3/020 A$  نشان می‌دهد، آخرین رقمی که ابزار می‌خواند ۳ مرتبه بعد از ممیز است، پس دقت اندازه گیری آمپرسنج برابر با  $0/001 A = 1 mA$  است.

۵ سوال ۵

۱۲۰۰ km ۳۷۸°C cm

(الف)

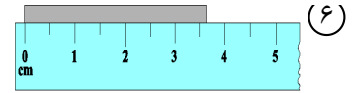
(پ)

(ب)

سوال ۵ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

دقت اندازه گیری در وسایل مدرج، برابر با کمینه تقسیم بندی آن ابزار است. در خط کش «الف» هر سانتی متر به دو قسمت مساوی تقسیم شده است. پس دقت آن  $\frac{1 cm}{2} = 0/5 cm$  است. دماسنج شکل «ب» و مسافت سنج شکل «پ» هر دو دیجیتالی (رقمی) می‌باشند و دقت اندازه گیری در وسایل رقمی برابر با یک واحد از آخرین رقمی است که ابزار گزارش می‌کند، بنابراین دقت اندازه گیری دماسنج  $0/1^\circ C$  و دقت اندازه گیری مسافت سنج  $0/001 km$  است.



سوال ۶ گزینه درست: ۱

با توجه به این که کمینه درجه بندی این خط کش برابر  $0.5\text{cm}$  است، بنابراین دقت آن نیز برابر  $0.5\text{cm}$  است. خطای اندازه گیری توسط این خط کش برابر با  $0.25\text{cm} = \frac{0.5}{2}$  است که باید به صورت  $0.3\text{cm}$  گرد شود. بنابراین می توان نتیجه اندازه گیری توسط این خط کش را به صورت  $0.3\text{cm} \pm 0.3\text{cm}$  بیان کرد.

سوال ۷

گزینه درست: ۳

گزینه ۳

با استفاده از تبدیل زنجیره ای داریم:

$$200 \text{ قیراط} = 200 \text{ قیراط} \times \frac{200 \text{ mg}}{1 \text{ قیراط}} \times \frac{10^{-3} \text{ g}}{1 \text{ mg}} = 40 \text{ g}$$

سوال ۸

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

هفت کمیت اصلی عبارتند از: ۱ - طول ۲ - جرم ۳ - زمان ۴ - دما

۵ - مقدار ماده ۶ - جریان الکتریکی و ۷ - شدت روشنایی

کمیت هایی مانند: شتاب، تندی، چگالی، فشار، انرژی، حجم، مسافت و .... کمیت های فرعی هستند.

سوال ۹

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

طول، جرم، زمان، دما، مقدار ماده، جریان الکتریکی و شدت روشنایی کمیت های اصلی هستند.

# فصل دوم فیزیک دهم

## (پاسخنامه)

①

گزینه درست: ۳

سوال ۱

گزینه «۳»

در لوله‌های استوانه‌ای شکل فشاری که از طرف مایع درون لوله به ته لوله وارد می‌شود برابر با حاصل تقسیم وزن مایع درون لوله به مساحت مقطع لوله است.

$$P_{\text{مایع}} = \frac{mg}{A} \xrightarrow{m=m_{\text{مایع}}+m_{\text{جیوه}}, g=10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}}$$

$$P_{\text{مایع}} = \frac{(544 + 272) \times 10^{-3} \times 10}{2 \times 10^{-3}} = 4080 \text{ Pa}$$

اکنون فشار هوا را بر حسب پاسکال به دست می‌آوریم:

$$P_{\text{هوا}} = \rho_{\text{جیوه}} gh \xrightarrow{h=75\text{cm}=0.75\text{m}, g=10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}}$$

$$P_{\text{هوا}} = 13600 \times 10 \times 0.75 = 102000 \text{ Pa}$$

فشار کل در ته لوله برابر با مجموع فشار هوا و فشار ناشی از مایع درون لوله است:

$$P_{\text{کل}} = P_{\text{هوا}} + P_{\text{مایع}} = 102000 + 4080 = 106080 \text{ Pa}$$

②

گزینه درست: ۴

سوال ۲

گزینه «۴»

فشار در ته لوله برابر با فشار ناشی از ستون مایع و فشار هوا است؛ ابتدا فشار هوا را بر حسب پاسکال به دست می‌آوریم:

$$P_{\text{هوا}} = \rho_{\text{جیوه}} gh \xrightarrow{\rho=13600 \text{ kg/m}^3, g=10 \text{ N/kg}, h=75\text{cm}=\frac{75}{100} \text{ m}}$$

$$P_{\text{هوا}} = 13600 \times 10 \times \frac{75}{100} = 102000 \text{ Pa}$$

اکنون فشار ناشی از ۲۰ cm مایع با چگالی ۲ g/cm<sup>۳</sup> را به دست می‌آوریم:

$$P_{\text{مایع}} = \rho_{\text{مایع}} gh \xrightarrow{\rho=2 \text{ g/cm}^3=2000 \text{ kg/m}^3, g=10 \text{ m/s}^2, h=20 \text{ cm}=0.2 \text{ m}}$$

$$P_{\text{مایع}} = 2000 \times 10 \times 0.2 = 4000 \text{ Pa}$$

بنابراین فشار در ته لوله در حالت اول برابر است با:

$$P_1 = P_{\text{هوا}} + P_{\text{مایع}} = 102000 + 4000 = 106000 \text{ Pa}$$

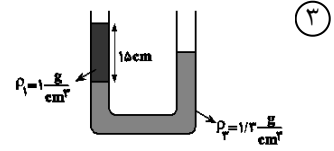
اکنون افزایش فشار ناشی از اضافه شدن مایع به ارتفاع h' و چگالی ۱/۰۶ g/cm<sup>۳</sup> به لوله است.

$$\Delta P = \rho' gh' \xrightarrow{\Delta P=10600 \text{ Pa}, g=10 \text{ N/kg}, \rho'=1/06 \text{ g/cm}^3=1060 \text{ kg/m}^3}$$

$$10600 = 1060 \times 10 \times h' \Rightarrow h' = 1 \text{ m}$$

بنابراین حجم مایع اضافه شده برابر است با:

$$V' = Ah' \xrightarrow{A=15 \text{ cm}^2, h'=1 \text{ m}=100 \text{ cm}} V' = 15 \times 100 = 1500 \text{ cm}^3 = 1/5 \text{ L}$$



گزینه درست: ۳

سوال ۳

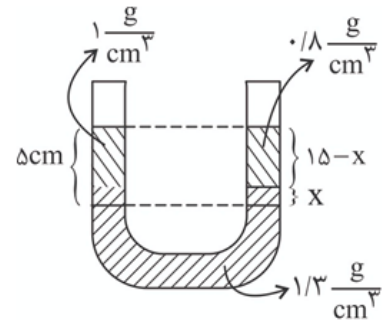
گزینه «۳»

$$15 \times 1 = 1/3 x + 0/8(15 - x)$$

$$\Rightarrow 15 = 1/3 x + 12 - 0/8 x$$

$$\Rightarrow 3 = 0/5 x \Rightarrow x = 6$$

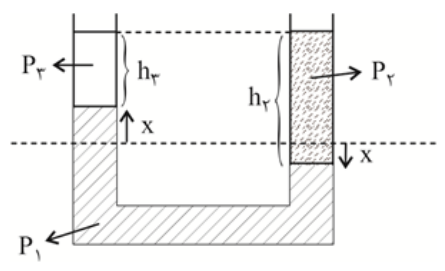
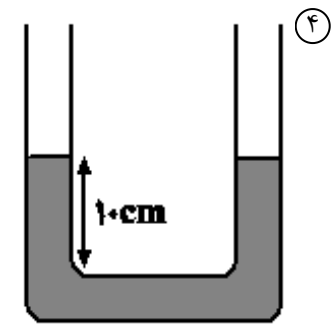
$$\Rightarrow 15 - x = \boxed{9}$$



گزینه درست: ۴

سوال ۴

گزینه «۴»



$$\rho_r h_r + \rho_l \times 2x = \rho_r \times 10$$

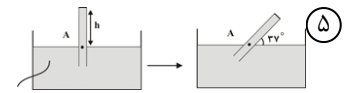
$$h_r = \frac{20}{\rho_r} = 10 \text{ cm}$$

$$10 = h_r + 2x \rightarrow \frac{3}{\rho_r}(10 - 2x) + 2x = 0/8 \times 10$$

$$7/5 - 1/5 x + 2x = 8 \rightarrow 0/5 x = 0/5 \rightarrow x = 1 \text{ cm}$$

$$h_r = 10 - 2x = 10 - 2 = 8 \text{ cm}$$





گزینه درست: ۲

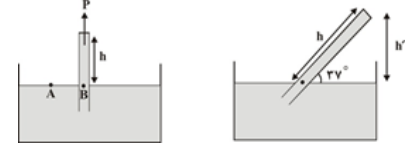
سوال ۵

گزینه «۲»

ابتدا فشار وارد بر انتهای لوله را در حالت اول بر حسب سانتی متر جیوه می یابیم:

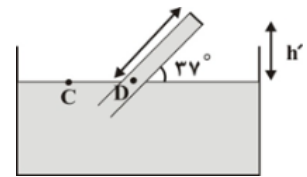
$$\rho \text{ مایع } h \Rightarrow \rho \text{ جیوه } h \Rightarrow 3/14 \times h = 13/6h \Rightarrow h \text{ جیوه} \Rightarrow h = \frac{h}{4} = \frac{h}{4}$$

$$P_A = P_B \Rightarrow P_c = P_{\text{مایع}} + P \Rightarrow P = 75 - \frac{h}{4} \text{ (cmHg)} \quad (1)$$



در حالت دوم که لوله را دوران می دهیم. داریم:

$$h' = h \sin 37^\circ = 0.6h$$



پس ارتفاع مایع معادل ستون جیوه برابر است با:

$$\rho \text{ مایع } h' = \rho \text{ جیوه } h' \Rightarrow 3/14 \times 0.6h = 13/6h' \Rightarrow h' = 0.15h$$

$$\Rightarrow h' \text{ جیوه} = 0.6h \times \frac{1}{4} = 0.15h$$

و فشار وارد بر انتهای بسته لوله در این حالت برابر است با:

$$\Rightarrow P' = 75 - h' \quad \text{جیوه} = 75 - 0.15h \quad (2)$$

$$P_C = P_D \Rightarrow P_c = P' \text{ مایع} + P'$$

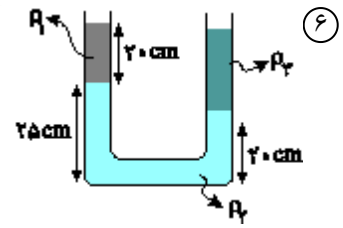
نیروی وارد بر انتهای بسته لوله در حالت دوم نسبت به حالت اول ۲۰ درصد افزایش یافته است. بنابراین فشار وارد بر انتهای بسته لوله نیز در حالت دوم نسبت به حالت اول ۲۰ درصد افزایش یافته و ۱/۲ برابر شده است.

در نتیجه داریم:

$$P' = 1/2 P \Rightarrow 75 - 0.15h = 1/2(75 - \frac{h}{4})$$

$$\Rightarrow 0.3h - 0.15h = 0.2 \times 75$$

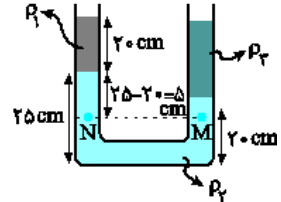
$$\Rightarrow 0.15h = 15 \Rightarrow h = 100 \text{ cm}$$



سوال ۶ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

فشار در نقاط هم تراز یک مایع ساکن برابر است. با توجه به رابطه فشار در یک مایع داریم:



$$P_M = P_N$$

$$\frac{m_{\tau}g}{A} = \rho_{\tau}gh_{\tau} + \rho_1gh_1 \quad \begin{matrix} P_M = \frac{m \times g}{A} + P_1 \\ P_N = P_{\tau}gh_{\tau} + P_1gh_1 + P_1 \end{matrix}$$

$$\rho_{\tau} = 1/4 \frac{g}{cm^{\tau}} = 240 \frac{kg}{m^{\tau}}, h_1 = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}, h_{\tau} = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m}$$

$$\rho_1 = 1 \frac{g}{cm^{\tau}} = 1000 \frac{kg}{m^{\tau}}, A = 2 \text{ cm}^2 = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\frac{m}{2 \times 10^{-4}} = 24000 \times \frac{0.05}{1000} + 1000 \times \frac{0.2}{1000} \Rightarrow m = 2400 \times 10^{-4} + 320 \times 10^{-4} = 56 \times 10^{-4} \text{ kg} = 56 \text{ g}$$

سوال ۷

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

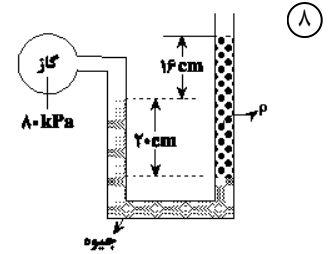
با توجه به رابطه فشار مطلق در عمق h از یک مایع داریم:

$$P = P_0 + \rho gh \quad \begin{matrix} P_0 = 1.026 \times 10^5 \text{ Pa}, h_1 = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m} \\ h_{\tau} = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}, g = 10 \frac{m}{s^2} \end{matrix}$$

$$\begin{cases} P_1 = 1.026 \times 10^5 + \rho \\ P_{\tau} = 1.026 \times 10^5 + 5/3\rho \end{cases} \quad \frac{P_{\tau} = 1/5 P_1}{3} \rightarrow \frac{\rho}{3} = \frac{1.026 \times 10^5 + \rho}{1.026 \times 10^5 + 5/3\rho}$$

$$\Rightarrow 2 \times 1.026 \times 10^5 + 1.0/3\rho = 2 \times 1.026 \times 10^5 + 3\rho$$

$$\Rightarrow 1/6\rho = 1.026 \times 10^5 \Rightarrow \rho = 1350 \frac{kg}{m^{\tau}} = 135 \frac{g}{cm^{\tau}}$$

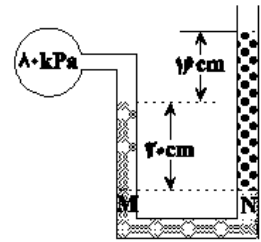


گزینه درست: ۳

سوال ۸

گزینه «۳»

فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن با یکدیگر برابر است. با توجه به رابطه فشار ناشی از ستون مایع داریم:



$$P_M = P_N \Rightarrow P_{\text{گاز}} + \rho_{\text{جیوه}} gh_1 = P. + \rho gh_2$$

$$P_{\text{گاز}} = 80 \text{ kPa} = 80 \times 10^3 \text{ Pa}, h_1 = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$P. = 10^5 \text{ Pa}, h_2 = 20 + 16 = 36 \text{ cm} = 0.36 \text{ m}, \rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$8 \times 10^4 + 13600 \times 0.2 \times 10 = 10^5 + \rho \times 10 \times 0.36$$

$$\Rightarrow 0.8 \times 10^5 + 0.272 \times 10^5 = 10^5 + \rho \times 3.6 \Rightarrow 0.072 \times 10^5 = 3.6\rho$$

$$\Rightarrow \rho = \frac{72000}{36} = 2000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

سوال ۹

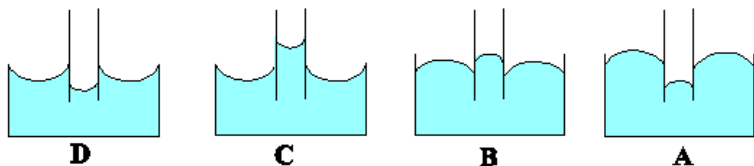
گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با استفاده از رابطه فشار مایعات در عمق h از آن داریم:

$$P = \rho gh + P. \Rightarrow P - P. = \rho gh \Rightarrow \frac{P_2 - P.}{P_1 - P.} = \frac{h_2}{h_1}$$

$$\Rightarrow \frac{106 - P.}{100 - P.} = \frac{20}{5} \Rightarrow P. = 98 \text{ kPa}$$

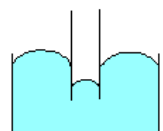


سوال ۱۰

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

سطح آزاد جیوه در لوله موئین پایین‌تر از سطح آزاد جیوه در ظرف است. از طرف دیگر سطح جیوه در لوله موئین به صورت برآمده می‌باشد. بنابراین هنگامی که لوله موئین درون ظرف محتوی جیوه قرار می‌گیرد، قرارگیری آن مطابق شکل مقابل است:

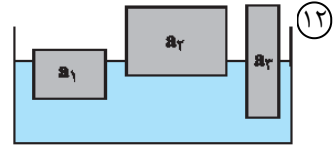


۱۱

سوال ۱۱ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

لوله‌های موئین هنگامی که درون ظرف محتوی جیوه قرار می‌گیرند، اولاً سطح جیوه در جداره لوله به‌صورت محدب (برآمده) است. ثانیاً سطح جیوه درون لوله پایین‌تر از سطح آزاد جیوه ظرف قرار می‌گیرد. ثالثاً هرچه قطر لوله موئین بیشتر باشد ارتفاع جیوه درون لوله بیشتر است.

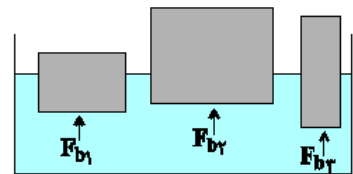


۱۲

سوال ۱۲ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

هرچه قدر نسبتی از حجم جسم که داخل آب قرار دارد به حجم کل جسم بیشتر باشد، چگالی جسم بزرگ‌تر است. زیرا نیروی شناوری وارد بر جسم برابر با وزن آب جابه‌جا شده است. با استفاده از این نکته داریم:



حجمی از جسم که داخل مایع قرار می‌گیرد.

$$F_{b1} = W_1 \Rightarrow \rho_{\text{آب}} \times g \times V = \rho_1 g \times V_{\text{کل}}$$

$$\Rightarrow \rho_1 = \rho_{\text{آب}} \times \frac{V}{V_{\text{کل}}}$$

$$\Rightarrow \rho_2 = \rho_{\text{آب}} \times \frac{V'}{V'_{\text{کل}}} , \rho_2 = \rho_{\text{آب}} \times \frac{V''}{V''_{\text{کل}}}$$

به همین ترتیب چگالی جسم‌های ۲ و ۳ برابر است با:

$$\frac{V}{V_{\text{کل}}} > \frac{V''}{V''_{\text{کل}}} > \frac{V'}{V'_{\text{کل}}}$$

با توجه به شکل مشخص است که:

$$\rho_1 > \rho_2 > \rho_3 \quad \text{بنابراین:}$$



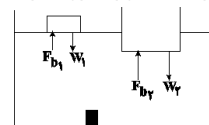
۱۳

سوال ۱۳ گزینه درست: ۲

گزینه ۳

فشار در مایعات به ارتفاع ستون مایع و چگالی آن بستگی دارد. از طرفی نیروی ارشمیدس با حجم جابه‌جایی آب نسبت مستقیم دارد، هرچه نیروی ارشمیدس بیشتر باشد، یعنی حجم جابه‌جایی آب بیشتر است و در نتیجه ارتفاع ستون آب بیشتر افزایش می‌شود. در حالت اول نیروی ارشمیدس وارد بر ظرف خالی و چوب برابر با مجموع وزن آن‌هاست.

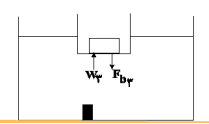
$$\left. \begin{aligned} F_{b1} &= W_1 \\ F_{b2} &= W_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow F_{b1} + F_{b2} = W_1 + W_2 \quad (*)$$

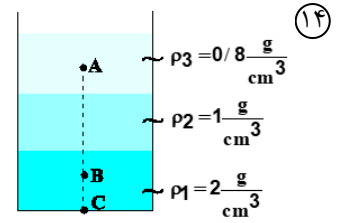


هنگامی که چوب درون ظرف خالی قرار می‌گیرد، با توجه به این که ظرف هم‌چنان بر روی آب شناور است، نیروی

ارشمیدس برابر با مجموع وزن آن‌ها می‌شود.

$$\frac{F_{b2} = W_2}{W_1 + W_2} \rightarrow F_{b2} = F_{b1} + F_{b2} \quad (*)$$

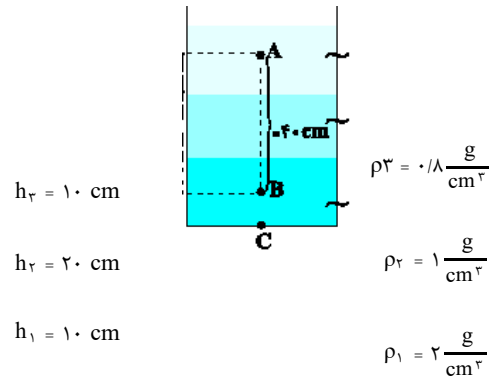




سوال ۱۴ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

$$\Delta P_{AB} = \rho_3 gh_3 + \rho_2 gh_2 + \rho_1 gh_1$$

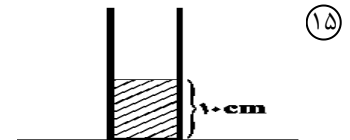


$$\rho_3 = 0.8 \frac{g}{cm^3} = 800 \frac{kg}{m^3}, \rho_2 = 1 \frac{g}{cm^3} = 1000 \frac{kg}{m^3}, g = 10 \frac{N}{kg}$$

$$\rho_1 = 2 \frac{g}{cm^3} = 2000 \frac{kg}{m^3}, h_1 = 10 \text{ cm}, h_2 = 20 \text{ cm}, h_3 = 10 \text{ cm}$$

$$\Delta P_{AB} = 800 \times 10 \times 10 + 1000 \times 20 \times 10 + 2000 \times 10 \times 10$$

$$\Rightarrow \Delta P_{AB} = 8000 + 20000 + 20000 = 48000 \text{ Pa}$$



سوال ۱۵ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

فشار در کف استوانه برابر است با:

$$P_1 = P_0 + \rho gh$$

$$P_0 = 101325 \text{ Pa}, g = 10 \frac{N}{kg}, \rho = 1250 \frac{kg}{m^3}, h = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$P_1 = 101325 + 1250 \times 10 \times 0.1 = 101325 + 1250 = 102575 \text{ Pa}$$

$$\rho = 1250 \frac{kg}{m^3}, h = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$P_0 = 101325 \text{ Pa}$$

$$P_1 = P_0 + \rho gh$$

$$\rho = 1250 \frac{kg}{m^3}, h = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$101325 + 1250 \times 10 \times 0.1 = 101325 + 1250 = 102575 \text{ Pa}$$

$$V = Ah = 10 \times 102575 = 1025750 \text{ cm}^3$$

۱۶

سوال ۱۶ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

حجم یک قطره × تعداد قطره‌ها = حجم باران باریده

$$Ah = n \times \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$A = 180 \cdot \text{km}^2 = 180 \times 10^6 \text{m}^2, \pi \approx 3$$

$$h = 10 \cdot \text{mm} = 10^{-2} \text{m}, r = \frac{d}{2} = 2 \text{mm} = 2 \times 10^{-3} \text{m}$$

$$180 \times 10^6 \times 10^{-2} = n \times 4 \times (2 \times 10^{-3})^3 \Rightarrow n = \frac{18 \times 10^5}{4 \times 8 \times 10^{-9}}$$

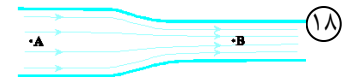
$$n = \frac{9}{16} \times 10^{14} \approx 5 \times 10^{13} \sim 10^{14}$$

۱۷

سوال ۱۷ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

در مقیاس نانو، ویژگی‌های مواد به‌طور قابل ملاحظه‌ای تغییر می‌کند.



۱۸

سوال ۱۸ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

رابطه پیوستگی را برای مقطع A و B می‌نویسیم. داریم:

$$A_A v_A = A_B v_B \xrightarrow{A_A = \pi r_A^2} r_A^2 v_A = r_B^2 v_B$$

$$\Rightarrow \frac{v_A}{v_B} = \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 \xrightarrow{r_A = 2r_B} \frac{v_A}{v_B} = \frac{1}{4}$$



۱۹

سوال ۱۹ گزینه درست: ۱

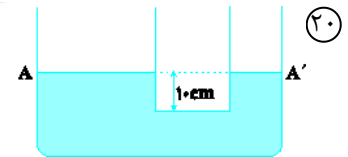
گزینه ۱

با توجه به معادله پیوستگی داریم:

$$A_A v_A = A_B v_B \xrightarrow{A_A > A_B} v_A < v_B$$

با توجه به این که سرعت آب در مقطع A کم‌تر از مقطع B است، مطابق اصل برنولی فشار در مقطع A بیش‌تر از مقطع B است:

$$v_A < v_B \xrightarrow{\text{اصل برنولی}} P_A > P_B$$



سوال ۲۰ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

با توجه به این که حجم آب جابه‌جا شده در دو شاخه یکسان است، داریم:

$$\Delta V = \Delta V \Rightarrow A \times x = A' \times x'$$

$$\overset{A=\pi r^2}{\rightarrow} r_2 \times x = r_2 \times x' \overset{r=3r}{\rightarrow} x' = 9x$$

بنابراین اگر آب در شاخه سمت چپ به اندازه x پایین بیاید در شاخه سمت راست به اندازه 9x بالا

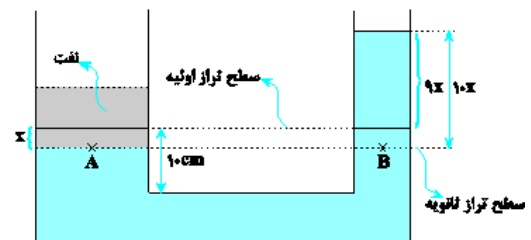
$$P_A = P_B$$

می‌رود.

$$\rho \times g \times h = \rho \times g \times 10 + x$$

$$\Rightarrow 0.8 \times 5 = 10 + x \Rightarrow x = 0.4 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow 9x = 3.6 \text{ cm} = \text{بالا آمدن آب در شاخه سمت راست}$$



۲۱

سوال ۲۱ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

فشار جسم جامد از رابطه  $P = \frac{F}{A}$  به دست می‌آید. نیروی F همان نیروی وزن جسم است که به سطح وارد می‌کند.

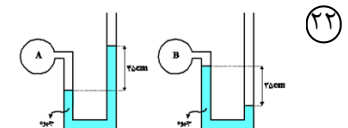
$$F = mg$$

$$\overset{m=\rho \cdot V}{\rightarrow} F = \rho V g = 8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \times \frac{10^{-3} \text{ kg}}{1 \text{ g}} \times 5 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\Rightarrow F = 320 \times 10^{-3} \text{ N}$$

با توجه به رابطه  $P = \frac{F}{A}$  چون نیروی F برای مکعب ثابت است، (برابر وزن آن است) بیشترین فشار وقتی است که مکعب از طرف کوچکترین سطح روی سطح افق قرار گیرد.

$$P = \frac{F}{A_{\min}} = \frac{320 \times 10^{-3} \text{ N}}{4 \times 2 \times 10^{-4} \text{ m}^2} = 4 \times 10^2 \text{ Pa}$$



سوال ۲۲ گزینه درست: ۴

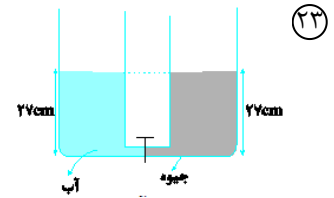
گزینه ۴

با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن، داریم:

$$(P_{\text{جز}})_A = P_0 + 45 = 75 + 45 \Rightarrow (P_{\text{جز}})_A = 120 \text{ cmHg}$$

$$(P_{\text{جز}})_B + 35 = P_0 \Rightarrow (P_{\text{جز}})_B = 75 - 35 = 40 \text{ cmHg}$$

$$\Rightarrow \frac{(P_{\text{جز}})_A}{(P_{\text{جز}})_B} = \frac{120}{40} = 3$$

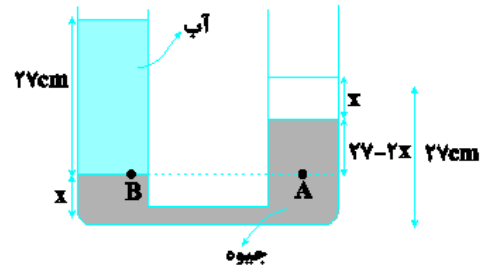


گزینه درست: ۳

سوال ۲۳

گزینه ۳

با باز شدن شیر ارتباطی، با توجه به این که چگالی جیوه بزرگتر از چگالی آب است جیوه در شاخه سمت راست پایین می‌آید و آب در شاخه سمت چپ بالا می‌رود. با توجه به این که سطح مقطع دو لوله یکسان است و حجم لوله ارتباطی ناچیز است، کاهش ارتفاع جیوه در لوله سمت راست برابر با افزایش ارتفاع جیوه در لوله سمت چپ است. اختلاف ارتفاع جیوه در دو شاخه برابر با  $27 - 2x$  است. با توجه به شکل با نوشتن رابطه فشار در نقاط هم‌تراز A و B داریم:



$$P_A = P_B \rightarrow \rho_{\text{آب}} g h_{\text{آب}} + P_0 = \rho_{\text{جیوه}} g h_{\text{جیوه}} + P_0$$

$$\rho_{\text{جیوه}} = 13.5 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

$$h_{\text{آب}} = 27 \text{ cm}, h_{\text{جیوه}} = 27 - 2x$$

$$1 \times 27 = 13.5 \times (27 - 2x) \Rightarrow 25 = 2x \Rightarrow x = 12.5 \text{ cm}$$

۲۴

گزینه درست: ۱

سوال ۲۴

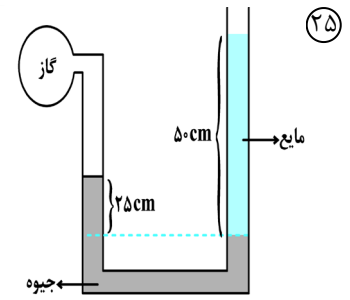
گزینه ۱

چون ظرف به صورت استوانه‌ای شکل است بنابراین در حالت اول نیروی وارد بر کف ظرف برابر با مجموع وزن دو مایع می‌باشد. در حالت دوم از آن جا که مجموع جرم دو مایع با حالت قبل تغییر نکرده است، بنابراین نیروی وارد بر کف استوانه در این حالت با حالت قبل برابر

است و لذا با توجه به رابطه  $P = \frac{F}{A}$  فشار در کف استوانه ثابت می‌ماند.



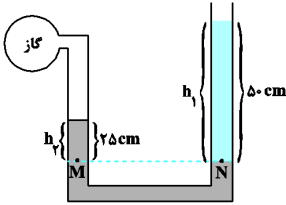




سوال ۲۵ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز یک مایع ساکن داریم:



$$P_M = P_N \frac{P_M = P_{\text{گاز}} + \rho_{\text{جیوه}} gh_2}{P_N = P_o + \rho_{\text{مایع}} gh_1} \rightarrow P_{\text{گاز}} = P_{\text{جیوه}} gh_2$$

$$= P_o + \rho_{\text{مایع}} gh_1$$

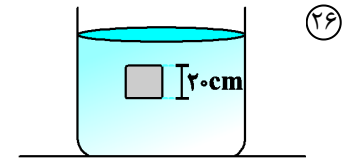
$$P_{\text{گاز}} = P_{\text{جیوه}} - P_o = -25 \text{ kPa} = -25 \times 10^3 \text{ Pa}, h_1 = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m}$$


---


$$P_{\text{جیوه}} = 13.6 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}, h_2 = 25 \text{ cm} = 25 \times 10^{-2} \text{ m}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

$$-25 \times 10^3 + 13600 \times 10 \times 25 \times 10^{-2} = \rho_{\text{مایع}} \times 10 \times 0.5$$

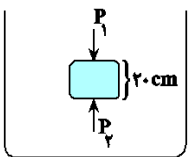
$$\Rightarrow 10^3 (-25 + 34) = \Delta \rho_{\text{جیوه}} \Rightarrow \rho_{\text{مایع}} = 1800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$



سوال ۲۶ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

فشار در یک مایع به عمق مایع بستگی دارد و اختلاف فشار در دو عمق مختلف متناسب با اختلاف دو عمق با یکدیگر است.



$$\Delta h = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$$

$$P_2 - P_1 = \rho g \Delta h \frac{P_2 = 1.05 \text{ kPa}, P_1 = 1.01 \text{ kPa}}{\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}$$

$$(1.05 - 1.01) \times 10^3 = \rho \times 10 \times 0.2 \Rightarrow \rho = 2000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 2000 \frac{\text{g}}{\text{L}}$$



# فصل سوم فیزیک دهم

## (پاسخنامه)

۱

گزینه درست: ۴

سوال ۱

گزینه «۴»

اختلاف انرژی مکانیکی جسم در لحظه رسیدن به زمین و لحظه پرتاب برابر با کار نیروی مقاومت هوا است. با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی کار نیروی مقاومت هوا است. با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:

$$W_f = E_f - E_i = (U_f + K_f) - (U_i + K_i) \xrightarrow{U_f=0, K_f=\frac{1}{2}mV_f^2}$$

$$\xrightarrow{U_i=mgh_i, K_i=\frac{1}{2}mV_i^2}$$

$$W_f = \frac{1}{2}m(V_f^2 - V_i^2) - mgh_i \xrightarrow{g=10 \frac{N}{kg}, V_f=18 \frac{m}{s}, V_i=10 \frac{m}{s}}$$

$$\xrightarrow{m=0.2kg, h_i=15m}$$

$$W_f = \frac{1}{2} \times 0.2 \times (18^2 - 10^2) - 0.2 \times 10 \times 15$$

$$\Rightarrow W_f = 22/4 - 3000 = -7/6J$$

۲

گزینه درست: ۲

سوال ۲

گزینه «۲»

با استفاده از رابطه انرژی جنبشی داریم:

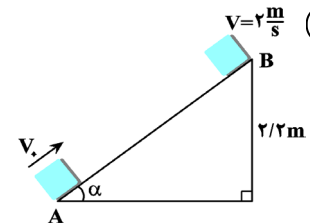
$$K = \frac{1}{2}mV^2 \xrightarrow{m=200kg, V=25 \frac{km}{s} = 25000 \frac{m}{s}}$$

$$\rightarrow K = \frac{1}{2} \times 200 \times (25000)^2$$

$$\Rightarrow K = 6/25 \times 10^8 J = 6/25 \times 10^2 MJ$$

نکته: بشوند مگا، معادل  $10^6$  است.

۳



گزینه درست: ۳

سوال ۳

حین بالا رفتن جسم روی سطح شیبدار دو نیروی اصطکاک و وزن بر روی جسم کار انجام می‌دهند. مطابق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$\Delta k = W_t \xrightarrow{W_t = W_{mg} + W_{fk}, K_f = \frac{1}{2}m, v_f^2, v_i = m/s, h = 2/2m}$$

$$\xrightarrow{W_{fk} = -\frac{K_i}{f}, W_{mg} = mgh, K_i = \frac{1}{2}mV_i^2, g = 10m/s^2}$$

$$\frac{1}{2}m \times v^2 - \frac{1}{2}mV_i^2 = -\frac{1}{f} \times \frac{1}{2}mV_i^2 - m \times 10 \times 2/2$$

$$\Rightarrow 24 = \frac{2}{8}V_i^2 \Rightarrow V_i^2 = 8 \times 8 \Rightarrow v = 8m/s$$



۴

گزینه درست: ۳

سوال ۴

گزینه «۳»

با توجه به رابطه انرژی جنبشی تغییرات آن برابر است با:

$$\Delta k = k_2 - k_1 \rightarrow \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = 25m/s - 18m/s$$

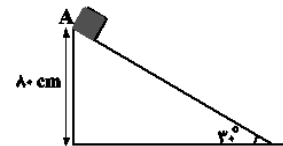
$$k_1 = \frac{1}{2}mv_1^2, m = 1000 \text{ kg}$$

$$\Delta k = \frac{1}{2} \times 1000 \times (25^2 - 18^2) = 500 \times 301 = 150500 \text{ J}$$

$$= 150500 \times 10^{-6} \text{ MJ}$$

نکته: هر مگاژول معادل  $10^6$  ژول است.

۵



گزینه درست: ۱

سوال ۵

گزینه «۱»

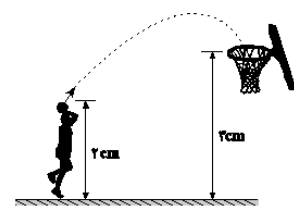
$$\text{وزن} = mgh = 0.5 \times 10 \times 0.4 = 2 \text{ J}$$

$$\Delta K = K_2 - K_1 = W_t \xrightarrow{k_1=0} W_t = K_2$$

$$\Rightarrow K_2 = \frac{1}{2}mu^2 = \frac{1}{2} \times 0.5 \times u^2 = \frac{9}{4} \Rightarrow W_t = \frac{9}{4}$$

$$W_t = W_g + W_f \Rightarrow 2/25 = 4 + W_f \Rightarrow W_f = -1/75 \text{ J}$$

۶



گزینه درست: ۴

سوال ۶

گزینه «۴»

$$W_t = W_g + W_f$$

$$W_t = mgh - \frac{1}{2}K$$

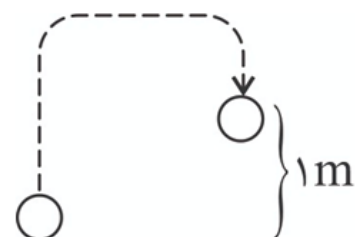
$$\Rightarrow W_t = -10 \cdot m - \frac{1}{2}K \xrightarrow{W_t = \Delta K}$$

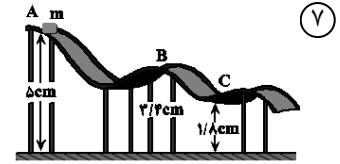
$$K_2 - K_1 = -10 \cdot m - \frac{1}{2}K_1 \Rightarrow K_2 = -10 \cdot m + \frac{1}{2}K_1$$

$$K_2 = \frac{1}{2}mu^2 = -10 \cdot m + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times m \times 1^2$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}mu^2 = -10 \cdot m + 25m = 15m \Rightarrow u^2 = 30$$

$$\Rightarrow u = \sqrt{30} \frac{m}{s}$$





گزینه درست: ۳

سوال ۷

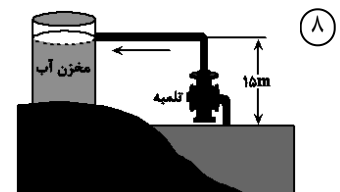
گزینه «۳»

$$u_c = 0 \rightarrow \begin{cases} h_c = 0 \\ h_B = 1/4m \\ h_A = 3/4m \end{cases}$$

$$E_A = E_B \rightarrow gh_A = \frac{1}{2}v_B^2 + gh_B \Rightarrow 32 = \frac{1}{2}v_B^2 + 16 \rightarrow v_B^2 = 32$$

$$E_A = E_C \rightarrow gh_A = \frac{1}{2}v_C^2 \rightarrow 32 = \frac{1}{2}v_C^2 \rightarrow v_C^2 = 64$$

$$\frac{v_C}{v_B} = \sqrt{\frac{64}{32}} = \sqrt{2}$$



گزینه درست: ۱

سوال ۸

گزینه «۱»

$$P_{in} = 5kw, m = 1200 \cdot kg$$

$$P_{out} = \frac{mgh}{t} = \frac{1200 \times 10 \times 15}{160} = 3000w = 3kw$$

$$\eta = \frac{3}{5} \times 100 = 60\%$$

سوال ۹

گزینه درست: ۱

سوال ۹

گزینه «۱»

تنها مورد «الف» صحیح است:

الف) اگر تندی حجم در یک مسیر ثابت باشد مطابق قضیه کار و انرژی جنبش کار برآیند نیروهای وارد بر آن جسم برابر صفر است.

$$w_t = \Delta k \xrightarrow{v=\text{ثابت}} w_t = 0$$

ب) هنگامی که یک جسم با تندی ثابت در حال حرکت است تنها انرژی جنبشی آن ثابت است اما انرژی پتانسیل آن می‌تواند افزایش یا کاهش یابد برای مثال هنگامی که حجم با تندی ثابت بالا می‌رود انرژی پتانسیل گرانشی آن افزایش و در نتیجه انرژی مکانیکی آن هم افزایش می‌یابد.

پ) چنانچه جسمی در حال حرکت باشد و نیروی خالص وارد بر آن برابر صفر باشد الزاماً تندی آن ثابت است اما عکس این قضیه صادق نیست برای مثال در حرکت دایره‌ای هنگامی که جسم با تندی ثابت در حال حرکت است اما نوع حرکت جسم شتاب‌دار و در نتیجه نیروی خالص وارد بر آن صفر نیست.

۱۰

سوال ۱۰

گزینه درست: ۴

گزینه « ۴ »

کار بالابر برابر با افزایش انرژی پتانسیل گرانشی وزن است. با رها شدن وزنه و با تبدیل انرژی پتانسیل گرانشی به انرژی جنبشی وزنه، انرژی جنبشی وزنه در لحظه رسیدن به زمین برابر با کار بالابر است.

$$K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \quad K_1=0, U_1=W_{\text{بالابر}}, U_2=0 \rightarrow W_{\text{بالابر}} = K_2$$

$$W_{\text{بالابر}} = \frac{1}{2}mv^2 \quad \begin{matrix} m=50 \text{ kg} \\ v=8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{matrix} \rightarrow W_{\text{بالابر}} = \frac{1}{2} \times 50 \times 8^2 = 1600 \text{ J}$$

$$\eta_{\text{بالابر}} = \frac{W_{\text{مفید}} \times 100}{W_{\text{بالابر}}} = \frac{1600}{2000} = 80 \quad \%$$

۱۱

سوال ۱۱

گزینه درست: ۴

گزینه « ۴ »

چون هواپیما به سمت بالا جابه‌جا شده است، بنابراین کار نیروی وزن منفی است و در نتیجه گزینه‌های (۱) و (۳) حذف شوند داریم:

$$W_{\text{mg}} = mgh \cos(180^\circ) = 60 \times 10^3 \times 10 \times 600 \times (-1)$$

$$\Rightarrow W_{\text{mg}} = -3/6 \times 10^8 \text{ J}$$

برای محاسبه تغییرات انرژی مکانیکی هواپیما داریم:

$$E = K + U \Rightarrow \Delta E = \Delta K + \Delta U \quad \xrightarrow{\Delta U = -W_{\text{mg}}}$$

$$\Rightarrow \Delta E = \frac{1}{2}m(V_2^2 - V_1^2) - W_{\text{mg}} \quad \xrightarrow{V_2=2V_1} \Delta E = \frac{1}{2}mV_1^2(4-1) - W_{\text{mg}}$$

$$\Delta E = \frac{3}{2} \times 60 \times 10^3 \times 80^2 - (-3/6 \times 10^8)$$

$$\Rightarrow \Delta E = 9/36 \times 10^8 \text{ J}$$

۱۲



سوال ۱۲

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

با توجه به قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$\Delta K = W_{\text{اصطکاک}} + W_{\text{وزن}} \Rightarrow \frac{1}{2}mV_2^2 - \frac{1}{2}mV_1^2 = W_{\text{اصطکاک}} + mgh$$

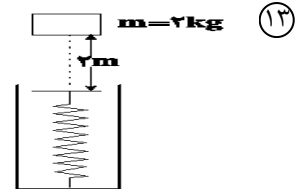
$$m=100 \text{ kg}, V_2=4/5 \frac{\text{m}}{\text{s}}, V_1=1/5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$g=10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, h=500 \text{ m}$$

$$\frac{1}{2} \times 100 \times (4/5^2 - 1/5^2) = W_{\text{اصطکاک}} + 100 \times 10 \times 500$$

$$\Rightarrow 50 \times 3 \times 6 = W_{\text{اصطکاک}} + 500000$$

$$\Rightarrow W_{\text{اصطکاک}} = -500000 + 900 = -499100 \text{ J} = -499/1 \text{ kJ}$$



سوال ۱۳ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

سطح پتانسیل صفر را انتهای سر فنر در حالتی که به بیشینه فشردگی رسیده در نظر می‌گیریم. با نوشتن قانون پایستگی انرژی بین دو نقطه A و B داریم:

$$E_A = E_B$$

$$mgh_A + \frac{1}{2}mv_A^2 = E_B$$

$$E_B = U_{\text{spring}} = 46 \text{ J}, v_A = \frac{m}{s}$$

$$m = 2 \text{ kg}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, h_A = 2 + x(\text{m})$$

$$2 \times 10 \times (2 + x) + \frac{1}{2} \times 2 \times 2^2 = 46$$

$$\Rightarrow x + 2 = 2/1 \Rightarrow x = 0/1 \text{ m} = 10 \text{ cm}$$

سوال ۱۴

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

$$= \frac{P}{P} \times 100 \Rightarrow P = \frac{P}{\sqrt{jpIM}} \times 100$$

بازده

$$\Rightarrow P = \frac{mgh}{t \sqrt{jpIM}} \times 100$$

$$\Rightarrow P = \frac{252 \times 10^2 \times 12 \times 10}{3600 \times 80} \times 100 = 10/5 \times 10^2 \text{ W} = 10/5 \text{ kW}$$

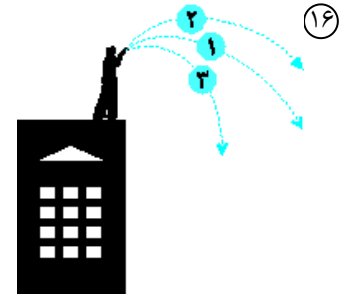
سوال ۱۵

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

چون جابه‌جایی در راستای محور X انجام شده است، کار نیروی  $F_y = 40 \text{ N}$  برابر با صفر است، زیرا  $F_y$  بر راستای جابه‌جایی عمود است.

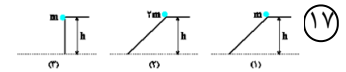
$$W = F_x \Delta x \Rightarrow W = 30 \times 6 = 180 \text{ J}$$



سوال ۱۶ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

کار نیروی وزن برای جرم یکسان، فقط به اختلاف ارتفاع نقطه شروع و نقطه پایان حرکت وابسته است و به مسیر حرکت بستگی ندارد. بنابراین گزینه «۱» صحیح می‌باشد.



سوال ۱۷ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

چون اتلاف انرژی نداریم، با استفاده از اصل پایستگی انرژی مکانیکی و در نظر گرفتن سطح افق به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی، داریم:

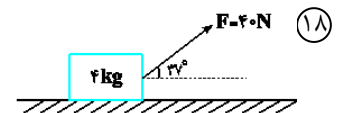
$$E = E' \Rightarrow K + U = K' + U'$$

$$\xrightarrow{K=0, U=0} U = K' \quad (1)$$

چون جرم‌های سه گلوله متفاوت است، بنابراین انرژی پتانسیل گرانشی آن‌ها در لحظه رها شدن نیز متفاوت خواهد بود و در نتیجه انرژی جنبشی آن‌ها در لحظه رسیدن به زمین نیز متفاوت خواهد بود. (نادرستی گزینه «۱»)

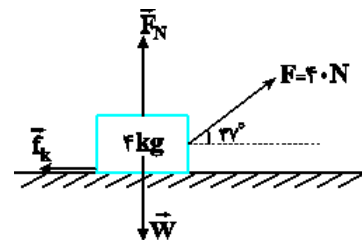
$$\xrightarrow{(1)} mgh = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow v = \sqrt{2gh}$$

چون سه گلوله از یک ارتفاع نسبت به سطح افق رها شده‌اند، بزرگی سرعت آن‌ها در لحظه رسیدن به زمین یکسان است. (درستی گزینه «۲») با توجه به تعریف تکانه  $(P = mv)$  و یکسان بودن بزرگی سرعت در لحظه رسیدن به زمین و متفاوت بودن جرم گلوله‌ها، تکانه گلوله‌ها نیز در لحظه رسیدن به زمین متفاوت خواهد بود. (نادرستی گزینه «۳»)



سوال ۱۸ گزینه درست: ۲

گزینه ۲



طبق قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_T = K_2 - K_1$$

$$\Rightarrow W_F + W_{f_k} + W_{mg} + W_{F_N} = K_2 - K_1$$

$$\Rightarrow Fd \cos 37^\circ + f_k d \cos(180^\circ) + 0 + 0 = \frac{1}{2}m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\Rightarrow (40 \times 1/6 \times 0/8) + (f_k \times 1/6 \times (-1)) = \frac{1}{2} \times 4 \times (4^2 - 0^2)$$

$$\Rightarrow f_k = 12N$$

دقت کنید چون نیروهای  $\vec{W}$  و  $\vec{F_N}$  بر جابه‌جایی افقی جسم عمود هستند، کار آن‌ها برابر صفر است.



۱۹

سوال ۱۹

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

راه اول: حداکثر ارتفاع گلوله از سطح زمین را در هر دو حالت به دست می‌آوریم:  
الف) با در نظر گرفتن مقاومت هوا

مقاومت هوا  $K = U + W$

$$K = \frac{1}{2}mv^2, U = mgh, v_1 = 30 \frac{m}{s}$$

$$\frac{K = \frac{1}{2}mv^2, U = mgh, v_1 = 30 \frac{m}{s}}{|W \text{ مقاومت هوا}| = 10 J, m = 20 \cdot g = 200 \text{ kg}, g = 10 \frac{N}{kg}}$$

$$\frac{1}{2} \times 200 \times 30^2 = 200 \times 10 \times h + 10 \Rightarrow h = 40 \text{ m}$$

ب) بدون در نظر گرفتن مقاومت هوا

$$K = U \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 = mgh \Rightarrow h = \frac{v^2}{2g}$$

$$\frac{v = 30 \frac{m}{s}}{g = 10 \frac{N}{kg}} \rightarrow h = \frac{900}{20} = 45 \text{ m}$$

بنابراین در صورتی که مقاومت هوا وجود نمی‌داشت، گلوله به اندازه  $h' - h = 5 \text{ m}$  بالاتر می‌رفت.  
راه دوم: اگر مقاومت هوا وجود نمی‌داشت در این صورت خواهیم داشت:

$$U' = U + 10 \Rightarrow mgh' = mgh + 10$$

$$\frac{m = 200 \cdot g = 200 \text{ kg}}{g = 10 \frac{N}{kg}} \rightarrow 200 \times 10 \cdot (h' - h) = 10 \Rightarrow h' - h = 5 \text{ m}$$

۲۰

سوال ۲۰

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

اگر سطح زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانش در نظر بگیریم انرژی مکانیکی گلوله در لحظه پرتاب از سطح زمین و لحظه برخورد گلوله با صخره برابر است با:

$$E_1 = K_1 + U_1 \xrightarrow{K_1 = \frac{1}{2}mv_1^2, U_1 = 0} E_1 = 3200 \text{ m}$$

$$v_1 = 80 \frac{m}{s}$$

$$E_2 = K_2 + U_2 \xrightarrow{U_2 = mgh, h = 236 \text{ m}, v_2 = 20 \frac{m}{s}} E_2 = 2560 \text{ m}$$

$$K_2 = \frac{1}{2}mv_2^2, g = 10 \frac{N}{kg}$$

$$E_2 = 200 \text{ m} + 2360 \text{ m} = 2560 \text{ m}$$

مقداری از انرژی که در این جابه‌جایی تلف شده است برابر با اختلاف انرژی مکانیکی از لحظه پرتاب تا لحظه برخورد به صخره است.

$$|W_f| = E_1 - E_2$$

بنابراین درصدی از انرژی جنبشی اولیه که در اثر مقاومت هوا تلف می‌شود برابر است با:

$$\frac{|W_f|}{E_1} \times 100 = \frac{(3200 - 2560)}{3200} \times 100 = \frac{640}{3200} \times 100 = 20 \text{ درصد}$$

۲۱

گزینه درست: ۴

سوال ۲۱

گزینه «۴»

کار نیروی وزن تنها به دو عامل وزن جسم و جابه‌جایی در راستای قائم بستگی دارد و به مسیر طی شده بستگی ندارد. اگر ارتفاع جسم از سطح زمین بیشتر شود کار نیروی وزن منفی و اگر جسم به سطح زمین نزدیک شود کار نیروی وزن مثبت است. با توجه به توضیحات داده شده در این سؤال داریم:

$$W_{mg} = -mg\Delta h \xrightarrow{h_1=1m, m=2kg} \xrightarrow{h_2=1/5m, g=10} \frac{N}{kg}$$

$$W_{mg} = -2 \times 10 \times (1/5 - 1) = -10 J$$

# فصل چهارم فیزیک دهم

## (پاسخنامه)

۱

سوال ۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با توجه به رابطه بین دما برحسب درجه فارنهایت و درجه سلسیوس داریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \xrightarrow{F=\Delta\theta} \Delta\theta = 1/8\theta + 32 \Rightarrow 3/2\theta = 32 \Rightarrow \theta = 10^\circ C$$

اکنون دما را بر حسب کلونین به دست می آوریم:

$$T = \theta + 273 \xrightarrow{\theta=10^\circ C} T = 283K$$

۲

سوال ۲ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با توجه به رابطه بین درجه فارنهایت و درجه سلسیوس داریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = \frac{9}{5}\Delta\theta$$

$$\frac{\Delta\theta=40-(-10)=50^\circ C}{\Delta F} \rightarrow \Delta F = \frac{9}{5} \times 50 = 90^\circ F$$

۳

سوال ۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با توجه به رابطه تعادل گرمایی داریم:

$$Q_{\text{آب}} + Q = 0 \xrightarrow{Q=mc\Delta\theta}$$

دمای تعادل  $\theta_c$

$$m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} (\theta_c - \theta_1) + m_{\text{آلومینیوم}} c_{\text{آلومینیوم}} (\theta_c - \theta_2) = 0$$

$$\theta_1 = 70^\circ C, \theta_2 = 20^\circ C, m_{\text{آب}} = 200g, c_{\text{آب}} = 4200 J/kg^\circ C$$

$$m_{\text{آلومینیوم}} = 120g, c_{\text{آلومینیوم}} = 900 J/kg^\circ C$$

$$200 \times 4200 \times (\theta_c - 70) = 120 \times 900 \times (\theta_c - 20)$$

$$\Rightarrow \frac{70 - \theta_c}{\theta_c - 20} = \frac{12 \times 9}{20 \times 42} = \frac{6}{70} \Rightarrow 4900 - 70\theta_c = 6\theta_c - 120$$

$$\Rightarrow \theta_c = \frac{5020}{76} \approx 66^\circ C \xrightarrow{T=\theta+273}$$

$$T = 600 + 273 = 339k$$

۴

سوال ۴ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

گرما از جسم با دمای بالاتر به جسم با دمای پایین تر انتقال می یابد تا هم دما شوند در این سؤال مس و فلز گرما از دست می دهند و آب گرما دریافت می کند. با توجه به رابطه گرمای دریافتی و از دست داده داریم:

$$C_{\text{آب}} \times \Delta\theta_{\text{آب}} = C_{\text{مس}} \times |\Delta\theta_{\text{مس}}| + C_{\text{فلز}} \times |\Delta\theta_{\text{فلز}}|$$

$$C_{\text{آب}} = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} = 0.52 \times 4200 \frac{J}{C}, \Delta\theta_{\text{آب}} = 20 - 15 = 5^\circ C$$

$$C_{\text{مس}} = m_{\text{مس}} c_{\text{مس}} = 0.1 \times 400 \frac{J}{C}, \Delta\theta_{\text{مس}} = 20 - 50 = -30^\circ C, \Delta\theta_{\text{فلز}} = 20 - 60 = -40^\circ C$$

$$0.52 \times 4200 \times 5 = 0.1 \times 400 \times 30 + 40 C_{\text{فلز}}$$

$$\Rightarrow C_{\text{فلز}} = \frac{10920 - 1200}{40} = 243 \frac{J}{C}$$

(۵)

گزینه درست: ۲

سوال ۵

گزینه «۲»

$$\Delta L = L_1 \cdot \theta \cdot \alpha$$

$$\Delta L_r - \Delta L_1 = L_r \theta \alpha_r - L_1 \theta \alpha_1$$

$$\xrightarrow{L_1=L_r} \Delta L_r - \Delta L_1 = L_1 \theta (\alpha_r - \alpha_1)$$

$$\Rightarrow 3 \times 10^{-2} = 0.5 \times \theta \times (1/8 \times 10^{-2} - 1/2 \times 10^{-2})$$

$$\Rightarrow \theta = 100^\circ \text{C}$$

(۶)

گزینه درست: ۲

سوال ۶

گزینه «۲»

$$\Delta V = \lambda / \nu \text{ cm}$$

$$\nu_1 = 10^7 \text{ cm}^{-1}$$

$$\Delta V = \nu_1 (3\alpha) \Delta T$$

$$\Delta T = 120 \text{ K}$$

$$\alpha = \frac{\lambda / \nu}{10^7 \times 3 \times 120} = 10^{-5} \times \frac{27}{12} = 2/25 \times 10^{-5}$$

(۷)

گزینه درست: ۴

سوال ۷

گزینه «۴»

$$4200 = c \quad 2100 = \frac{1}{2} C \quad 336000 = 80c$$

$$Q_1 + Q_2 + \dots = 0$$

$$\frac{1}{2} C \times (0 - 10) \times 1 + 80 \cdot C \times 1 + C \times 1 \times (\Delta - 0) + C \times m \times (\Delta - 20) = 0$$

$$\Rightarrow 5C + 80C + 5C - 15cm = 0$$

$$\Rightarrow 90C = 15cm \Rightarrow \boxed{m = 6}$$

(۸)

گزینه درست: ۴

سوال ۸

گزینه «۴»

$$Q_1 + Q_2 = 0$$

$$m \times 1900 \times 1/2 = 4/5 \times 10^4 \times 2m = 1 \text{ kg}$$

(۹)

گزینه درست: ۴

سوال ۹

گزینه «۴»

در برخی مواد مانند جیوه و قلع با کاهش دما، مقاومت ویژه در دمای خاصی به صورت ناگهانی به صفر افت می‌کند و در دماهای پایین‌تر، همچنان صفر می‌ماند. این پدیده ابر رسانایی نام دارد.

(۱۰)

گزینه درست: ۳

سوال ۱۰

گزینه «۳»

برای آنکه نیمی از آب یخ بزند، در ابتدا باید همه آب، به آب  $0^\circ \text{C}$  تبدیل شود و سپس نیمی از آن یخ بزند. لذا داریم:

$$Q = |mc\Delta\theta| + |m' L_F| \xrightarrow{m=2 \text{ kg}, c=4200, \Delta\theta=0-10=-10^\circ \text{C}}$$

$$m' = \frac{1}{2} m = 1 \text{ kg}, L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$Q = 2 \times 4/2 \times 10 + 1 \times 336 = 420 \text{ kJ}$$

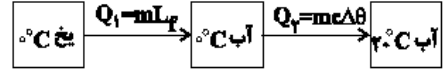
(۱۱)

سوال ۱۱ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

برای کوتاه شدن محاسبات گرمای نهان ذوب یخ را برحسب گرمای ویژه آب به دست می آوریم.

$$\left. \begin{aligned} L_f &= 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \\ C &= 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} = 4/2 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \end{aligned} \right\} \rightarrow L_f = 8 \cdot C$$



$$Q_{\text{یخ}} = Q_1 + Q_2 \xrightarrow[Q_1 = mc \Delta \theta, L_f = 8 \cdot C]{Q_1 = mL_f, \Delta \theta = 20 \cdot C}$$

$$Q_{\text{یخ}} = 8 \cdot mc + 2 \cdot mc = 10 \cdot mc$$

$\frac{Q_1}{Q_{\text{یخ}}} + 100 =$  درصد گرمایی که صرف ذوب شده یخ شده است.

$$\frac{8 \cdot mc}{mc} \times 100 = 80 \%$$

(۱۲)

سوال ۱۲ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

ابتدا دمای  $50 \cdot F$  را به درجه سلسیوس تبدیل می کنیم.

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow 50 = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \theta = 10 \cdot C$$

یخ صفر درجه سلسیوس ابتدا گرما گرفته تا به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شده و سپس آب صفر درجه سلسیوس با گرفتن گرما به آب

$10 \cdot C$  تبدیل می شود. داریم:

$$Q_{\text{یخ}} = Q_1 + Q_2 = mL_F + mc\Delta\theta$$

$$\Rightarrow Q_{\text{یخ}} = 20 \times 336 + 20 \times 4/2 \times 10 \Rightarrow Q_{\text{یخ}} = 7560 \text{ J}$$

(۱۳)

سوال ۱۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با توجه به رابطه انبساط طولی داریم:

$$\begin{aligned} L &= L_0 + L_0 \cdot \Delta\theta \Rightarrow L_{\text{فولاد}} - L_{\text{آلومینیوم}} \\ &= (L_0 \cdot \alpha_{\text{فولاد}} + L_0) - (L_0 \cdot \alpha_{\text{آلومینیوم}} + L_0) \\ &= L_0 \cdot \alpha_{\text{فولاد}} - L_0 \cdot \alpha_{\text{آلومینیوم}} = 4m\alpha_{\text{آلومینیوم}} = 23 \times 10^{-6} \text{ k}^{-1} \\ \Delta L &= L_{\text{آلومینیوم}} - L_{\text{فولاد}} = 2/3 \times 10^{-3} \text{ m} \alpha_{\text{فولاد}} = 11/5 \times 10^{-6} \text{ k}^{-1} \\ 2/3 \times 10^{-3} &= 4\Delta\theta(23 \times 10^{-6} - 11/5 \times 10^{-6}) \\ \Rightarrow \Delta\theta &= \frac{2/3 \times 10^{-3}}{4 \times 11/5 \times 10^{-6}} = \frac{2300}{4 \times 11/5} = 50 \cdot C \end{aligned}$$

(۱۴)

سوال ۱۴: گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

توجه به رابطه رسانش گرما در یک میله داریم:

$$\Delta A = A_1 (\alpha \Delta T) \quad \text{درصد}$$

$$\Rightarrow \text{درصد تغییرات مساحت} : \frac{\Delta A}{A_1} \times 100 = \frac{A_1 (\alpha \Delta T)}{A_1} \times 100$$

$$\Rightarrow 2\alpha \Delta T \times 100$$

$$\Rightarrow 2\alpha \Delta T \times 100 = 0.2 \Rightarrow \alpha \Delta T = 10^{-4}$$

حال طبق رابطه تقریبی تغییرات چگالی در اثر تغییر دما، داریم:

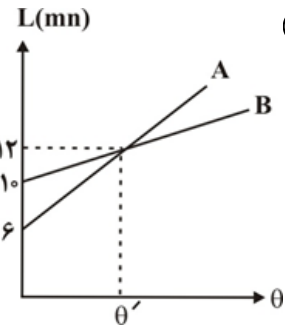
$$\Delta \rho = \rho_1 \beta \Delta T$$

$$\text{درصد تغییرات چگالی} = \frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times 100 = \frac{-\rho_1 \beta \Delta T}{\rho_1} \times 100$$

$$= -\beta \Delta T \times 100 \xrightarrow{\beta=3\alpha}$$

$$\frac{\Delta \rho}{\rho_1} \times 100 = -3\alpha \Delta T \times 100 = -3 \times (10^{-4}) \times 100 = -0.3$$

در نتیجه چگالی فلز به اندازه ۰/۳ درصد کاهش پیدا می کند.



(۱۵)

سوال ۱۵: گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه انبساط طولی، می توان نوشت:

$$\Delta L = \alpha L_1 \Delta T \Rightarrow \begin{cases} (12 - 6) = \alpha_A \times 6 \times (\theta' - 0) \Rightarrow \alpha_A \theta' = 1 \\ (12 - 10) = \alpha_B \times 10 \times (\theta' - 0) \Rightarrow \alpha_B \theta' = 0.2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{\alpha_A \theta'}{\alpha_B \theta'} = \frac{1}{0.2} \Rightarrow \frac{\alpha_A}{\alpha_B} = 5$$

(۱۶)

سوال ۱۶: گزینه درست: ۴

گزینه ۴

چون اتلاف گرما ناچیز است گرمایی که فلز از دست می دهد برابر با گرمایی است که آب دریافت می کند. با نوشتن رابطه گرما برای آب و فلز

$$\text{داریم:} \quad Q_{\text{آب}} = Q_{\text{فلز}}$$

$$\text{فلز } \Delta \theta \text{ فلز } c \text{ فلز } = m \text{ آب } |\Delta \theta| \text{ آب } c \text{ آب } = m$$

$$m_{\text{آب}} = 800 \text{ g}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}}, m_{\text{فلز}} = 420 \text{ g}$$

$$c_{\text{فلز}} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}}, \Delta \theta_{\text{آب}} = \theta_e - 0, \Delta \theta_{\text{فلز}} = 84 - \theta_e$$

$$800 \times 4200 \times \theta_e = 420 \times 400 \times (84 - \theta_e)$$

$$\Rightarrow 20 \theta_e = 84 - \theta_e \Rightarrow \theta_e = \frac{84}{21} = 4^\circ \text{C}$$

(۱۷)

سوال ۱۷: گزینه درست: ۳

گزینه ۳



سوال ۱۸ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

با توجه به رابطه رسانش گرمایی داریم:

$$H = KA \frac{\Delta\theta}{\Delta x} \xrightarrow[Q=mL_f]{Q=Ht} KA \frac{\Delta\theta}{\Delta x} \times t = mL_f$$

$$K = 82 \frac{W}{m.K}, A = 5cm^2 = 5 \times 10^{-4} m^2, \Delta\theta = 100 - 0 = 100^\circ C$$

$$L_f = 336000 \frac{J}{kg}, \Delta x = 41 cm = 0.41 m, t = 28 min = 28 \times 60 s$$

$$82 \times 5 \times 10^{-4} \times \frac{100}{0.41} \times 28 \times 60 = 336000 \times m$$

$$m = \frac{2 \times 5 \times 10^{-4} \times 28 \times 60}{336000} kg = \frac{600}{336000} kg = \frac{1}{560} kg = 0.5 g$$

(۱۹)

سوال ۱۹ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

$$F = 1/8\theta + 32 \xrightarrow{F=122^\circ F} 122 = 1/8\theta + 32 \Rightarrow \theta = 50^\circ C$$

$$T = \theta + 273 \xrightarrow{\theta=50^\circ C} T = 323K$$

(۲۰)

سوال ۲۰ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

مطابق رابطه گرمای داده شده به جسم داریم:

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{m_A c_A \Delta\theta_A}{m_B c_B \Delta\theta_B}$$

$$\xrightarrow{m=\rho V} \frac{Q_A}{Q_B} = \frac{\rho_A V_A c_A \Delta\theta_A}{\rho_B V_B c_B \Delta\theta_B}$$

$$\frac{Q_A=Q_B, c_A=c_B}{V_A=V_B, \rho_A=\rho_B} \rightarrow 1 = \frac{4\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} \Rightarrow \frac{\Delta\theta_A}{\Delta\theta_B} = \frac{1}{4}$$

(۲۱)

سوال ۲۱ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

با توجه به رابطه تبدیل درجه سلسیوس به درجه فارنهایت تغییر دما را بر حسب درجه سلسیوس به دست می آوریم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \Rightarrow \Delta F = 1/8\Delta\theta$$

$$\xrightarrow{\Delta F=9^\circ F} \Delta\theta = \frac{9}{1/8} = 5^\circ C$$

اکنون با استفاده از رابطه گرما و گرمای ویژه، گرمای داده شده به آب را به دست می آوریم:

$$Q = mc\Delta\theta \xrightarrow{m=1 kg} \xrightarrow{c=4200 \frac{J}{kg^\circ C}, \Delta\theta=5^\circ C}$$

$$Q = 1 \times 4200 \times 5 = 21000 J = 21 kJ$$





(۲۲)

سوال ۲۲ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

آب  $20^{\circ}\text{C}$  گرما از دست می‌دهد تا به آب صفر درجه سلسیوس تبدیل شود. گرمایی که آب از دست می‌دهد صرف ذوب شدن بخشی از یخ می‌شود. از آن جایی که  $\frac{1}{3}$  جرم قطعه یخ در ظرف باقی می‌ماند بنابراین  $\frac{2}{3}$  جرم یخ ذوب شده است.

$$m c \Delta\theta = m'_{gA} L_f \Rightarrow 800 \times 4200 \times 20 = m'_{gA} \times 336000$$

$$\Rightarrow m'_{gA} = 200 \text{ g} \xrightarrow{m'_{gA} = \frac{2m}{3}} m_{gA} = 300 \text{ g}$$

(۲۳)

سوال ۲۳ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

گرمای لازم برای تبدیل  $200 \text{ g}$  یخ  $-10^{\circ}\text{C}$  به  $200 \text{ g}$  یخ صفر درجه سلسیوس برابر است با:

$$Q_1 = m_{\text{یخ}} C_{\text{یخ}} \Delta\theta \Rightarrow 0.2 \times 2100 \times 10 = 4200 \text{ J}$$

زمان لازم برای دادن این مقدار گرما به یخ برابر است با:

$$Q_1 = P t_1 \Rightarrow 4200 = 210 \times t_1 \Rightarrow t_1 = 20 \text{ s}$$

گرمای لازم برای ذوب یخ برابر است با:

$$Q_2 = m L_F \Rightarrow P t_2 = m L_F \Rightarrow 210 t_2 = 0.2 \times 33600 \times 10^3 \Rightarrow t_2 = 320 \text{ s}$$

و زمان لازم برای رساندن دمای آب صفر درجه سلسیوس به آب  $10^{\circ}\text{C}$  برابر است با:

$$Q_3 = m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta_{\text{آب}} \Rightarrow 210 t_3 = 0.2 \times 4200 \times 10 \Rightarrow t_3 = 40 \text{ s}$$

(۲۴)

سوال ۲۴ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

۹۰ درصد گرمایی که آب از دست می‌دهد برابر با گرمایی است که یخ دریافت می‌کند. با توجه به رابطه گرمای ویژه آب و نهران ذوب داریم:

$$\frac{9}{10} \times m_{\text{آب}} c_{\text{آب}} \Delta\theta_{\text{آب}} = m_{\text{یخ}} L_f \xrightarrow{\begin{matrix} m_{\text{آب}} = 800 \text{ g}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^{\circ}\text{C}} \\ L_f = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}, \Delta\theta_{\text{آب}} = 50^{\circ}\text{C} \end{matrix}}$$

$$\frac{9}{10} \times 800 \times 4200 \times 50 = m_{\text{یخ}} \times 336000$$

$$\Rightarrow m_{\text{یخ}} = \frac{0.9 \times 800 \times 50}{3.36} = 450 \text{ g}$$

(۲۵)

سوال ۲۵ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

ضریب انبساط سطحی یک جسم دو برابر ضریب انبساط طولی آن است. با توجه به رابطه تغییر سطح با دما داریم:

$$\Delta A = A_1 2\alpha \Delta T \xrightarrow{\begin{matrix} A_1 = 50 \text{ cm}^2 \\ \Delta T = 80^{\circ}\text{C}, \alpha = 2/3 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1} \end{matrix}}$$

$$\Delta A = 50 \times 2 \times 2/3 \times 10^{-5} \times 80 = 0.184 \text{ cm}^2$$

چون دمای جسم افزایش یافته بنابراین مساحت حفره نیز افزایش می‌یابد.

$$A_2 = A_1 + \Delta A = 50 + 0.184 = 50.184 \text{ cm}^2$$

(۲۶)

سوال ۲۶: گزینه درست: ۳

گزینه ۳

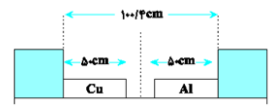
با استفاده از رابطه تغییرات چگالی با دما، داریم:

$$\rho_r = \rho_1 (1 - \beta \Delta T) \Rightarrow \rho_r - \rho_1 = -\rho_1 \beta \Delta T$$

$$\Rightarrow \rho_r - \rho_1 = -\frac{m}{V_1} \beta \Delta T = -\frac{44 \times 10^{-3}}{\frac{4}{3} \times 3 \times (10^{-2})^3} \times (3 \times 3 \times 10^{-5}) \times 100$$

$$\Rightarrow \rho_r - \rho_1 = -99 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

(۲۷)



سوال ۲۷: گزینه درست: ۴

گزینه ۴

مطابق رابطه تغییرات طول با دما برای میله‌های آلومینیومی و مسی داریم:

$$\Delta l_{Al} = \alpha_{Al} L_{Al} \Delta \theta \quad (1)$$

$$\Delta l_{Cu} = \alpha_{Cu} L_{Cu} \Delta \theta \quad (2)$$

فاصله انتهایی دو میله از یکدیگر برابر است با:

$$d = 100/4 - (50 + 50) = 0/4 \text{ cm}$$

مجموع افزایش طول دو میله برابر با فاصله اولیه انتهایی دو میله است.

$$\Delta l_{Al} + \Delta l_{Cu} = 0/4 \xrightarrow{\substack{(1), (2) \\ l_{Al} = l_{Cu} = 50 \text{ cm}}}$$

$$\alpha_{Cu} = 1/7 \times 10^{-5} \frac{1}{K}, \alpha_{Al} = 2/3 \times 10^{-5} \frac{1}{K}$$

$$50 \times \Delta \theta (2/3 \times 10^{-5} + 1/7 \times 10^{-5}) = 0/4$$

$$\Rightarrow \Delta \theta = \frac{0/4}{200 \times 10^{-5}} = 200 \text{ K}$$

بهتر است در صورت سؤال گفته می‌شد، دمای دو میله حداقل چند کلون افزایش یابد تا دو میله به یکدیگر برسند زیرا به‌ازای افزایش دمای بالاتر از ۲۰۰ K نیز دو میله به یکدیگر می‌رسند.

(۲۸)

سوال ۲۸: گزینه درست: ۱

گزینه ۱

مطابق رابطه افزایش طول با دما داریم:

$$\Delta l = l \cdot \alpha \Delta \theta \xrightarrow{\substack{\frac{\Delta l}{l} = 0/06 \times 10^{-2} \\ \Delta \theta = 50^\circ \text{ C}}} \alpha = \frac{0/06 \times 10^{-2}}{50}$$

$$\Rightarrow \alpha = 1/2 \times 10^{-5} \frac{1}{K}$$

(۲۹)

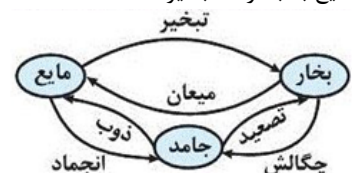
سوال ۲۹: گزینه درست: ۴

گزینه ۴

بخار به مایع ← میعان

جامد به بخار ← تصعید

مایع به بخار ← تبخیر



(۳۰)

سوال ۳۰

گزینه درست: ۲

گزینه ۳

با افزایش فشار دمای نقطه جوش افزایش و دمای نقطه انجماد کاهش می‌یابد.

(۳۱)

سوال ۳۱

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

گرمایی که مس از دست می‌دهد تا به دمای  $100^\circ\text{C}$  برسد برابر با مقدار گرمای لازم برای تبخیر  $5\text{g}$  آب در دمای  $100^\circ\text{C}$  است تا تبدیل به بخار آب  $100^\circ\text{C}$  شود.

$$m'L_v = m\text{مس}c\Delta\theta$$

$$m\text{مس} = 282\text{g}, m' = 5\text{g}, L_v = 2256 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = 2256 \times 10^3 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$$

$$c\text{مس} = 400 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$$

$$\Rightarrow 282 \times 400 \times (\theta - 100) = 5 \times 2256 \times 10^3 \Rightarrow \theta = 200^\circ\text{C}$$

(۳۲)

سوال ۳۲

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

ابتدا تغییر دما را برحسب درجه سلسیوس به دست می‌آوریم:

$$\Delta F = 1/8 \Delta\theta \xrightarrow{\Delta F = 122 - (-58) = 180^\circ\text{F}} \Delta\theta = \frac{180}{1/8} = 100^\circ\text{C}$$

$$\Delta L = L \cdot \alpha \Delta\theta \xrightarrow{L = 1158\text{m}, \alpha = 1/3 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{K}}, \Delta\theta = 100^\circ\text{C}}$$

$$\Delta L = 1158 \times 1/3 \times 10^{-5} \times 100 = 1/5 \cdot \Delta m \cong 1/5 \Delta m$$

اکنون با توجه به رابطه انبساط طولی، افزایش طول پل را به دست می‌آوریم:

(۳۳)

سوال ۳۳

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

در هر مرحله گرمای داده شده را به دست می‌آوریم و با هم جمع می‌کنیم:

$$[-10^\circ\text{C}_{\text{س}}] \xrightarrow{Q_1} [0^\circ\text{C}_{\text{س}}] \xrightarrow{Q_2} [0^\circ\text{C}_{\text{ج}}] \xrightarrow{Q_3} [10^\circ\text{C}_{\text{ج}}]$$

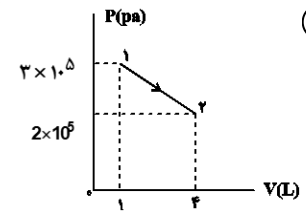
$$Q_t = Q_1 + Q_2 + Q_3 \xrightarrow{Q_1 = mC_{\text{س}}\Delta\theta_{\text{س}}, Q_2 = mL_F, C_{\text{س}} = \frac{1}{2}C_{\text{ج}}, Q_3 = mC_{\text{ج}}\Delta\theta_{\text{ج}}, L_F = 80^\circ\text{C}_{\text{ج}}}$$

$$Q_t = mC_{\text{ج}} \left( \frac{\Delta\theta_{\text{س}}}{2} + 80 + \Delta\theta_{\text{ج}} \right) \xrightarrow{\Delta\theta_{\text{س}} = \Delta\theta_{\text{ج}} = 10^\circ\text{C}, m = 0.5\text{kg}, C_{\text{ج}} = 4/2 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}^\circ\text{C}}}$$

$$Q_t = 0.5 \times 4/2 \left( \frac{10}{2} + 80 + 10 \right) = 2/1 \times 95 = 199/5 \text{kJ}$$

# ضمیمه ریاضی دهم

## (پاسخنامه)



سوال ۶

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

گزینه «۲»

با توجه به این که برای مقدار یعنی گاز کامل، انرژی درونی با دمای مطلق گاز رابطه مستقیم دارد، می توان نوشت:

$$U \propto T \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \frac{T_2}{T_1} \xrightarrow{T \propto PV} \frac{U_2}{U_1} = \frac{P_2}{P_1} \times \frac{V_2}{V_1}$$

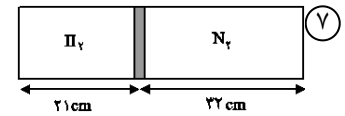
$$\Rightarrow \frac{U_2}{750} = \frac{2 \times 10^5}{3 \times 10^5} \times \frac{4}{1} \Rightarrow U_2 = 2000 \text{ J}$$

اندازه کار انجام شده توسط محیط روی گاز برابر با مساحت بین نمودار P-V و محور حجم است:

$$|W| = S = \frac{3 \times 10^5 + 2 \times 10^5}{2} \times (4 - 1) \times 10^{-3} = 50 \text{ J} \xrightarrow{\text{فرایند انبساطی}} W = -750 \text{ J}$$

حال با استفاده از قانون اول ترمودینامیک داریم:

$$\Delta U = Q + W \Rightarrow 2000 - 750 = \cos + (-750) \Rightarrow \theta = 2000 \text{ J}$$



سوال ۷

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

گزینه «۴»

چون پیستون با اصطکاک ناچیز در حال تعادل است، بنابراین فشار در دو طرف آن یکسان است. در نتیجه:

$$P_{H_2} = P_{N_2} \Rightarrow \frac{n_{H_2} T_{H_2}}{V_{H_2}} = \frac{n_{N_2} T_{N_2}}{V_{N_2}} \xrightarrow{n = \frac{m}{M}}$$

$$\frac{m_{H_2} T_{H_2}}{M_{H_2} h_{H_2}} = \frac{m_{N_2} T_{N_2}}{M_{N_2} h_{N_2}}$$

$$\Rightarrow \frac{m_{H_2} \times (273 + 27)}{2 \times 21} = \frac{m_{N_2} \times (273 + 47)}{28 \times 22} \Rightarrow \frac{m_{N_2}}{m_{H_2}} = 20$$

۸

گزینه درست: ۲

سوال ۸

گزینه «۲»

با توجه به نمودار فشار بر حسب حجم گاز در فرآیند هم دما، هنگامی که فشار را کاهش می دهیم حجم گاز افزایش پیدا می کند. بنابراین کلمه تغییر در این حالت به معنای افزایش است با توجه به معادله حاکم بر گازهای کامل داریم:



$$P_2 = 0.7P_1$$

$$V_2 = V_1 + 6 \times 10^{-3}$$

در حالت اول:  $PV = nRT$  (۱)

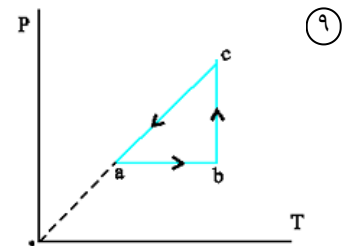
در حالت دوم:  $0.7P(V + 6 \times 10^{-3}) = nRT$  (۲)

از تقسیم معادله (۲) بر معادله (۱) داریم:

$$\frac{0.7P(V + 6 \times 10^{-3})}{PV} = 1 \Rightarrow 0.7(V + 6 \times 10^{-3}) = V$$

$$\Rightarrow 0.7V = 4/2 \times 10^{-3} \Rightarrow V = \frac{4/2}{0.7} \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow V = 14 \times 10^{-3} \text{ m}^3 = 14 \text{ L}$$

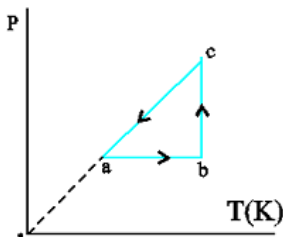


گزینه درست: ۳

سوال ۹

گزینه «۳»

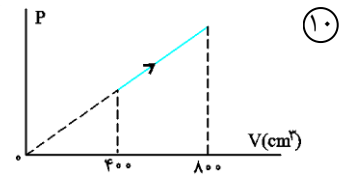
چون امتداد فرایند ca از مبدأ مختصات دستگاه P-T گذشته است، بنابراین طبق رابطه  $P = \frac{nR}{V}T$ ، فرایند ca فرایندی هم جسم است. فرایند ab، فرایندی هم فشار و فرایند bc، فرایندی هم دما است. در یک چرخه، تغییرات انرژی درونی برابر با صفر است:



$$\Delta U_{\text{چرخه}} = \Delta U_{ab} + \Delta U_{bc} + \Delta U_{ca} = 0$$

$$\xrightarrow{\text{هم دما } bc} (Q_{ab} + W_{ab}) + 0 + (Q_{bc} + 0) = 0$$

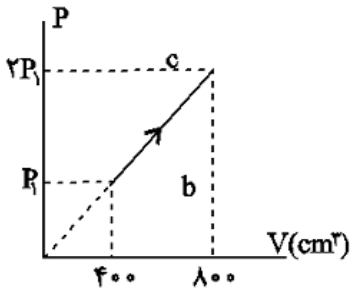
$$\Rightarrow \Delta U_{ab} = +300 \text{ J}$$



سوال ۱۰: گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

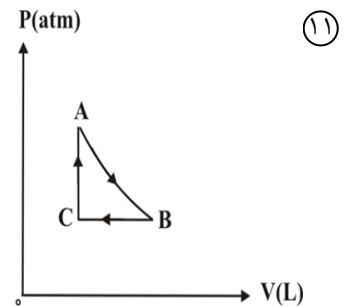
چون امتداد فرایند از مبدأ مختصات گذشته است، بنابراین بین حجم و فشار رابطه خطی برقرار است. بنابراین با دو برابر شدن حجم گاز، فشار گاز نیز دو برابر خواهد شد.



با استفاده از معادله حالت گازهای کامل، داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1 \times 400}{(273 - 23)} = \frac{2P_1 \times 800}{T_2} \Rightarrow T_2 = 1000 \text{ K}$$

$$\theta_2 = T_2 - 273 = 1000 - 273 \Rightarrow \theta_2 = 727 \text{ }^\circ\text{C}$$



سوال ۱۱: گزینه درست: ۳

گزینه «۱»

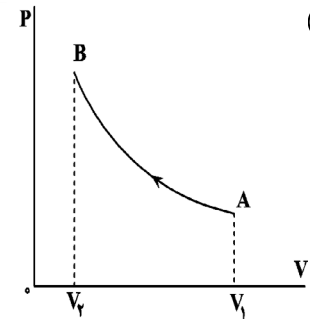
تغییرات انرژی درونی گاز طی هر چرخه برابر با صفر است. بنابراین:

$$\Delta U_{\text{چرخه}} = 0 \Rightarrow \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = 0$$

$$\begin{aligned} \xrightarrow{\substack{\Delta U_{AB} = 0 \\ \text{فرایند AB هم دما است}}} & 0 + Q_{BC} + W_{BC} + 200 = 0 \\ \xrightarrow{\substack{\Delta U = Q + W, \Delta U_{CA} = 200 \text{ J} \\ \text{فرایند BC انقباضی است} \\ W_{BC} = 400 \text{ J}}} & Q_{BC} + 400 + 200 = 0 \\ & \Rightarrow Q_{BC} = -600 \text{ J} \end{aligned}$$

بنابراین گاز طی فرآیند BC، ۶۰۰ ژول گرما از دست می دهد.



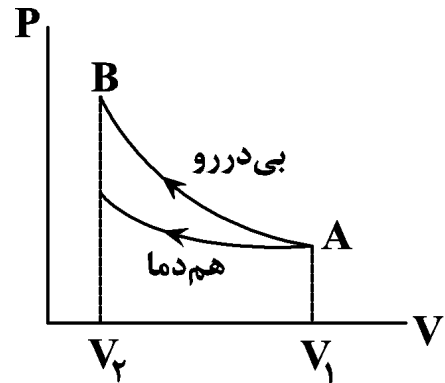


۱۲

سوال ۱۲

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»



طی یک فرایند بی دررو، گرمایی با محیط مبادله نمی‌شود و به ازاء یک تغییر حجم معین، اندازه تغییرات فشار در فرایند بی دررو بیش‌تر از فرایند هم‌دما است. با این توضیحات به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

الف) درست. چون دمای گاز افزایش یافته است، پس انرژی درونی گاز افزایش می‌یابد.

ب) نادرست

پ) نادرست

ت) نادرست. در فرایند بی دررو، گرمایی مبادله نمی‌شود.

ث) درست. طبق قانون اول ترمودینامیک برای یک فرایند بی دررو، داریم:

$$\Delta U = Q + W \xrightarrow{Q_{\text{دررو}} = 0} \Delta U = W$$

۱۳

سوال ۱۳

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با استفاده از تعریف فشار پیمانه‌ای داریم:

$$P_1 - P_2 = 5 \times 10^4 \xrightarrow{P_2 = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}} P_1 = 1/5 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$P_2 - P_1 = 10 \times 10^4 \xrightarrow{P_1 = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}} P_2 = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$$

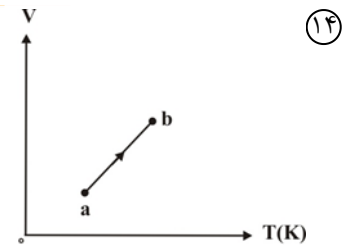
حال با استفاده از معادله حالت گازهای کامل داریم:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1/5 \times 10^5 \times V_1}{T_1} = \frac{2 \times 10^5 \times 2V_1}{T_2} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{8}{3}$$

انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل با دمای مطلق گاز رابطه مستقیم دارد. بنابراین:

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{U_2}{600} = \frac{8}{3} \Rightarrow U_2 = 1600 \text{ J}$$

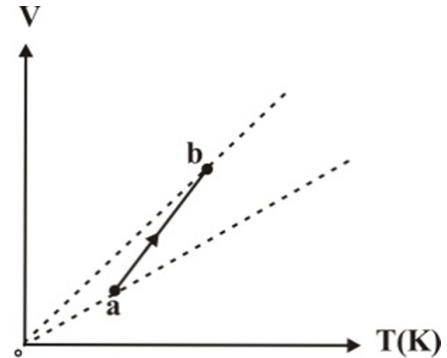




سوال ۱۴

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»



طبق معادله حالت گازهای کامل، شیب نمودار  $V-T$  با فشار رابطه معکوس دارد  $(V = \frac{nR}{P}T)$  پس گاز از فشار بیشتر به فشار کمتر رفته است.

چون دمای گاز افزایش یافته و  $\Delta V \propto \Delta T$  است پس انرژی درونی گاز نیز افزایش یافته و چون حجم گاز افزایش پیدا کرده پس علامت کار انجام شده روی آن منفی است. طبق قانون اول ترمودینامیک  $(\Delta U = Q + W)$ ، چون  $\Delta U$  مثبت و  $W$  منفی است.  $Q$  لزوماً مثبت است و گاز گرما گرفته است.

(۱۵)

سوال ۱۵

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

ابتدا حجم گاز را در پایان فرآیند هم فشار محاسبه می‌کنیم، داریم:

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \quad \frac{V_1=2L, T_1=320K}{T_2=360K} \rightarrow \frac{2}{320} = \frac{V_2}{360} \Rightarrow V_2 = 2/25L$$

حال فشار نهایی گاز را در پایان فرآیند هم دما به دست می‌آوریم:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \quad \frac{P_1=P_1=2 \times 10^5 Pa, V_1=2/25L}{V_2=0/8 \times 2/5=1/8L} \rightarrow$$

$$2 \times 10^5 \times 2/25 = P_2 \times 1/8$$

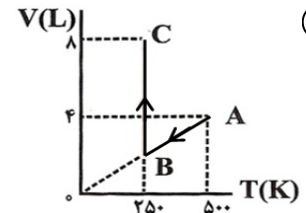
راه حل کوتاه‌تر:

$$\Rightarrow P_2 = 2/5 \times 10^5 Pa$$

بدون محاسبه  $V_2$  با توجه به اینکه در فرآیند هم فشار، فشار جسم تغییری نمی‌کند، برای فرآیند هم دما می‌توان نوشت:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \quad \frac{P_1=P_1=2 \times 10^5}{V_2=0/8 V_1} \rightarrow 2 \times 10^5 V_1 = P_2 \times 0/8 V_1$$

$$\Rightarrow P_2 = 2/5 \times 10^5 Pa$$



۱۶

گزینه درست: ۳

سوال ۱۶

گزینه «۳»

در نمودار V-T هرگاه امتداد نمودار یک فرآیند از مبدأ آن عبور کند با توجه به رابطه  $V = \frac{nR}{P} T$  در می‌یابیم که این فرآیند یک فرآیند هم فشار است چون امتداد فرآیند AB از مبدأ نمودار V-T عبور می‌کند پس فرآیند AB فرآیندی هم فشار است و چون در این فرآیند دما کاهش پیدا کرده است در نتیجه حجم آن نیز کاهش می‌یابد چون دما و حجم رابطه خطی با یکدیگر دارند. پس در نمودار P-V فرآیند AB یک خط افقی و حجم در آن در حال کاهش است (رد گزینه «۱») حال با داشتن حجم و دمای نقطه A در نمودار V-T فشار آن را می‌یابیم.

$$P_A V_A = nRT_A \quad \frac{V_A = 4L = 4 \times 10^{-3} \text{ m}^3}{T_A = 500 \text{ K}, n = 0.4 \text{ mol}}$$

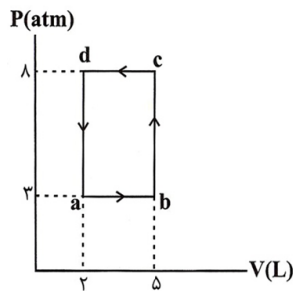
$$P_A = \frac{0.4 \times 8 \times 500}{4 \times 10^{-3}} = 4 \times 10^5 \text{ Pa}$$

فرآیند BC یک فرآیند هم دما است که نمودار P-V آن به صورت یک نمودار هموگرافیک است (رد گزینه «۴») با افزایش حجم فشار آن کاهش می‌یابد حال برای یافتن فشار نقطه C با استفاده از اطلاعات نقطه C بر روی نمودار V-T داریم:

$$P_C V_C = nRT_C \Rightarrow P_C \times 8 \times 10^{-3} = 0.4 \times 8 \times 250 \Rightarrow P_C = 10^5 \text{ Pa}$$

لذا نمودار گزینه «۳» مربوط به نمودار V-T صورت سؤال است.

۱۷



گزینه درست: ۳

سوال ۱۷

گزینه «۳»

طبق معادله حالت گازهای آرمانی، دمای مطلق گاز با حاصل ضرب فشار در حجم متناسب است. بنابراین بیش‌تری دمای گاز در حالت c و کمترین دمای آن در حالت a است، داریم:

$$T = \frac{PV}{nR} \Rightarrow T_c - T_a = \frac{P_c V_c}{nR} - \frac{P_a V_a}{nR}$$

$$\Rightarrow \Delta T = \frac{(8 \times 10^5 \times 5 \times 10^{-3}) - (3 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3})}{0.5 \times 8}$$

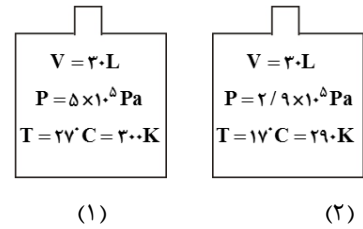
$$\Rightarrow \Delta T = 85 \text{ K} = 85 \text{ } ^\circ\text{C}$$

۱۸

سوال ۱۸ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

مطابق شکل زیر جرم گاز درون هر مخزن را در دو حالت به دست می‌آوریم:



$$PV = nRT \xrightarrow{n = \frac{m}{M_{O_2}}} PV = \frac{m}{M_{O_2}} RT$$

$$5 \times 10^5 \times 20 \times 10^{-3} = \frac{m_1}{32} \times 8 \times 300 \Rightarrow m_1 = 200 \text{ g}$$

$$2/9 \times 10^5 \times 30 \times 10^{-3} = \frac{m_2}{32} \times 8 \times 290 \Rightarrow m_2 = 120 \text{ g}$$

پس کاهش جرم مخزن برابر است با:

$$\Delta m = m_2 - m_1 = 120 - 200 = -80 \text{ g}$$

۱۹

سوال ۱۹ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با استفاده از قانون گازهای کامل، می‌توان نوشت:

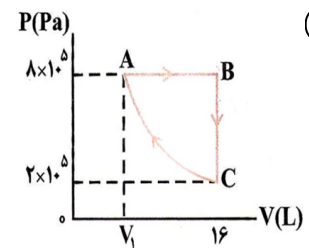
$$PV = nRT \Rightarrow P \Delta V = nR \Delta T \Rightarrow 1/5 \times 10^5 \times (-4 \times 10^{-3}) = 3 \times 8 \times \Delta T \Rightarrow \Delta T = -25 \text{ K} = 25^\circ \text{ C}$$

۲۰

سوال ۲۰ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

چون در مخلوط آب و یخ قرار دارد. بنابراین فرایند که هوای درون سرنگ طی می‌کند. یک فرایند هم دما است. نمودار فشار \_ حجم یک فرآیند هم دما مطابق نمودار گزینه «۳» است.



۲۱

سوال ۲۱ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

تغییرات انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل طی یک چرخه کامل برابر با صفر است بنابراین:

$$\Delta U_{ABCD} = 0 \Rightarrow \Delta U_{ABC} + \Delta U_{CA} = 0$$

فرایند هم دما است. CA

$$\Delta U_{CA} = 0 \Rightarrow \Delta U_{ABC} = 0$$

$$\Rightarrow Q_{ABC} + W_{ABC} = 0 \Rightarrow Q_{ABC} + W_{AB} + W_{BC} = 0$$

فرایند هم حجم است. AB

$$Q_{ABC} = P_A (V_B - V_A) = P_A V_B - P_A V_A$$

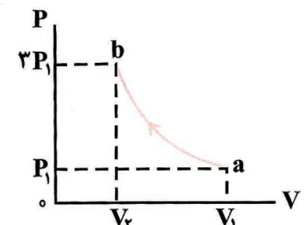
فرایند هم فشار است. BC

$$Q_{ABC} = -W_{BC}$$

$$P_A V_A = P_C V_C \xrightarrow{V_B = V_C} Q_{ABC} = P_A V_C - P_C V_C = V_C (P_A - P_C)$$

$$\Rightarrow Q_{ABC} = 16 \times 10^{-3} \times (8 \times 10^5 - 2 \times 10^5) \Rightarrow Q_{ABC} = 9600 \text{ J}$$





(۲۲)

سوال ۲۲

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

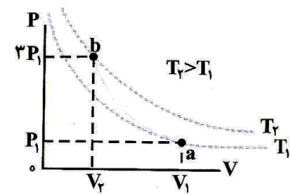
به ازاء یک تغییر حجم معین، اندازه تغییرات فشار در فرآیند بی دررو بیش‌تر از فرایند هم دما است و در نتیجه در نمودار  $ab$ ، دمای گاز افزایش خواهد یافت. از طرفی چون فشار گاز سه برابر شده است و دمای آن افزایش یافته است  $(\frac{PV}{T} = nR)$  بنابراین باید حجم آن بیشتر از یک سوم برابر حجم باشد، تا معادله حالت گازهای کامل همچنان برقرار بماند.

$$V_r > \frac{1}{3} V_1$$

$$\frac{PV}{T} = nR \Rightarrow \frac{P_a V_a}{T_a} = \frac{P_b V_b}{T_b}$$

$$\Rightarrow \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{3P_1 V_r}{T_r}$$

$$\Rightarrow \frac{3V_r}{V_1} = \frac{T_r}{T_1} > 1 \Rightarrow V_r > \frac{1}{3} V_1$$

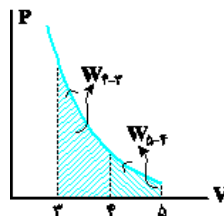


(۲۳)

سوال ۲۳

گزینه درست: ۲

گزینه ی «۲»



مساحت زیر نمودار  $P - V$  برابر کار انجام شده در فرایندهای ترمودینامیکی است.

با توجه به اینکه تغییر حجم در هر مرحله یکسان و برابر ۱ لیتر است بنابراین سطح زیر نمودار مرحله اول  $(W_{1-2})$  کمتر از مرحله دوم می‌باشد. بنابراین  $W_{2-1} > W_{1-2}$  است.

در فرایند بی‌دررو تغییر انرژی درونی برابر کار انجام شده است  $(\Delta U = W)$  بنابراین  $\Delta U_2 > \Delta U_1$  است.

(۲۴)

سوال ۲۴

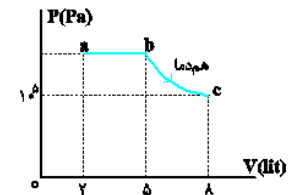
گزینه درست: ۳

گزینه ۳

با توجه به صورت مسئله:

$$Q_H = \frac{5}{4} Q_C$$

$$K = \frac{Q_C}{W} \Rightarrow K = \frac{Q_C}{Q_H - Q_C} = \frac{Q_C}{\frac{5}{4} Q_C - Q_C} \Rightarrow K = 4$$

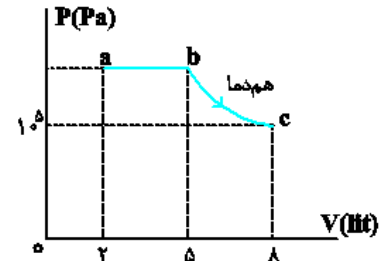


(۲۵)

گزینه درست: ۲

سوال ۲۵

گزینه ۲



فرایند bc همدمای است بنابراین تغییرات انرژی درونی در فرایند bc صفر است. انرژی درونی نقطه c ( $U_c$ ) همان انرژی درونی نقطه b ( $U_b$ ) می‌باشد.

فرایند ab هم‌فشار است. بنابراین می‌توان تغییر انرژی درونی در این فرایند را محاسبه کرد. برای این موضوع ابتدا فشار نقطه b را با استفاده از فرایند همدمای bc محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{P_b V_b}{T_b} = \frac{P_c V_c}{T_c} \xrightarrow{T_b=T_c} P_b V_b = P_c V_c$$

$$\Rightarrow P_b (\Delta \times 10^{-3}) = 1.0 \times 8 \times 10^{-3} \Rightarrow P_b = \frac{\Delta}{5} \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} P \Delta V \quad \text{در فرایند هم‌فشار برای گاز تک اتمی}$$

$$\Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} \times \frac{\Delta}{5} \times 10^5 \times 3 \times 10^{-3} = 720 \text{ J}$$

$$\Delta U_{ab} = \Delta U_{ac}$$

(۲۶)

گزینه درست: ۱

سوال ۲۶

گزینه ۱

در فرایند هم‌حجم گرمای مبادله شده برابر تغییرات انرژی درونی ماده است (کار صفر است) و تغییرات انرژی درونی با تغییرات دما رابطه مستقیم دارد.

برای گاز دو اتمی اکسیژن ( $O_2$ ):

$$\Delta U = Q = \frac{5}{2} n R \Delta T \quad \text{هم‌حجم}$$

برای گاز تک اتمی He:

$$\Delta U = Q = \frac{3}{2} n R \Delta T \quad \text{هم‌حجم}$$

در فرایند هم‌حجم به هر دو گاز گرمای یکسانی داده شده است:

$$Q_{He} = Q_{O_2} \Rightarrow \frac{5}{2} n R \Delta T_{O_2} = \frac{3}{2} n R \Delta T_{He}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta T_{He}}{\Delta T_{O_2}} = \frac{5}{3} > 1 \rightarrow k > 1$$

در فرایند هم‌حجم تبادل کار صفر است بنابراین تغییرات انرژی درونی با تبادل گرما برابر است.

$$\Delta U = Q + W \xrightarrow{W=0} \Delta U = Q$$

بنابراین m برابر ۱ است.

۲۷

سوال ۲۷ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

در فرایند هم‌حجم، اگر گاز از محیط گرما بگیرد ( $Q > 0$ )، انرژی درونی آن افزایش می‌یابد ( $\Delta U > 0$ ) ولی کاری روی محیط انجام نمی‌دهد. در فرایند هم‌فشار، اگر گاز از محیط گرما بگیرد ( $Q > 0$ )، دمای آن افزایش می‌یابد و انرژی درونی آن افزایش می‌یابد ( $\Delta U > 0$ )، ولی کار انجام شده توسط محیط روی گاز منفی است ( $W < 0$ ). در فرایند هم‌دما، اگر گاز از محیط گرما بگیرد ( $Q > 0$ )، روی محیط کار انجام می‌دهد ( $W < 0$ ) ولی انرژی درونی آن ثابت می‌ماند و دمای آن تغییری نمی‌کند.

۲۸

سوال ۲۸ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

ابتدا گرمایی که باید از ۲ kg آب  $20^\circ\text{C}$  بگیریم تا به یخ  $-10^\circ\text{C}$  تبدیل شود را محاسبه می‌کنیم.

$$Q_L = |mc_{\text{آب}}\Delta\theta_{\text{آب}}| + |mL_F| + |mc_{\text{یخ}}\Delta\theta_{\text{یخ}}|$$

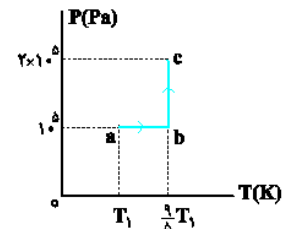
$$= |2 \times 4200 \times (0 - 20)| + |2 \times 336 \times 10^3| + |2 \times 2100 \times (-10 - 0)|$$

$$Q_L = 882 \times 10^3 \text{ J}$$

حال با استفاده از تعریف ضریب عملکرد یک یخچال، داریم:

$$K = \frac{Q_L}{W} \Rightarrow K = \frac{Q_L}{P \cdot t} \Rightarrow 4 = \frac{882 \times 10^3}{250 \cdot t} \Rightarrow t = 882 \text{ s}$$

۲۹



سوال ۲۹ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

فرایند bc یک فرایند هم‌دما است. بنابراین:

$$P_b V_b = P_c V_c \Rightarrow 10^5 \times V_b = 2 \times 10^5 \times 4/5 \Rightarrow V_b = 9L$$

فرایند ab یک فرایند هم‌فشار است، بنابراین:

$$\frac{V_a}{T_a} = \frac{V_b}{T_b} \Rightarrow \frac{V_a}{T_1} = \frac{9}{\frac{4}{5}T_1} \Rightarrow V_a = 5L$$

حال با استفاده از رابطه تغییرات انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل تک اتمی، داریم:

$$\Delta U_{abc} = U_c - U_a = \frac{3}{2}nR(T_c - T_a) = \frac{3}{2}(P_c V_c - P_a V_a)$$

$$= \frac{3}{2}(2 \times 10^5 \times 4/5 \times 10^{-3} - 10^5 \times 5 \times 10^{-3}) \Rightarrow \Delta U = 600 \text{ J}$$

۳۰

سوال ۳۰

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

با استفاده از معادله حالت گازهای آرمانی، داریم:

$$V_{H_2} + V_{He} = 40 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow \frac{n_{H_2} R T_{H_2}}{P_{H_2}} + \frac{n_{He} R T_{He}}{P_{He}} = 40 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow \frac{1 \times 400}{2 \times 10^5} \times (n_{H_2} + n_{He}) = 40 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow n_{H_2} + n_{He} = 2/5 \Rightarrow \frac{m_{H_2}}{M_{H_2}} + \frac{m_{He}}{M_{He}} = 2/5$$

$$\Rightarrow \frac{m_{H_2}}{2} + \frac{m_{He}}{4} = 2/5 \Rightarrow 2m_{H_2} + m_{He} = 1.0 \text{ g} (*)$$

از طرفی:

$$m_{H_2} + m_{He} = 1.8 \text{ g} (**)$$

با حل همزمان معادله‌های (\*) و (\*\*) داریم:

$$\left. \begin{array}{l} m_{H_2} = 2 \text{ g} \\ m_{He} = 6 \text{ g} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{m_{H_2}}{m_{He}} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

۳۱

سوال ۳۱

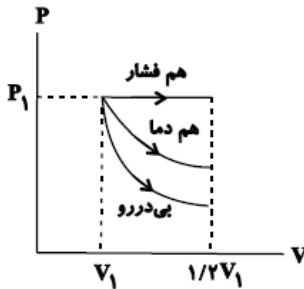
گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

الف) درست

(ب) نادرست؛ در فرایند هم‌دما، تغییر انرژی درونی صفر است، بنابراین طبق قانون اول ترمودینامیک، داریم:

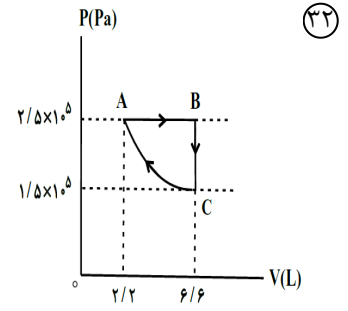
$$\Delta U_{\text{هم دما}} = Q_{\text{هم دما}} + W_{\text{هم دما}} = 0 \Rightarrow Q_{\text{هم دما}} - W_{\text{هم دما}}$$



(پ) درست

(ت) نادرست؛ در

فرایند هم‌فشار، چون حجم گاز افزایش یافته است، پس دمای مطلق گاز نیز طبق رابطه  $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$  افزایش یافته است و بنابراین انرژی درونی گاز طی فرایند هم‌فشار افزایش یافته است.



گزینه درست: ۴

سوال ۳۲

گزینه «۴»

برای مقدار یعنی گاز آرمانی، انرژی درونی فقط تابع دمای مطلق گاز است. بنابراین:

$$U \propto T \xrightarrow{T = \frac{PV}{nR}} U \propto PV$$

$$\Rightarrow \begin{cases} U_A \propto P_A V_A = 2/5 \times 10^5 \times 2/2 \times 10^{-3} & (1) \\ U_B \propto P_B V_B = 2/5 \times 10^5 \times 6/6 \times 10^{-3} & (2) \\ U_C \propto P_C V_C = 1/5 \times 10^5 \times 6/6 \times 10^{-3} & (3) \end{cases}$$

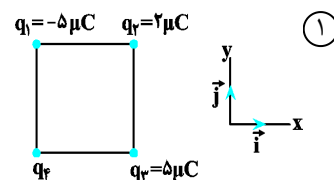
از عبارتهای (۱) و (۲) نتیجه می‌گیریم  $U_B = 3U_A$  و از عبارتهای (۲) و (۳) نتیجه می‌گیریم  $U_B = \frac{5}{3}U_C$ . بنابراین:

$$U_B = 3U_A = \frac{5}{3}U_C$$



# فصل اول فیزیک یازدهم

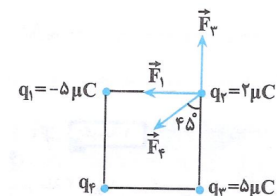
## (پاسخنامه)



سوال ۱ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با توجه به اینکه برآیند نیروهای وارد بر  $q_2$  در خلاف جهت محور  $x$  است، مؤلفه‌های نیروی وارد بر بار  $q_3$  که در راستای محور  $y$  هستند، با یکدیگر برابر و خلاف جهت یکدیگرند.



$$\cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

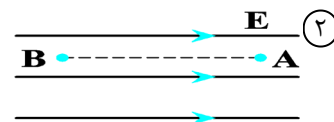
$$F_y = F_f \cos 45^\circ \cos 45^\circ = F_f \cos^2 45^\circ \rightarrow$$

$$F_y = \frac{\sqrt{2}}{2} F_f \frac{F_r = K \frac{|q_2||q_2|}{a^2}}{F_f = K \frac{|q_2||q_2|}{(\sqrt{2}a)^2}} \rightarrow$$

$$|q_3| = \frac{\sqrt{2}}{2} \frac{|q_2|}{\frac{1}{2}} \Rightarrow |q_3| = 2\sqrt{2} |q_2| \xrightarrow{q_2 = 2\mu C} |q_3| = 10\sqrt{2} \mu C$$

$$q_3 = -10\sqrt{2} \mu C$$

با توجه به شکل و جهت نیروها،  $q_3 < 0$  است. بنابراین:

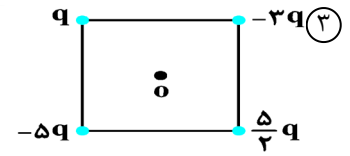


سوال ۲ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

بار  $q < 0$  در خلاف جهت خطوط میدان جابه‌جا شده است و از طرفی نیروی وارد بر بار  $q > 0$  در خلاف جهت خطوط میدان است. پس مطابق رابطه تعریف کار  $(W = F_E d \cos \theta)$  چون  $\theta = 0$  است پس کار نیروی میدان الکتریکی مثبت است.  $(\cos \theta = 1)$  دقت کنید در مورد تغییر انرژی جنبشی بار نمی‌توان اظهار نظر نمود چون در صورت سؤال اندازه و جهت بقیه نیروهای وارد بر بار مشخص نشده است.





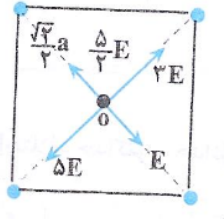
گزینه درست: ۳

سوال ۳

گزینه «۳»

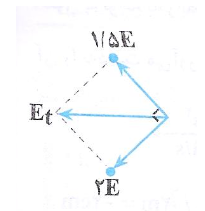
فاصله بین هر ذره باردار تا مرکز مربع برابر است با:  $\frac{\sqrt{2}}{2} a$

اگر بزرگی میدان الکتریکی حاصل از بار  $q$  در مرکز مربع را برابر  $E$  در نظر بگیریم در این صورت میدان الکتریکی هر کدام از بارها را در مرکز مربع مشخص می‌کنیم:  
اگر برابند بردارهای هم‌راستا را به‌دست آوریم، داریم:



$$E_t = \sqrt{\left(\frac{3}{4}E\right)^2 + (2E)^2} = \frac{5}{4}E$$

$$\frac{E = K \frac{q}{r^2}, r = \frac{\sqrt{2}}{2} a}{\rightarrow E_t = \frac{5}{4} \times K \frac{q}{\left(\frac{\sqrt{2}}{2} a\right)^2} = \frac{5}{4} \frac{Kq}{a^2}}$$



سوال ۴

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

با توجه به رابطه تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی یک بار زمانی که بین دو نقطه با اختلاف پتانسیل  $\Delta V$  جابه‌جا می‌شود داریم:

$$\Delta U = q\Delta V \xrightarrow{\Delta U = -W_{\text{میدان}}} W_{\text{میدان}} = -q\Delta V \xrightarrow{W_{\text{میدان}} = 20 \mu\text{J}, q = -5 \mu\text{C}}$$

$$\Delta V = \frac{20}{-5} = -4V \xrightarrow{\Delta V = V_2 - V_1, V_1 = 6V} V_2 = 10V$$

نکته: دقت کنید چون طرفین رابطه بر حسب پیشوند میکرو است بنابراین تبدیل واحد را در محاسبات برای کار و بار الکتریکی انجام ندادیم. ش

سوال ۵

گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در خازن انرژی اولیه خازن را به‌دست می‌آوریم:

$$U = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow \frac{U_2}{U_1} = \left(\frac{q_2}{q_1}\right)^2 \xrightarrow{q_2 = \frac{3}{4}q_1, U_2 = U_1 + 25} \frac{U_1 + 25}{U_1} = \frac{9}{4}$$

$$\Rightarrow 100 = 5U_1 \Rightarrow U_1 = 20 \mu\text{J}$$

اکنون بار اولیه خازن را به‌دست می‌آوریم:

$$U_1 = \frac{q_1^2}{2C} \Rightarrow \frac{U_1 = 20 \mu\text{J}}{C = 40 \mu\text{F}} \rightarrow \frac{q_1^2}{2 \times 40} \Rightarrow q_1^2 = 1600 \Rightarrow q_1 = 40 \mu\text{C}$$

۶

گزینه درست: ۲

سوال ۶

گزینه «۲»

چون با ثابت ماندن ظرفیت خازن بار آن  $\frac{5}{4}$  برابر شده است پس مطابق رابطه  $Q = CV$  اختلاف پتانسیل آن  $\frac{5}{4}$  برابر شده است. با توجه به رابطه انرژی ذخیره شده در خازن، تفاوت را در دو حالت به دست می آوریم:

$$U = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow \Delta U = \frac{1}{2C} (q_2^2 - q_1^2) \xrightarrow{q_2 = \frac{5}{4} q_1}$$

$$\Delta U = \frac{1}{2C} \left( \frac{25}{16} - 1 \right) q_1^2 \Rightarrow \Delta U = \frac{1}{2C} \times \frac{9}{16} q_1^2$$

$$\frac{\Delta U = 4/5 \mu J}{C = 25 \mu F} \rightarrow \frac{4/5 \times 2 \times 25}{16} = \frac{9}{16} q_1^2$$

$$\Rightarrow q_1 = 5 \times 4 = 20 \mu C \xrightarrow{Q=CV} \begin{cases} V_1 = \frac{20}{25} = 0.8 V \\ V_2 = \frac{5}{4} V_1 = 1 V \end{cases}$$

$$\Delta V = V_2 - V_1 = 1 - 0.8 = 0.2 V$$

بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر خازن  $0.2$  ولت تغییر کرده است.

۷

گزینه درست: ۳

سوال ۷

گزینه «۳»

$$\Delta V = 1 v$$

$$\Delta Q = C \Delta V = 8 \times 10^{-6} \times 1 = 8 \times 10^{-6} C$$

$$\Delta Q = ne \rightarrow n = \frac{8 \times 10^{-6}}{1.6 \times 10^{-19}} = 5 \times 10^{13}$$

۸

گزینه درست: ۱

سوال ۸

گزینه «۱»

$$\Delta u = -\Delta k = -\frac{1}{r} (v_2^2 - v_1^2) = -\frac{1}{r} \times 4 \times 10^{-6} \times 10^{-3} (400 - 100)$$

$$\Delta u = -600 \times 10^{-9}$$

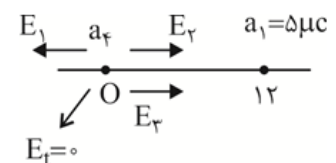
$$v_B - v_A = \frac{\Delta u}{q} = \frac{-600 \times 10^{-9}}{5 \times 10^{-9}} = -120 v$$

۹

گزینه درست: ۲

سوال ۹

گزینه «۲»



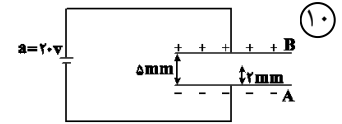
$E_2 < E_1$  هم جهت اند  $E_2$  و  $E_3$

$$E_1 = k \frac{19/1}{r_1^2} = k \times \frac{5}{12 \times 12}$$

$$E_2 = k \times \frac{1}{24 \times 24}$$

$$E_1 = E_2 + E_3 \rightarrow k \times \frac{5}{12 \times 12} = k \times \frac{5}{24 \times 24} + k \times \frac{5}{24 \times 24}$$

$$5 = 2 + \frac{|q_2|}{q} \rightarrow |q_2| = 27 \mu C \rightarrow q_2 = -27 \mu C$$



سوال ۱۰

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

اگر صفحه منفی خازن را صفر ولت و صفحه مثبت را  $20+$  ولت در نظر بگیریم، به راحتی می توان از طریق نسبت و تناسب ولتاژ نقطه P را حساب کرد.

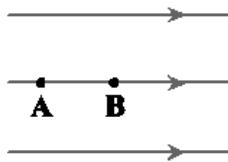
قبل از دور کردن صفحه B.

$$\Delta mm \left\{ \begin{array}{l} \text{+++++ B} \rightarrow 20 \\ \text{P} \cdot 2mm \rightarrow x \\ \text{----- A} \rightarrow 0 \end{array} \right\} x = \frac{2}{\Delta} \times 20 \times 0 = 8V$$

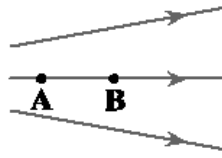
بعد از دور کردن صفحه B:

$$10mm \left\{ \begin{array}{l} \text{+++++ B} \rightarrow 20 \\ \text{.} \cdot 2mm \rightarrow x \\ \text{----- A} \rightarrow 0 \end{array} \right\} x = \frac{2}{10} \times 20 \times 0 = 4V$$

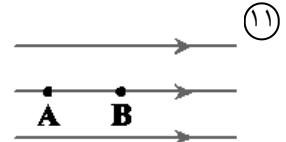
← ۴ ولت کاهش یافته است.



(۱)



(۲)



(۳)

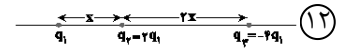
سوال ۱۱

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

همانطور که میدانیم، اختلاف پتانسیل الکتریکی با میدان الکتریکی و جابجایی رابطه مستقیم دارد. در سه شکل، جابجایی ذره یکسان است. از طرفی میدانیم نزدیک بودن خطوط میدان الکتریکی گواهی بر قوی تر بودن آن است. بنابراین اندازه اختلاف پتانسیل شکل ۳، از شکل ۲ بیشتر و شکل ۲، از شکل ۱ بیشتر است. از آنجایی که ولتاژ در نقطه A از ولتاژ در نقطه B بیشتر است (هر چه در خلاف جهت میدان پیش برویم، پتانسیل الکتریکی بیشتر می شود)، اختلاف پتانسیل ها مثبت اند. بنابراین:

$$\Delta V_3 > \Delta V_2 > \Delta V_1$$

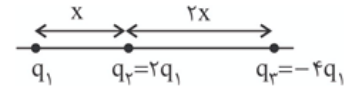


گزینه درست: ۳

سوال ۱۲

گزینه «۳»

$$F = \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$



نیروهای وارده بر q1:

$$F_{r1} = \frac{K|q_1||q_2|}{x^2} = \frac{2Kq_1^2}{x^2}$$

به سمت چپ

$$F_{r2} = \frac{K|q_1||q_3|}{qx^2} = \frac{4Kq_1^2}{qx^2}$$

به سمت راست

$$F_{r1} + F_{r2} = \frac{2K|q_1^2|}{x^2} = \frac{4Kq_1^2}{qx^2} = \frac{14Kq_1^2}{qx^2}$$

به سمت چپ

نیروی های وارده بر q3

$$F_{13} = \frac{K|q_1||q_3|}{qx^2} = \frac{4Kq_1^2}{qx^2}$$

به سمت چپ

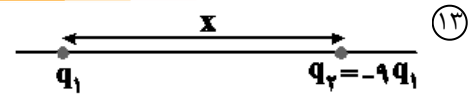
$$F_{23} = k \frac{|q_2||q_3|}{x^2} = \frac{8Kq_1^2}{x^2} = \frac{2Kq_1^2}{x^2}$$

به سمت چپ

$$F_{r3} + F_{13} = \frac{2Kq_1^2}{x^2} = \frac{4Kq_1^2}{qx^2} = \frac{22Kq_1^2}{qx^2}$$

به سمت چپ

$$\frac{F_{r1} + F_{r2}}{F_{13} + F_{r3}} = \frac{\frac{14Kq_1^2}{qx^2}}{\frac{22Kq_1^2}{qx^2}} = \frac{14}{22} = \frac{7}{11}$$

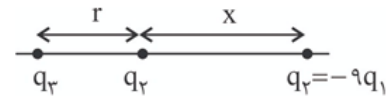


سوال ۱۳

گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

از آنجایی که دو بار ناهمنام اند  $q_2$  نباید بین دو بار باشد و باید سمت بار کوچک تر  $q_1$  باشد. همچنین از آنجایی که به هنگام قرار گرفتن  $q_2$  با  $q_1$  در وسط  $q_2$  و  $q_3$  قرار می گیرند، باید  $q_3$  و  $q_2$  همنام باشند تا سامانه به تعادل برسد. بنابراین گزینه اول و دوم رد می شود.

نیروهای وارده بر  $q_2$ 

$$F_{12} = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \quad \text{به سمت راست}$$

$$F_{23} = \frac{k|q_2||q_3|}{(x+r)^2} = \frac{9kq_1q_3}{(x+r)^2} \quad \text{به سمت چپ}$$

$$F_{12} + F_{23} = 0 \Rightarrow \frac{9kq_1q_3}{(x+r)^2} = \frac{kq_1q_2}{r^2} \Rightarrow \left(\frac{x+r}{r}\right)^2 = 9$$

$$\Rightarrow \frac{x+r}{r} = 3 \Rightarrow x = 2r \Rightarrow r = \frac{x}{2}$$

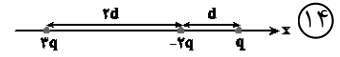
حل اضافه و به دست آوردن مقدار بار  $q_3$ نیروهای وارد بر  $q_1$ 

$$F_{21} = \frac{kq_2q_1}{\left(\frac{x}{2}\right)^2} = \frac{4kq_2q_1}{x^2}$$

$$F_{31} = \frac{kq_3q_1}{x^2} = \frac{9kq_1^2}{x^2}$$

$$F_{21} + F_{31} = 0 \Rightarrow \frac{4/kq_2/q_1}{/x^2} = \frac{q/k/q_1^2}{/x^2} |q_2| = \frac{9}{4} |q_1|$$

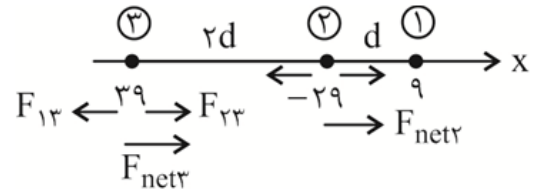
$$\xrightarrow{\text{ناهمنام } q_2, q_1} q_2 = -\frac{9}{4} q_1$$



گزینه درست: ۳

سوال ۱۴

گزینه «۳»



$$F_{12} = k \times \frac{q^2}{d^2} \xrightarrow{k \frac{a^2}{d^2} = f} F_{12} = \frac{1}{3} f$$

$$F_{21} = k \times \frac{q^2}{d^2} \rightarrow F_{21} = \frac{2}{3} f$$

$$F_{net1} = \frac{2}{3} f - \frac{1}{3} f = \frac{1}{3} f = F$$

$$F_{23} = \frac{2}{3} f$$

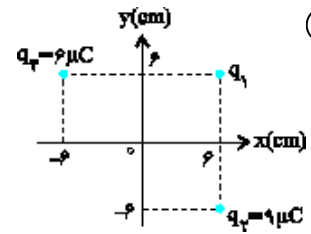
$$F_{13} = k \times \frac{9q^2}{d^2} = 9f$$

$$F_{net2} = 9f - \frac{2}{3} f = \frac{2}{3} f$$

$$\begin{aligned} \swarrow \frac{F_{net1}}{F_{net2}} &= \frac{\frac{1}{3} f}{\frac{2}{3} f} = \frac{1}{2} f \\ \searrow \frac{F_{net1}}{F_{net2}} &= \frac{\frac{1}{3} f}{\frac{2}{3} f} = \frac{1}{2} f \end{aligned}$$

هر دو هم جهت اند





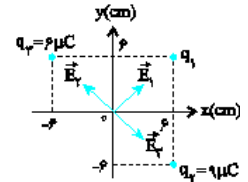
۱۵

گزینه درست: ۳

سوال ۱۵

گزینه «۳»

ابتدا جهت میدان الکتریکی هر یک از بارها را در مبدأ مختصات مشخص می‌کنیم، اندازه برابند میدان‌های الکتریکی  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  برابر با تفاضل اندازه آنها است و بردار برابند این دو بردار بر بردار  $\vec{E}_1$  عمود است.



$$E = k \frac{q}{r^2} \begin{cases} E_r = k \frac{q_r}{r_r^2} \\ E_r = k \frac{q_r}{r_r^2} \end{cases} \xrightarrow[k=9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}, r_r = r_r = 6\sqrt{2} \text{ cm}, q_r = -6 \mu C, q_r = 9 \mu C]{} \rightarrow$$

$$E_{r,r} = E_r - E_r = 9 \times 10^9 \frac{(9 - 6) \times 10^{-6}}{(6\sqrt{2} \times 10^{-2})^2}$$

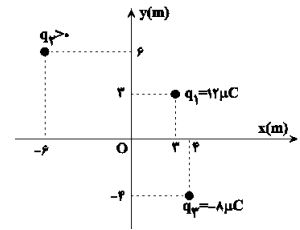
$$\Rightarrow E_{r,r} = \frac{3}{8} \times 10^7 \frac{N}{C} = \frac{15}{4} \times 10^6 \frac{N}{C}$$

$$E_t = \sqrt{E_{r,r}^2 + E_1^2} \xrightarrow[E_{r,r} = \frac{15}{4} \times 10^6 \frac{N}{C}, E_1 = \frac{25}{4} \times 10^7 \times 10^{-2} - \left(\frac{15}{4}\right)^2 \times 10^{12}]{E_t = 6/25 \times 10^6 \frac{N}{C}} \rightarrow E_1^2 = \left(\frac{25}{4}\right)^2 \times 10^{12} - \left(\frac{15}{4}\right)^2 \times 10^{12}$$

$$E_1^2 = \frac{400}{16} \times 10^{12} \Rightarrow E_1 = \frac{20}{4} \times 10^6 = 5 \times 10^6$$

$$E_1 = k \frac{q_1}{r_1^2} \xrightarrow[r_1 = 6\sqrt{2} \text{ cm} = 6\sqrt{2} \times 10^{-2} \text{ m}, k = 9 \times 10^9 \frac{N}{m^2}, E_1 = 5 \times 10^6 \frac{N}{m}]{}$$

$$5 \times 10^6 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_1|}{72 \times 10^{-4}} \Rightarrow |q_1| = 4 \times 10^{-6} \text{ C} = 4 \mu\text{C}$$



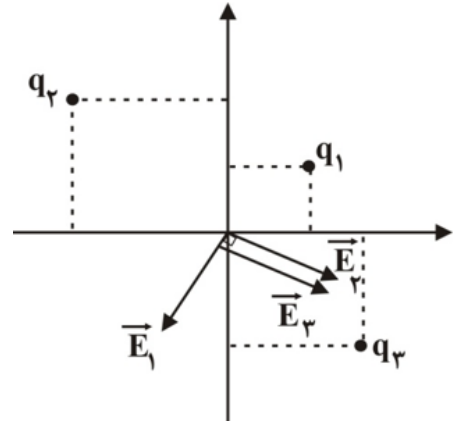
۱۶

گزینه درست: ۱

سوال ۱۶

گزینه ۱

جهت میدان الکتریکی هر یک از بارهای  $q_2$  و  $q_3$  را در نقطه  $O$  تعیین می کنیم. میدان های الکتریکی بارهای  $q_2$  و  $q_3$  در نقطه  $O$  با یکدیگر هم جهت هستند و براینند آن ها بر بردار  $\vec{E}_1$  عمود است.



با توجه به رابطه میدان الکتریکی حاصل از یک بار نقطه ای داریم:

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E_2 = 9 \times 10^{-9} \times \frac{q_2 \times 10^{-6}}{(6\sqrt{2})^2} = \frac{q_2 \times 10^{-2}}{8} \\ E_3 = 9 \times 10^{-9} \times \frac{8 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{2})^2} = \frac{9}{4} \times 10^{-2} \frac{N}{C} \\ E_1 = 9 \times 10^{-9} \times \frac{12 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{2})^2} = 6 \times 10^{-2} \frac{N}{C} \end{cases}$$

$$E_{2,3} = E_2 + E_3 = \left(\frac{9}{4} + \frac{q_2}{8}\right) \times 10^{-2} \frac{N}{C}$$

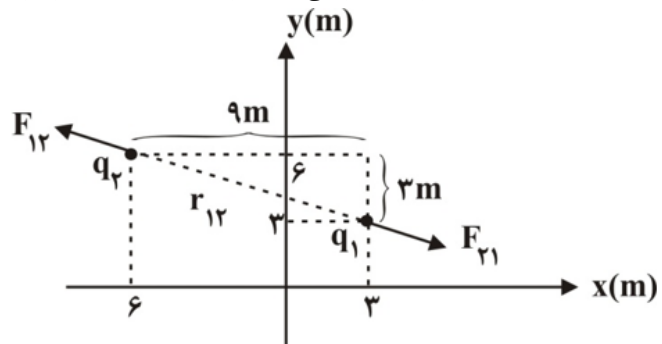
$$E_1 = \sqrt{E_2^2 + E_{2,3}^2} = \sqrt{(6 \times 10^{-2})^2 + \left(\left(\frac{9}{4} + \frac{q_2}{8}\right) \times 10^{-2}\right)^2} \xrightarrow{E_1 = 7/5 \times 10^{-2} \frac{N}{C}}$$

$$\left(\frac{15}{4} \times 10^{-2}\right)^2 = 36 \times 10^{-6} + \left(\frac{9}{4} + \frac{q_2}{8}\right)^2 \times 10^{-6} \Rightarrow \frac{225}{4} - 36 = \left(\frac{9}{4} + \frac{q_2}{8}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{225 - 144}{4} = \left(\frac{9}{4} + \frac{q_2}{8}\right)^2 \Rightarrow \frac{81}{4} = \left(\frac{9}{4} + \frac{q_2}{8}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{9}{2} - \frac{9}{4} = \frac{q_2}{8} \Rightarrow q_2 = 18 \mu C$$

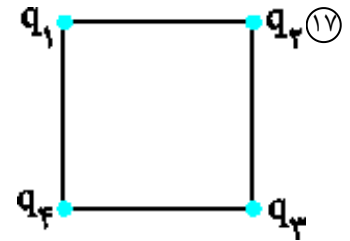
اکنون با توجه به قانون کولن نیروی الکتریکی که دوبار  $q_1$  و  $q_2$  به یکدیگر وارد می کنند را به دست آوریم.



$$F_{12} = k \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \xrightarrow{r_{12}^2 = 9^2 + 3^2 = 90 \text{ m}^2, q_2 = 18 \mu C = 18 \times 10^{-6} \text{ C}}$$

C'

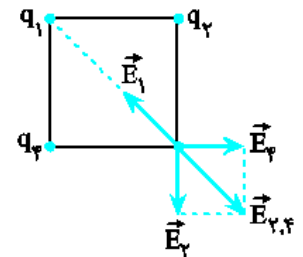
$$F_{12} = 9 \times 10^{-9} \times \frac{12 \times 18 \times 10^{-12}}{90} = 216 \times 10^{-24} = 216 \times 10^{-22} \text{ N}$$



سوال ۱۷ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

از آنجا که نیروی الکتریک خالص وارد بر بار  $q_3$  برابر صفر است. پس برآیند میدان الکتریکی حاصل از سه بار  $q_1$ ،  $q_2$  و  $q_4$  در محل بار  $q_3$  برابر صفر است.



با توجه به اینکه میدان الکتریکی حاصل از بار  $q_1$  در محل بار  $q_3$  راستای قطر مربع است. بنابراین برآیند میدان‌های الکتریکی  $q_2$  و  $q_4$  نیز در محل بار  $q_3$  راستای همین قطر مربع باشد با فرض  $q_2 > 0$  جهت بردارهای میدان الکتریکی را در محل بار  $q_3$  مطابق شکل مشخص می‌کنیم. زاویه میدان الکتریکی برآیند  $E_3$  و  $E_4$  با هر کدام از میدان‌ها برابر با  $45^\circ$  است بنابراین بزرگی  $E_3$  و  $E_4$  با یکدیگر برابرند. با توجه به رابطه میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای داریم:

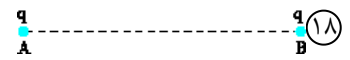
$$E = \frac{kq}{r^2} \xrightarrow[r = r_1 = r_2 = a]{r_1 = r_2 = a} q_1 = q_2$$

$$E_{3,4} = \sqrt{E_3^2 + E_4^2} \xrightarrow{E_3 = E_4} E_{3,4} = \sqrt{2} E_2 \quad (I)$$

$$E_2 = \frac{kq_2}{a^2} \quad (II)$$

$$E_1 = \frac{k|q_1|}{(\sqrt{2}a)^2} = \frac{k|q_1|}{2a^2} \quad (III) \xrightarrow{(II), (I), (I), (I)} \frac{k|q_1|}{2a^2} = \sqrt{2} \frac{kq_2}{a^2}$$

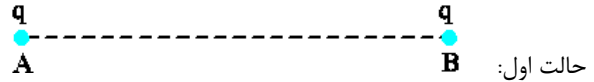
$$\Rightarrow q_2 = q_4 = \frac{1}{2\sqrt{2}} |q_1| \xrightarrow{q_2 > 0, q_1 < 0} q_2 = q_4 = -\frac{1}{2\sqrt{2}} q_1 = \frac{-\sqrt{2}}{4} q_1$$



سوال ۱۸ گزینه درست: ۴

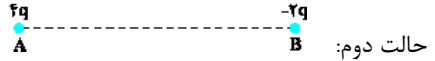
گزینه «۴»

با توجه به قانون پایستگی بار الکتریکی داریم:



$$q_A + q_B = q'_A + q'_B \xrightarrow{q'_A = q_A, q'_B = -2q} 2q = q'_A - 2q \Rightarrow q'_A = 4q$$

اکنون با توجه به قانون کولن نیروی الکتریک که دو بار به یکدیگر وارد می‌کنند را در دو حالت با یکدیگر مقایسه می‌کنیم:

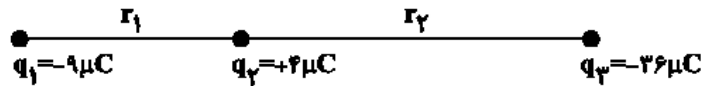


$$F_1 \propto \frac{|q_A||q_B|}{r^2}, F_2 \propto \frac{|q'_A||q'_B|}{r'^2}$$

$$\xrightarrow[r = r', |q'_A| = 4q, |q'_B| = -2q]{r = r', |q'_A| = 4q, |q'_B| = -2q} \frac{F_2}{F_1} = \frac{4q \times 2q}{q \times q} = 8$$

سوال ۱۹: گزینه درست: ۴

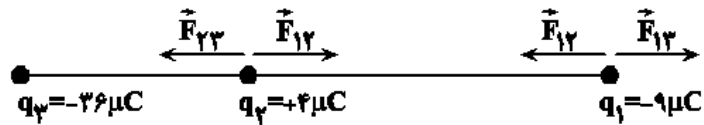
گزینه «۴»



حالت اول: برابند نیروهای وارد بر بار  $q_2$  برابر صفر است. مطابق قانون کولن  $\frac{r_2}{r_1}$  را به دست می‌آوریم:

$$k \frac{|q_1| |q_2|}{r_1^2} = k \frac{|q_2| |q_3|}{r_2^2} \xrightarrow{\substack{q_1 = -9\mu\text{C} \\ q_3 = -36\mu\text{C}}} \frac{r_2}{r_1} = 2$$

حالت دوم:



$$F_2 = F_{12} - F_{23} = kq_2 \left( \frac{|q_1|}{r_1^2} - \frac{|q_3|}{(2r_1)^2} \right) \Rightarrow F_2 = k \times 4 \left( \frac{36}{r_1^2} - \frac{9}{4r_1^2} \right)$$

$$= \frac{k}{r_1^2} (144 - 9) = 135 \frac{k}{r_1^2} \quad (*)$$

$$F_1 = F_{13} - F_{31} = k|q_1| \left( \frac{|q_3|}{(2r_1)^2} - \frac{|q_2|}{r_1^2} \right)$$

$$\Rightarrow F_1 = k \times 9 \times \left( \frac{36}{4r_1^2} - \frac{4}{r_1^2} \right) = 27 \frac{k}{r_1^2} \quad (**)$$

$$(*), (**) \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{135 \frac{k}{r_1^2}}{27 \frac{k}{r_1^2}} = 5$$

سوال ۲۰: گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

ظرفیت خازن به ویژگی‌های ساختمانی خازن بستگی دارد. در این سؤال چون ویژگی‌های ساختمانی خازن تغییر نکرده است بنابراین ظرفیت خازن ثابت مانده است. با توجه به رابطه بار ذخیره شده و اختلاف پتانسیل هر سر خازن داریم:

$$Q = CV \xrightarrow{\substack{V_2 = 0.9V_1 \\ C_2 = C_1}} \frac{Q_2}{Q_1} = 0.9 \Rightarrow Q_2 = 0.9Q_1$$

$$\Rightarrow \text{درصد تغییرات بار ذخیره شده در خازن} = \frac{\Delta Q}{Q_1} \times 100$$

$$= \frac{0.9Q_1 - Q_1}{Q_1} \times 100 = -10\%$$

اکنون درصد تغییر انرژی ذخیره شده در خازن را به دست می‌آوریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{\substack{C_1 = C_2 \\ V_2 = 0.9V_1}} \frac{U_2}{U_1} = \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^2 = 0.81$$

$$\Rightarrow \text{درصد تغییرات انرژی ذخیره شده در خازن} = \frac{\Delta U}{U_1} \times 100$$

$$= \frac{0.81U_1 - U_1}{U_1} \times 100 = -19\%$$

۲۱

سوال ۲۱

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

مطابق رابطه ظرفیت خازن، نسبت ظرفیت خازن در حالت دوم به حالت اول را به دست می‌آوریم و سپس ظرفیت خازن در حالت اول را محاسبه می‌کنیم:

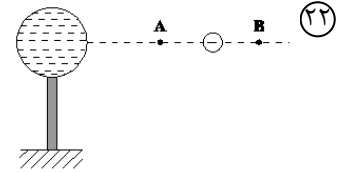
$$C = k\varepsilon \cdot \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow[\substack{d_1 = \Delta \text{mm} \\ d_2 = \Delta - 3 = 2 \text{mm}}]{d_1 = \Delta \text{mm}} \frac{C_2}{C_1} = \frac{\Delta}{2} \Rightarrow C_2 = \frac{\Delta}{2} C_1$$

$$\Rightarrow \Delta C = C_2 - C_1 = \frac{\Delta}{2} C_1 \quad (*)$$

$$C_1 = k\varepsilon \cdot \frac{A}{d_1} \xrightarrow[\substack{k = 4, A = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^2 \\ \varepsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}}, d_1 = \Delta \text{mm} = \Delta \times 10^{-3} \text{ m}}]{k\varepsilon \cdot \frac{A}{d_1}} \rightarrow$$

$$C_1 = 4 \times 8.85 \times 10^{-12} \times \frac{2 \times 10^{-4}}{\Delta \times 10^{-3}} = 14/16 \times 10^{-12} \text{ F} = 1/416 \text{ pF}$$

$$\rightarrow \Delta C = \frac{\Delta}{2} \times 1/416 = 2/124 \text{ pF}$$



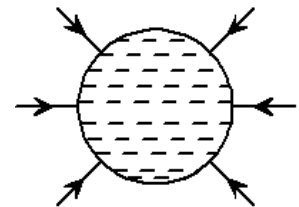
سوال ۲۲

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

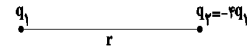
خطوط میدان الکتریکی از بار مثبت خارج و به بار منفی موارد می‌شوند.

با حرکت در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی پتانسیل الکتریکی نقاط افزایش می‌یابد ( $V_B > V_A$ ) و از طرفی مطابق رابطه  $\Delta V = q\Delta V$  با حرکت بار منفی ( $q < 0$ ) از نقطه A تا نقطه B با توجه به اینکه  $V_B - V_A > 0$  است انرژی پتانسیل الکتریکی بار کاهش می‌یابد.



نکته: چنانچه دو بار الکتریکی هم نام از یکدیگر دور شوند، انرژی پتانسیل الکتریکی آن‌ها کاهش و چنانچه دو بار ناهم نام از یکدیگر دور شوند، انرژی پتانسیل الکتریکی آن‌ها افزایش می‌یابد.

۲۳



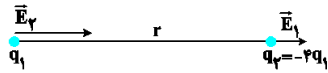
گزینه درست: ۲

سوال ۲۳

گزینه ۲

با توجه به رابطه زیر میدان الکتریکی حاصل از یک بار در یک نقطه با اندازه آن رابطه مستقیم و با مجذور فاصله از آن رابطه عکس دارد. بنابراین

نسبت اندازه میدان‌های الکتریکی حاصل از دو بار برابر است با:  $E = \frac{k|q|}{r^2}$



$$\frac{E_r}{E_1} = \left| \frac{q_2}{q_1} \right| \times \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2 \xrightarrow[r_2 = r_1 = r]{|q_2| = 4|q_1|} E_r = 4E_1$$

اگر فرض کنیم  $q_1 > 0$  است،  $q_2 = -4q_1 < 0$  می‌شود. بنابراین میدان الکتریکی حاصل از دو بار در نقاط خواسته شده با یکدیگر هم‌جهت هستند. لذا:

$$\vec{E}_r = 4\vec{E}_1$$

۲۴

گزینه درست: ۴

سوال ۲۴

گزینه ۴

با توجه به رابطه انرژی ذخیره شده در خازن داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow[\substack{\Delta U = \Delta \times 10^{-7} \text{ J} = \Delta \mu\text{J} \\ V \leq V+1 (V), C = 2\mu\text{F}}]{\Delta U = ((V+1)^2 - V^2)} \Rightarrow \Delta = 2V + 1 \Rightarrow V = 2V$$

۲۵

گزینه درست: ۲

سوال ۲۵

گزینه ۲

با دو برابر شدن فاصله صفحات خازن مطابق رابطه ظرفیت خازن  $C = \kappa \epsilon \cdot \frac{A}{d}$  ظرفیت خازن نصف می‌شود. از طرفی چون خازن به باتری متصل

است اختلاف پتانسیل میان صفحات آن ثابت است.

اکنون به بررسی درستی یا نادرستی هر یک از عبارتها می‌پردازیم:

(الف) میدان الکتریکی میان صفحات خازن نصف می‌شود. (درست)

با توجه به رابطه  $V = Ed$  چون اختلاف پتانسیل بین صفحات خازن ثابت است، بنابراین داریم:

$$E_1 d_1 = E_2 d_2 \xrightarrow{d_2 = 2d_1} E_2 = \frac{E_1}{2}$$

(ب) اختلاف پتانسیل میان صفحه‌ها نصف می‌شود. (نادرست)

چون خازن به باتری متصل است، بنابراین اختلاف پتانسیل بین صفحات آن ثابت می‌ماند.

(پ) ظرفیت خازن دوبرابر می‌شود. (نادرست)

با توجه به رابطه ظرفیت خازن داریم:

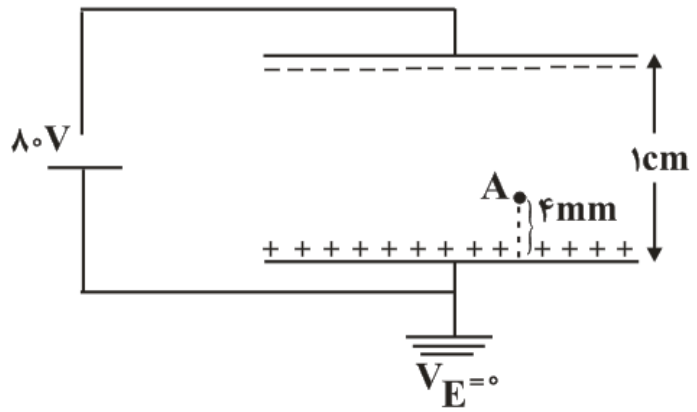
$$C = \kappa \epsilon \cdot \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{d_1}{d_2} \xrightarrow{d_2 = 2d_1} \frac{C_2}{C_1} = \frac{1}{2}$$

بنابراین ظرفیت خازن نصف می‌شود.

(ت) بار روی صفحه‌ها نصف می‌شود. (درست)

با توجه به رابطه میان بار ذخیره شده و ظرفیت خازن داریم:

$$Q = CV \xrightarrow[V_1 = V_2]{C_2 = \frac{C_1}{2}} \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{1}{2}$$



۲۶

سوال ۲۶ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

میدان الکتریکی بین صفحات خازن یکنواخت است و از رابطه  $E = \frac{\Delta V}{d}$  به دست می‌آید. با توجه به رابطه بالا داریم:

$$\frac{\Delta V}{d} = \frac{\Delta V'}{d'} \xrightarrow{d=1\text{cm}, d'=4\text{mm}=0.4\text{cm}} \frac{80}{1} = \frac{\Delta V'}{0.4}$$

$$\Rightarrow \Delta V' = 32\text{V} \xrightarrow{\Delta V' = V_A - V_E, V_E = 0} 32 = 0 - V_A \Rightarrow V_A = -32\text{V}$$

۲۷

سوال ۲۷ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

با توجه به قانون کولن، داریم:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1| = -q_2, |q_2| = q_1, k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}}$$

$F = 0.9 \text{ N}, r = 60 \text{ cm} = 0.6 \text{ m}$ , بر حسب میکروکولن هستند.

هنگامی که دو کره را با هم تماس می‌دهیم بار دو کره پس از تماس با یکدیگر برابر می‌شود، با توجه به اینکه  $q_2 < 0, q_1 > 0, |q_2| > q_1$

است، پس از تماس دو کره با یکدیگر بار هر دو کره منفی می‌شود.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

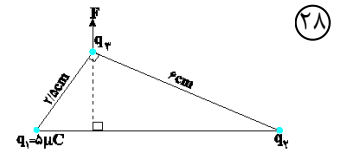
$$F' = k \frac{|q'_1| |q'_2|}{r'^2} \xrightarrow{|q'_1| = |q'_2| = \frac{q_1 + q_2}{2}, F' = 0.16 \text{ N}, r' = 60 \text{ cm} = 0.6 \text{ m}, \text{ بر حسب میکروکولن هستند } q_1, q_2}$$

$$0.16 = \frac{9 \times 10^9 \times \left(\frac{q_1 + q_2}{2}\right)^2 \times 10^{-12}}{0.6^2} \Rightarrow \left(\frac{q_1 + q_2}{2}\right)^2 = \frac{0.16 \times 0.6^2}{9 \times 10^{-3}}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{q_1 + q_2}{2}\right)^2 = \frac{16 \times 6^2}{9} \xrightarrow{q_1 + q_2 < 0} \text{از طرفین جذر می‌گیریم}$$

$$q_1 + q_2 = -\frac{4 \times 6}{3} \times 2 \Rightarrow q_1 + q_2 = -16 \mu\text{C} \quad (\text{II})$$

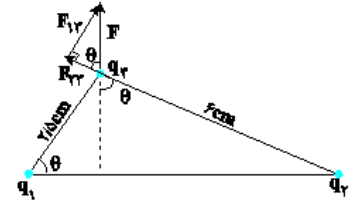
$$(\text{I}), (\text{II}) \Rightarrow \begin{cases} q_1 = 2 \mu\text{C} \\ q_2 = -18 \mu\text{C} \end{cases}$$



سوال ۲۸ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

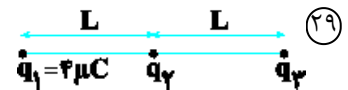
مطابق شکل زیر، نیروهای وارد بر بار  $q_3$  را مشخص می‌کنیم. با استفاده از قانون کولن داریم:



$$F_{23} = k \frac{q_2 q_3}{r^2}, F_{13} = k \frac{q_1 q_3}{r^2}$$

$$\tan \theta = \frac{F_{13}}{F_{23}} \rightarrow \frac{\tan \theta \cdot \frac{6}{25} - \frac{60}{25}}{\frac{60}{25}} = \frac{q_1}{\frac{q_2}{6^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{60}{25} = \frac{5}{q_2} \times \left(\frac{60}{25}\right)^2 \Rightarrow q_2 = 12 \mu\text{C}$$

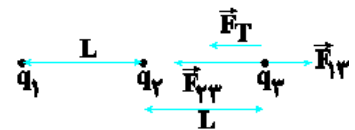


سوال ۲۹ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

با توجه به این‌که اندازه نیروی برآیند وارد بر بار  $(F_T)q_3$  با اندازه نیروی وارد بر بار  $q_2$  از طرف بار  $q_1$  برابر است، بنابراین نتیجه می‌گیریم که  $F_T = -F_{12}$

$$F_T = F_{12} + F_{23} \xrightarrow{F_T = -F_{12}} F_{23} = -2F_{12}$$



$$\Rightarrow |F_{23}| = 2|F_{12}| \Rightarrow \frac{|q_2|}{L^2} = \frac{2|q_1|}{4L^2} \Rightarrow |q_2| = \frac{|q_1|}{2} = 2 \mu\text{C}$$

چون نیروهای  $F_{12}$  و  $F_{23}$  خلاف یکدیگرند و بار  $q_2$  خارج از فاصله دو بار  $q_1$  و  $q_3$  قرار دارد، بنابراین بارهای  $q_1$  و  $q_2$  ناهم‌نام‌اند.  
 $q_2 = -2 \mu\text{C}$



۳۰

سوال ۳۰ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

رابطه نیروی الکتریکی  $F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$  است.

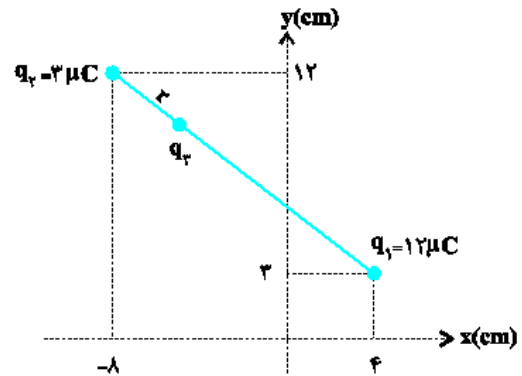
$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{q_1' q_2'}{q_1 q_2} \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \xrightarrow{q_1' = 2q_1, q_2' = 2q_2, r' = 2r} \frac{F_2}{F_1} = \frac{(2q_1)(2q_2)}{q_1 q_2} \left(\frac{r}{2r}\right)^2 \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = 1$$

با تغییرات اعمال شده به متغیرها نیروی الکتریکی بین دو بار تغییر نمی‌کند. بنابراین گزینه «۲» صحیح می‌باشد.

۳۱

سوال ۳۱ گزینه درست: ۳

گزینه ۳



با توجه به این که برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر هر سه ذره برابر با صفر است، هر سه بار باید روی یک خط راست قرار داشته باشند و با توجه به این که بارهای  $q_1$  و  $q_2$  هم‌علامت هستند، بار  $q_3$  باید بین دو بار قرار گیرد و علامت آن منفی باشد. فاصله بین دو بار  $q_1$  و  $q_2$  را  $d$  فرض می‌کنیم. اگر فاصله بار  $q_3$  تا بار  $q_2$  برابر با  $r$  باشد، داریم:

$$F_{23} = F_{13} \Rightarrow k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2} = k \frac{|q_1||q_3|}{r_{13}^2} \Rightarrow \frac{q_2}{r^2} = \frac{q_1}{(d-r)^2} \Rightarrow \frac{3}{r^2} = \frac{12}{(d-r)^2} \Rightarrow r = \frac{1}{3}d$$

برآیند نیروهای وارد بر بار  $q_2$  برابر با صفر است. داریم:

$$F_{12} = F_{23} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_2|}{r_{12}^2} = k \frac{|q_2||q_3|}{r_{23}^2} \Rightarrow \frac{12}{d^2} = \frac{|q_3|}{(\frac{1}{3}d)^2}$$

$$\Rightarrow |q_3| = \frac{4}{3} \mu C \Rightarrow q_3 = -\frac{4}{3} \mu C$$

$$q_1 = +8 \mu C \quad q_2 = -5 \mu C \quad (32)$$

سوال ۳۲ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

ابتدا بار  $q_1$  و  $q_2$  را در حالت جدید به دست می‌آوریم:

$$q_2 = \frac{25}{100} \times q_1 = \frac{25}{100} \times 80 = 20 \mu C$$

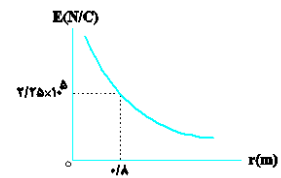
$$\Rightarrow q_2' = -50 + 20 = -30 \mu C, q_1' = 80 - 20 = 60 \mu C$$

اکنون با استفاده از قانون کولن نسبت دو نیرویی را که دو بار در دو حالت به یکدیگر وارد می‌کنند به دست می‌آوریم:

$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q_1'| \times |q_2'|}{|q_1| \times |q_2|} = \frac{60 \times 30}{80 \times 50} = \frac{9}{20}$$

$$\text{درصد تغییرات نیرو} = \frac{F' - F}{F} \times 100 = \frac{-11}{20} \times 100 = -55$$

بنابراین نیروی الکتریکی که دو بار در حالت جدید به یکدیگر وارد می‌کنند، ۵۵ درصد کاهش می‌یابد.



(۳۳)

گزینه درست: ۳ سوال ۳۳

گزینه ۳

مقدار میدان الکتریکی در فاصله  $r$  از بار  $q$  برابر است با:  $E = \frac{k|q|}{r^2}$

از روی نمودار داریم:  $E = 2/25 \times 10^5 \frac{N}{C}$ ,  $r = 0.18m$

$$2/25 \times 10^5 = \frac{k|q|}{0.18^2} \Rightarrow k|q| = 225 \times 64 \times 10^{-6} \left( \frac{N \cdot m^2}{C} \right)$$

اکنون با استفاده از قانون کولن نیروی الکتریکی را که دو بار به یکدیگر وارد می‌کنند به دست می‌آوریم:

$$E = \frac{k|q||q'|}{r^2} \rightarrow \frac{k|q|=225 \times 64 \cdot \frac{N \cdot m^2}{C}}{q'^2=9 \times 10^{-6} C, r^2=90 \text{ cm}=0.9 m} \rightarrow$$

$$\Rightarrow F = \frac{225 \times 64 \times 10 \times 9 \times 10^{-6}}{0.81} = 1/6 N$$

(۳۴)

گزینه درست: ۱ سوال ۳۴

گزینه ۱

با توجه به رابطه انرژی ذخیره شده در خازن داریم:

$$U_2 - U_1 = 90 \mu J \rightarrow \frac{1}{2C} ((\frac{\Delta q_1}{4})^2 - q_1^2) = 90$$

$$q_2 = q_1 + \frac{\Delta q_1}{4} = \frac{\Delta q_1}{4}$$

$$\frac{C=5\mu F}{\rightarrow} \left( \frac{25}{16} - 1 \right) q_1^2 = 900 \Rightarrow q_1^2 = 1600$$

$$\Rightarrow q_1 = 40 \mu C \xrightarrow{q=CV} V = \frac{40}{5} = 8V$$

(۳۵)

گزینه درست: ۳ سوال ۳۵

گزینه ۳

در هر حالت، ظرفیت خازن را حساب می‌کنیم:

$$C = \kappa \epsilon \cdot \frac{A}{d}$$

$$C_1 = 1 \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{40 \times 10^{-4}}{5 \times 10^{-3}} = 7/2 \times 10^{-12} F = 7/2 pF$$

$$C_2 = 1 \times 9 \times 10^{-12} \times \frac{40 \times 10^{-4}}{1 \times 10^{-3}} = 36 \times 10^{-12} F = 36 pF$$

بنابراین:

$$\Delta C = C_2 - C_1 = 36 - 7/2 = 28/2 pF$$

(۳۶)

گزینه درست: ۲ سوال ۳۶

گزینه ۲

با توجه به رابطه انرژی ذخیره شده در یک خازن داریم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 10^{-6} \times (10)^2 = 250 \times 10^{-6} J = 250 \mu J$$

(۳۷)

سوال ۳۷

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

وقتی از صفحه منفی ۳cm بار جدا کنیم و به صفحه مثبت انتقال دهیم، بار خازن به اندازه ۳cm افزایش می‌یابد.

$$U' = \frac{q'^2}{2C} \xrightarrow{C=15\mu F=15 \times 10^{-6} F} \frac{q'^2}{2 \times 15 \times 10^{-6}} \rightarrow U' = \frac{(q+3)^2 \times 10^{-6}}{2 \times 15 \times 10^{-6}}$$

$$= \frac{(q+3)^2}{30} (*)$$

$$U = \frac{q^2}{2C} \xrightarrow{C=15\mu F=15 \times 10^{-6} F} U = \frac{q^2 \times 10^{-6}}{2 \times 15 \times 10^{-6}} = \frac{q^2}{30} (**)$$

$$U' - U = 900 \text{ mJ} = 0.9 \text{ J} \xrightarrow{(**), (*)} \frac{(q+3)^2}{30} - \frac{q^2}{30} = 0.9$$

$$\Rightarrow \frac{q^2 + 6q + 9 - q^2}{30} = 0.9 \Rightarrow 6q = 27 - 9 = 18$$

$$\Rightarrow q = 3 \text{ mC} = 3 \times 10^{-3} \text{ C}$$

$$U = \frac{q^2}{2C} = \frac{(3 \times 10^{-3})^2}{2 \times 15 \times 10^{-6}} = \frac{9}{30} = 0.3 \text{ J} = 300 \text{ mJ}$$

(۳۸)

سوال ۳۸

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

میدان حاصل از یک بار نقطه‌ای در فاصله d از آن برابر است:

$$E = \frac{kq}{d^2} \xrightarrow{d=30 \text{ cm}=0.3 \text{ m}} 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times q}{0.09}$$

$$k=9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}, E=10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

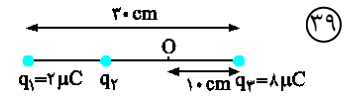
$$q = 10^{-6} \text{ C} = 1 \mu\text{C}$$

نیروی وارد بر بار  $\text{N}_2(\text{g}) + 3\text{H}_2(\text{g}) \rightarrow 2\text{NH}_3(\text{g})$  در میدان الکتریکی به بزرگی E برابر است با:

$$F_E = Eq' \xrightarrow{F_E=0.2 \text{ N}} 0.2 = 10^5 q' \Rightarrow q' = \frac{0.2}{10^5}$$

$$E=10^5 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$= 2 \times 10^{-7} \text{ C} = 0.2 \mu\text{C}$$

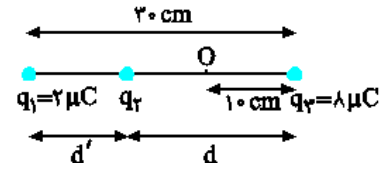


سوال ۳۹

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

با توجه به این که بر ایند نیروهای وارد بر هر سه بار برابر صفر است، لذا  $d$  و  $q_2$  را حساب می‌کنیم:



$$F_{12} = k \frac{q_1 q_2}{d'^2}, F_{23} = k \frac{q_2 q_3}{d^2}$$

$$F_{12} = F_{23}$$

$$\frac{q_1}{d'^2} = \frac{q_3}{d^2} \frac{q_2}{q_2} \rightarrow \left(\frac{d}{d'}\right)^2 = 4 \Rightarrow \frac{d}{d'} = 2$$

$$d = 20 \text{ cm} \Rightarrow r_{23} = d - 10 = 10 \text{ cm}$$

$$d' = 10 \text{ cm}$$

با توجه به این که نیروی بر ایند وارد بر بار  $q_2$  برابر صفر است، داریم:

$$F_{23} = F_{12} \Rightarrow k \frac{|q_2| q_3}{r_{23}^2} = k \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \Rightarrow \frac{|q_2|}{20^2} = \frac{2}{10^2} \Rightarrow |q_2| = \frac{8}{9} \mu\text{C}$$

از آن جا که بار  $q_2$  در خارج از فاصله دو بار  $q_1$  و  $q_3$  قرار دارد بنابراین بارهای  $q_1$  و  $q_3$  ناهم‌نام‌اند.  $q_2 = -\frac{8}{9} \mu\text{C} \leftarrow$

اکنون نیروی وارد بر بار  $q_2$  را به دست می‌آوریم:



$$F_T = F_{23} + F_{24} - F_{12} = kq_2 \left( \frac{q_3}{r_{23}^2} + \frac{|q_2|}{r_{24}^2} - \frac{q_1}{r_{12}^2} \right)$$

$$k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}, q_3 = 8 \mu\text{C} = 8 \times 10^{-6} \text{C}, |q_2| = \frac{8}{9} \mu\text{C} = \frac{8}{9} \times 10^{-6} \text{C}, q_1 = 2 \mu\text{C} = 2 \times 10^{-6} \text{C}$$

$$r_{12} = 20 \text{ cm} = 0.2 \text{ m}, r_{23} = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}, r_{24} = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}, q_2 = 1 \mu\text{C} = 10^{-6} \text{C}$$

$$F_T = 9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6} \left( \frac{8 \times 10^{-6}}{0.1^2} + \frac{\frac{8}{9} \times 10^{-6}}{0.1^2} - \frac{2 \times 10^{-6}}{0.2^2} \right)$$

$$F_T = 9 \times 10^{-3} \times 10^{-2} \left( 8 + \frac{8}{9} - \frac{1}{2} \right)$$

$$= 9 \times 10^{-5} \left( \frac{144 + 16 - 9}{18} \right) = 7.5 \text{ N}$$

۴۰

گزینه درست: ۲

سوال ۴۰

گزینه ۲

$$F' = F - 0.52F = 0.48F$$

$$q'_1 = q - \alpha q$$

$$q'_2 = q + \alpha q$$

$$r' = r + 0.25r = \frac{5}{4}r$$

$$\frac{F}{F'} = \frac{\frac{kq^2}{r^2}}{\frac{kq'_1 q'_2}{r'^2}} = \frac{\frac{q^2}{r^2}}{\frac{q^2(1-\alpha^2)}{(\frac{5}{4})^2 r^2}} \xrightarrow{\frac{F}{F'} = \frac{1}{0.48}}$$

$$\frac{1}{0.48} = \frac{25}{16} \times \frac{1}{1-\alpha^2} \Rightarrow 10 \cdot (1-\alpha^2) = 75 \Rightarrow \alpha^2 = 0.25$$

$$\Rightarrow \alpha = 0.5 \equiv 50 \text{ درصد}$$

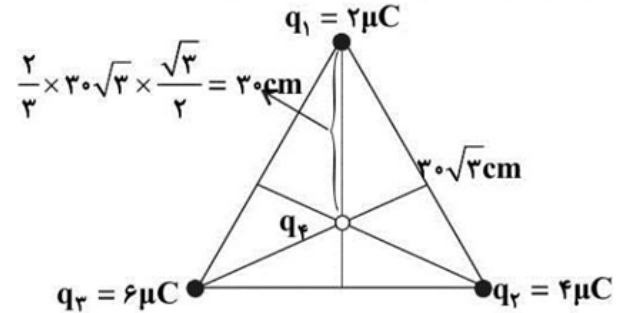
(۴۱)

گزینه درست: ۴

سوال ۴۱

گزینه ۴

مطابق قانون کولن نیروی الکتریکی بین دو بار با حاصلضرب اندازه دو بار نسبت مستقیم و با مجذور فاصله آنها نسبت عکس دارد. چون فاصله بار  $q_1$  با بارهای  $q_2$  و  $q_3$  یکسان است. نسبت نیروی الکتریکی بین بار  $q_1$  با تک تک بارها برابر با نسبت اندازه آنها است. یعنی:

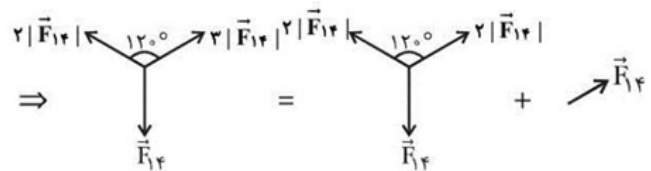


$$F = \frac{kqq'}{r^2}$$

$$F_{12} = \frac{kq_1 q_2}{r_{12}^2}, F_{13} = \frac{kq_1 q_3}{r_{13}^2}, F_{23} = \frac{kq_2 q_3}{r_{23}^2}$$

$$\xrightarrow{r_{12}=r_{13}=r_{23}} \frac{F_{12}}{F_{23}} = \frac{q_1}{q_3}, \frac{F_{13}}{F_{23}} = \frac{q_1}{q_2}$$

$$\xrightarrow{q_1=2\mu C, q_2=6\mu C, q_3=4\mu C} F_{23} = 2F_{12}, F_{33} = 3F_{12}$$



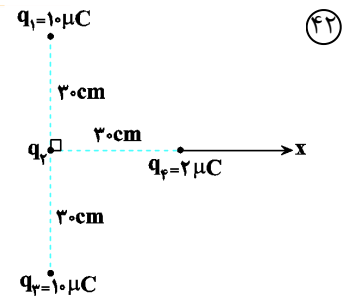
$$= \begin{matrix} \uparrow 2|F_{12}| \\ \downarrow |F_{12}| \end{matrix} + \begin{matrix} \rightarrow |F_{12}| \end{matrix} = \begin{matrix} \uparrow |F_{12}| \\ \rightarrow |F_{12}| \end{matrix}$$

$$2F_{12} \times \cos 60^\circ + 2F_{12} \cos 60^\circ = 2F_{12}$$

$$\Rightarrow F_T = 2F_{12} \cos \frac{60^\circ}{2} = \sqrt{3} F_{12}$$

$$\Rightarrow F_T = \sqrt{3} \times 9 \times 10^{-9} \times \frac{2 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{(0.3)^2} = \sqrt{3} \text{ N}$$

نکته: در مثلث متساوی الاضلاع فاصله هر رأس تا محل برخورد میانه‌ها برابر با  $\frac{2}{3}$  طول میانه (ارتفاع) مثلث است.

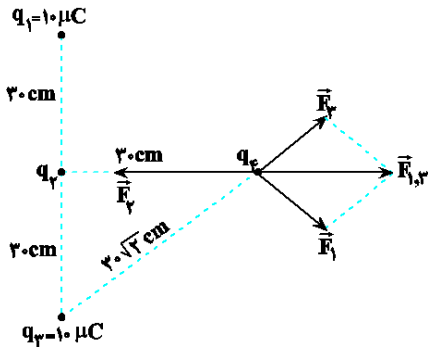


گزینه درست: ۱

سوال ۴۲

گزینه «۱»

بارهای  $q_1$  و  $q_3$  در فاصله یکسانی از بار  $q_2$  قرار دارند و چون هم‌اندازه و هم‌علامت هستند، اندازه آنها با یکدیگر برابر است. با توجه به قانون کولن داریم:



$$F_1 = F_3 = 9 \times 10^9 \frac{q_1 q_3}{r_{13}^2} = 9 \times 10^9 \frac{(1.0 \times 10^{-6})^2}{(3.0 \times 10^{-2})^2} = 1 \text{ N}$$

چون بردارهای  $F_1$  و  $F_3$  هم‌اندازه و عمود برهم‌اند بنابراین برآیند آنها برابر است با:

$$F_{1,3} = \sqrt{2} F_1 = \sqrt{2} \text{ N} \Rightarrow F_{1,3} = [\sqrt{2} \text{ N}] \vec{i}$$

اکنون نیروی وارد بر بار  $q_2$  از طرف بار  $q_2$  را به دست می‌آوریم:

$$F_T = F_1 + F_{1,3} \xrightarrow{F_T = (\sqrt{2}-2)N \vec{i}} F_T = [-2 \text{ N}] \vec{i}$$

چون نیروی  $F_T$  به سمت چپ است بنابراین دو بار  $q_2$  و  $q_2$  یکدیگر را جذب می‌کند. پس  $q_2 < 0$  است با توجه به قانون کولن داریم:

$$F_T = K \frac{|q_2| |q_2|}{r_{22}^2} \xrightarrow{K = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}, |q_2| = 2 \mu\text{C} = 2 \times 10^{-6} \text{ C}, r_{22} = 3.0 \text{ cm} = 3 \text{ m}, F_T = 2 \text{ N}}$$

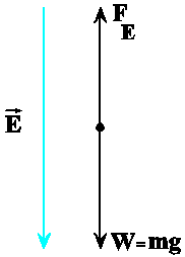
$$2 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_2| \times 2 \times 10^{-6}}{9.0 \times 10^{-4}} \Rightarrow |q_2| = 10^{-5} \text{ C} = 10 \mu\text{C} \xrightarrow{q_2 < 0} q_2 = -10 \mu\text{C}$$

۴۳

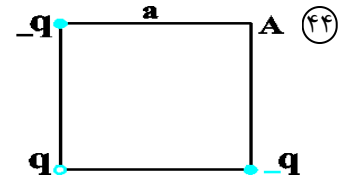
سوال ۴۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

چون ذره باردار در حالت تعادل است بنابراین نیروی میدان الکتریکی و نیروی وزن هم‌اندازه و در خلاف جهت به ذره باردار وارد می‌شوند. از طرفی چون جهت میدان الکتریکی پایین است و جهت نیروی الکتریکی دارد بر ذره به سمت بالا است پس بار ذره منفی است.



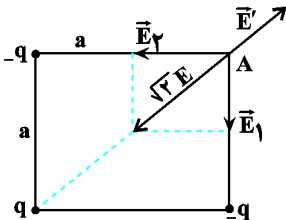
$$F_E = mg \xrightarrow{F_E = E|q|} E|q| = mg \xrightarrow{E = 10^{-7} \frac{N}{C}, g = 10 \frac{N}{kg}} \xrightarrow{m = \Delta g = \Delta \times 10^{-2} \text{ kg}} \xrightarrow{q < 0} |q| = \frac{\Delta \times 10^{-2} \times 10}{10^{-7}} = \Delta \times 10^{-6} \text{ C} \rightarrow q = -\Delta \mu\text{C}$$



سوال ۴۴ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

اگر میدان الکتریکی حاصل از یکی از بارهای رأس مجاور A را در نقطه A، برابر با  $\vec{E}$  در نظر بگیریم در این صورت میدان الکتریکی حاصل از بار q در نقطه A برابر است با:



$$|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2| = E \quad \text{و} \quad E' = \frac{k|q|}{(\sqrt{2}a)^2} = \frac{k|q|}{2a^2} \xrightarrow{E = \frac{k|q|}{a^2}} E' = \frac{E}{\sqrt{2}}$$

با توجه به جهت بردار میدان حاصل از سه بار دو نقطه A، میدان الکتریکی برآیند در این حالت برابر است با:

$$E_t = \sqrt{2}E - \frac{E}{\sqrt{2}} = E\left(\sqrt{2} - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$$

$$E'_t = \sqrt{2}E \xrightarrow{E_t = E\left(\sqrt{2} - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)} E'_t - E_t = \frac{E}{\sqrt{2}}$$

در حالت دوم که بار q حذف می‌شود، میدان الکتریکی برآیند دو نقطه A برابر می‌شود با:

بنابراین میدان برآیند به اندازه  $\frac{E}{\sqrt{2}}$  افزایش می‌یابد.

$$\Delta E = \frac{E}{\sqrt{2}} \xrightarrow{k = \frac{9 \times 10^9}{a^2}, a = 2 \cdot \text{cm} = 0.02 \text{ m}} \xrightarrow{q = 2 \cdot nC = 2 \times 10^{-9} \text{ C}, k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}}$$

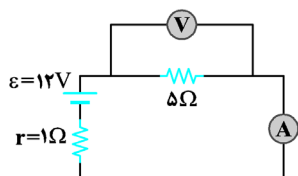
$$\Delta E = \frac{9 \times 10^9}{\sqrt{2}} \times \frac{2 \times 10^{-9}}{9 \times 10^{-4}} = 1000 \frac{N}{C}$$



# فصل دوم فیزیک یازدهم

## (پاسخنامه)

①

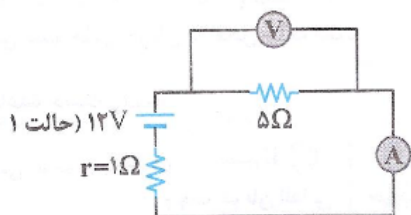


گزینه درست: ۱

سوال ۱

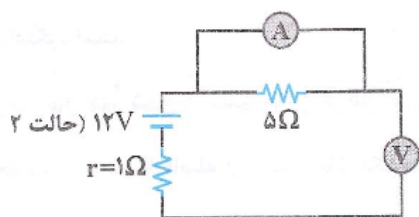
گزینه «۱»

با جابه‌جا شدن آمپرسنج و ولتسنج ایده‌آل، دو سر مقاومت ۵ اهمی اتصال کوتاه شده، از طرفی چون ولتسنج به‌صورت متوالی با مولد بسته شده است. بنابراین با توجه به اینکه مقاومت ولتسنج ایده‌آل بی‌نهایت است پس جریانی از مولد عبور نمی‌کند. در هر حالت مدار را رسم می‌کنیم.



$$I_{\text{آمپرسنج}} = \frac{\varepsilon}{R+r} \Rightarrow I_{\text{آمپرسنج}} = \frac{12}{5+1} = 2A$$

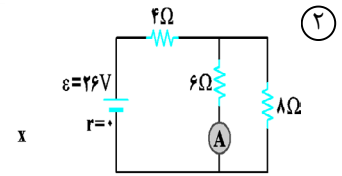
$$\Rightarrow V_{5\Omega} = V_{\text{ولتسنج}} = RI \xrightarrow[R=5\Omega]{I=2A} V_{5\Omega} = 10V$$



$$I'_{\text{آمپرسنج}} = 0, V_{5\Omega} = 0$$

$$V'_{\text{ولتسنج}} = 12V$$

با توجه به این دو حالت به بررسی گزاره‌ها می‌پردازیم:  
 الف) عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد ۲ آمپر کاهش می‌یابد.  
 ب) عددی که ولتسنج نشان می‌دهد، ۲ ولت افزایش می‌یابد.  
 پ) اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۵ اهمی، ۱۰ ولت کاهش می‌یابد.  
 با توجه به گزاره‌های صورت سؤال موارد الف) و ب) صحیح است.

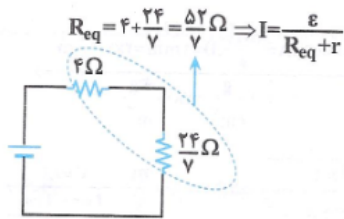
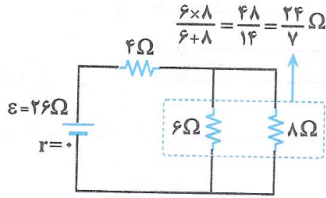


گزینه درست: ۲

سوال ۲

گزینه «۲»

در هر دو حالت مقاومت معادل مدار را به دست می آوریم و جریان عبوری از مقاومت ۸ اهمی را محاسبه می کنیم، چون مقاومت آمپرسنج ناچیزاست پس آن را در مدار در نظر نمی گیریم:

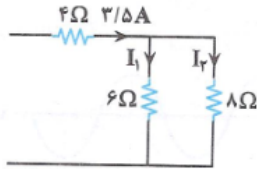


$$r = 0, \varepsilon = 26V$$

$$R_{eq} = \frac{\Delta \mathcal{R}}{\mathcal{Y}} \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$$

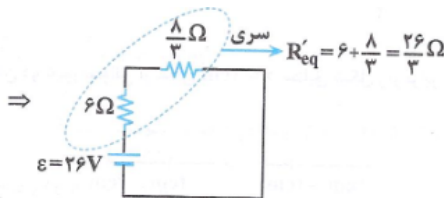
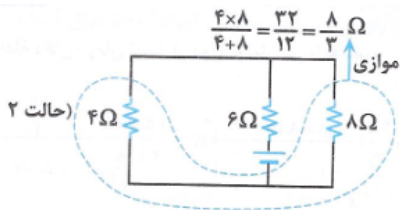
$$I = \frac{26}{\frac{52}{5}} = \frac{26}{10.4} = 2.5A$$

در مقاومت های موازی نسبت جریان عبوری از مقاومت ها عکس نسبت مقاومت ها است.

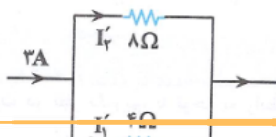


$$\frac{8}{6} = \frac{I_1}{I_2} \quad I_1 + I_2 = 2.5A$$

$$\begin{cases} I_1 = 2A \\ I_2 = 0.5A(*) \end{cases}$$



$$I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} \xrightarrow{r=0, \varepsilon=26V} I' = \frac{26}{\frac{26}{3}} = 3A$$



$$\frac{I'_2}{I'_1} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2} \xrightarrow{I'_2 + I'_1 = 2A} \begin{cases} I'_2 = 1A (***) \\ I'_1 = 2A \end{cases}$$

$$(*), (***) \Rightarrow I'_2 - I_2 = 1 - 1/5 = -0.5A$$

بنابراین جریان عبوری از مقاومت ۸ اهم، ۵/۰ آمپر کاهش می‌یابد.

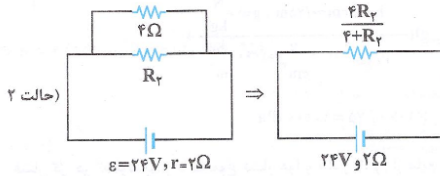
۳

گزینه درست: ۳

سوال ۳

گزینه «۳»

در هر دو حالت مقاومت معادل را حساب می‌کنیم و توان خروجی را به دست می‌آوریم:

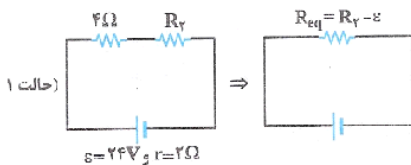


$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} \xrightarrow{r=2\Omega, R'_{eq} = \frac{4R_T}{4+R_T}}$$

$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{\frac{4R_T}{4+R_T} + 2} \xrightarrow{P'_{خروجی} = R'_{eq} I^2}$$

$$P'_{خروجی} = \frac{4R_T}{4+R_T} \times \left( \frac{(4+R_T)\varepsilon}{6R_T+8} \right)^2$$

$$P'_{خروجی} = \frac{4R_T(4+R_T)}{(6R_T+8)} \varepsilon^2 \quad (II)$$



$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{r=2\Omega, R_{eq} = 4+R_T} \quad r = I = \frac{\varepsilon}{6+R_T} \xrightarrow{P_{خروجی} = R_{eq} I^2}$$

$$P_{خروجی} = (4+R_T) \times \left( \frac{\varepsilon}{6+R_T} \right)^2 \quad (I)$$

از آنجا که توان خروجی در حالت اول ۳۶ درصد کوچک‌تر از حالت دوم است، پس داریم:

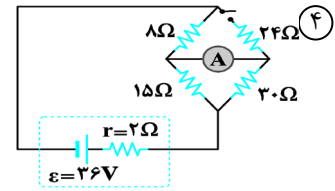
$$P_{خروجی} = 0.64 P'_{خروجی} \Rightarrow \frac{P_{خروجی}}{P'_{خروجی}} = \frac{64}{100} \xrightarrow{I, II}$$

$$\frac{\frac{4+R_T}{(6+R_T)^2}}{\frac{4R_T(4+R_T)}{(6R_T+8)^2}} \Rightarrow \frac{64}{100} = \frac{1}{4R_T} \left( \frac{6R_T+8}{6+R_T} \right)^2 \xrightarrow{\text{از طرفین جذر می‌گیریم}}$$

$$\frac{8}{10} = \frac{1}{2\sqrt{R_T}} \times \frac{6R_T+8}{6+R_T} \rightarrow$$

با توجه به اینکه سمت چپ تساوی کسر گویا است پس بایستی  $\sqrt{R_T}$  عددی صحیح باشد. به عبارت دیگر  $R_T$  باید مجذور کامل باشد. در بین گزینه‌ها دو مقدار  $4\Omega$  و  $36\Omega$  مجذور کامل هستند که با جایگذاری در تساوی بالا  $R_T = 4\Omega$  به دست می‌آید.

$$.R_T = 4\Omega \Rightarrow \frac{1}{2\sqrt{R_T}} \frac{6R_T+8}{6+R_T} = \frac{1}{4} \times \frac{22}{10} = \frac{8}{10}$$

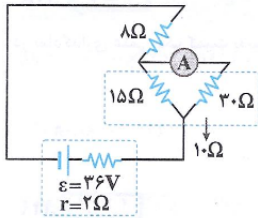


گزینه درست: ۲

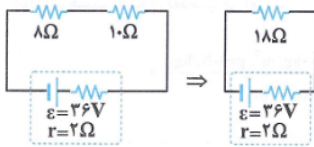
سوال ۴

گزینه «۲»

در حالتی که کلید باز است عددی که آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهد برابر با جریان عبوری از مقاومت  $30\Omega$  است.

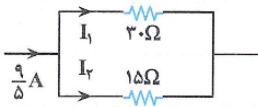


در حالت اول مدار را ساده می‌کنیم و جریان کل را به دست می‌آوریم:



$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{26}{18 + 2} = \frac{26}{20} \Rightarrow I = \frac{9}{5} \text{ A}$$

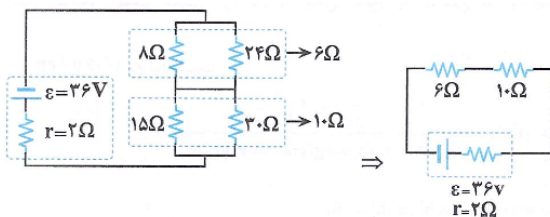
با توجه به اینکه نسبت جریان در مقاومت‌های موازی عکس نسبت مقاومت‌ها است، جریان عبوری از مقاومت‌ها است، جریانبعبوری از مقاومت  $30\pi$  را به دست می‌آوریم:



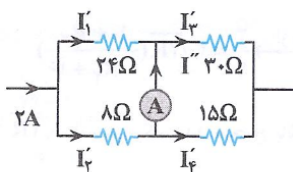
$$\frac{I_2}{I_1} = \frac{30}{15} \xrightarrow{I_1 + I_2 = \frac{9}{5} \text{ A}} I_1 = \frac{3}{5} \text{ A}$$

در حالتی که کلید بسته است عددی که آمپرسنج نشان می‌دهد برابر با تفاضل جریان عبوری از مقاومت‌های  $30\Omega$  و  $24\Omega$  است.

در حالت دوم مدار را ساده می‌کنیم:



$$\Rightarrow I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} \Rightarrow I' = \frac{26}{16 + 2} = 2 \text{ A}$$



$$\frac{I'_{1'}}{I'_{2'}} = \frac{15}{24} = \frac{5}{8} \xrightarrow{I'_{1'} + I'_{2'} = 2 \text{ A}} \begin{cases} I'_{1'} = \frac{1}{2} \text{ A} \\ I'_{2'} = \frac{3}{2} \text{ A} \end{cases}$$

$$\frac{I'_{\tau}}{I'_{\tau}} = \frac{15}{30} = \frac{1}{2} \xrightarrow{I'_{\tau} + I'_{\tau} = 2A} \begin{cases} I'_{\tau} = \frac{2}{3}A \\ I'_{\tau} = \frac{4}{3}A \end{cases}$$

$$I'' = I'_{\tau} - I'_{\tau} \xrightarrow{\begin{matrix} I'_{\tau} = \frac{1}{3}A \\ I'_{\tau} = \frac{2}{3}A \end{matrix}} I'' = \frac{2}{3} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6}A$$

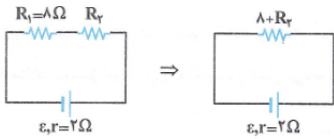
۵

گزینه درست: ۲

سوال ۵

گزینه «۲»

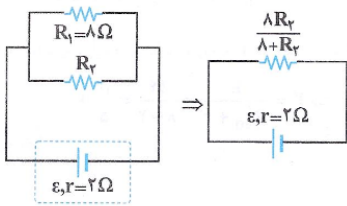
هر دو حالت مدار را رسم می‌کنیم و توان خروجی را به‌دست می‌آوریم:



$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}$$

$$P_{\hat{A}|>>oi} = R_{eq} I^2 \xrightarrow{R_{eq} = \lambda + R_{\tau}, r = 2\Omega}$$

$$P_{\hat{A}|>>oi} = (\lambda + R_{\tau}) \times \left( \frac{\varepsilon}{\lambda + R_{\tau} + 2} \right)^2 \quad (I)$$



$$I'_{\tau} = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r}$$

$$P'_{\hat{A}|>>oi} = R'_{eq} I'^2_{\tau} \xrightarrow{R'_{eq} = \frac{\lambda R_{\tau}}{\lambda + R_{\tau}}, r = 2\Omega}$$

$$\Rightarrow P'_{\hat{A}|>>oi} = \frac{\lambda R_{\tau}}{\lambda + R_{\tau}} \left( \frac{\varepsilon(\lambda + R_{\tau})}{\lambda + R_{\tau} + 2} \right)^2 \quad (II)$$

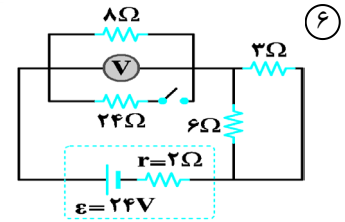
$$\frac{P'_{\hat{A}|>>oi}}{P_{\hat{A}|>>oi}} = \frac{9}{4}$$

$$I, II \xrightarrow{\quad} \frac{9}{4} = \frac{\lambda R_{\tau} (\lambda + R_{\tau})^2}{(\lambda + R_{\tau})^2 (\lambda + R_{\tau} + 2)^2}$$

$$\xrightarrow{\quad} \frac{3}{2} = 2\sqrt{2R} \left( \frac{\lambda + R_{\tau}}{\lambda + R_{\tau} + 2} \right)$$

با توجه به رابطه بالا  $2\sqrt{2R}$  بایستی یک عدد صحیح باشد بنابراین با توجه به گزینه‌ها تنها  $R_{\tau} = 8\Omega$  می‌تواند پاسخ سؤال باشد.



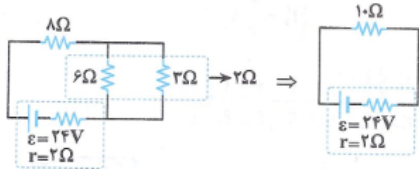


گزینه درست: ۳

سوال ۶

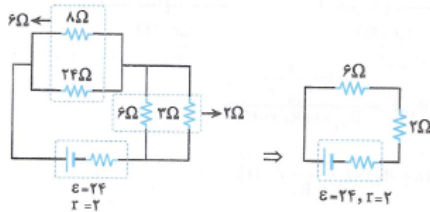
گزینه «۳»

در حالت اول که کلید باز است جریان عبوری از مقاومت  $8\Omega$  برابر جریان عبوری از مولد است و عددی که ولتسنج نشان می‌دهد اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $8\Omega$  است.



$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{12} = 2A \Rightarrow V + RI = 8 \times 2 = 16V$$

در حالت دوم با بسته شدن کلید دو مقاومت  $8\Omega$  و  $24\Omega$  موازی می‌شوند و ولتسنج اختلاف پتانسیل دو سر این مقاومت را نشان می‌دهد.

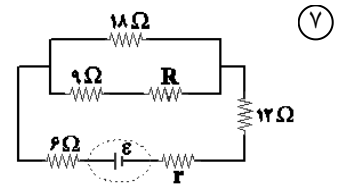


$$\Rightarrow I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{24}{8 + 2} = \frac{12}{5} A$$

عددی که ولتسنج در این حالت نشان می‌دهد برابر با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت معادل  $8\Omega$  و  $24\Omega$  است.

$$V' = 6 \times \frac{12}{5} = 14.4V \text{ (II)}$$

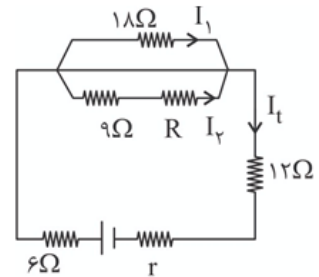
$$(I), (II) \Rightarrow V - V' = 16 - 14.4 = 1.6V$$



گزینه درست: ۲

سوال ۷

گزینه «۲»

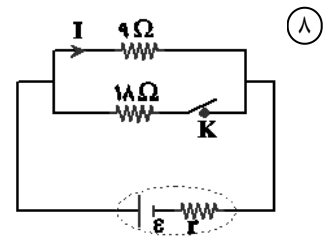


$$I_1 = \frac{u}{18} \quad I_2 = \frac{u}{12} \quad \frac{I_1}{I_2} = \frac{2}{3}$$

$$\Rightarrow I_1 = \frac{2}{3} I_2, I_2 = \frac{1}{3} I_t$$

$$\text{در مدار موازی} \quad \frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1}{R_2} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{18}{9+R} = \frac{1}{2}$$

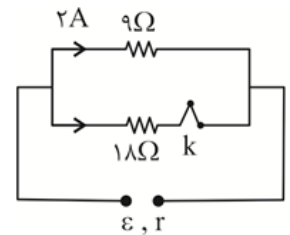
$$\Rightarrow 9+R = 36 \Rightarrow R = 27\Omega$$



گزینه درست: ۴

سوال ۸

گزینه «۴»



$$R_{eq} = \frac{9 \times 18}{9 + 18} = 6\Omega$$

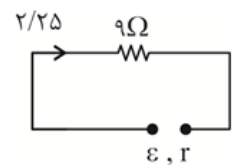
$$= \frac{9 \times 18}{27} = 6\Omega$$

$$V = \varepsilon - Ir \rightarrow 18 = \varepsilon - 2r \quad (1)$$

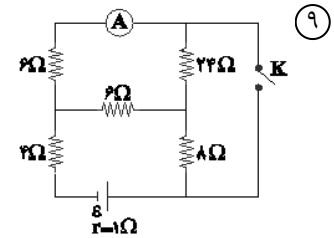
$$R_{eq} I_{کل}$$

$$9 \times \frac{2}{25} = \varepsilon - \frac{2}{25} r \cdot \frac{2}{25} = \varepsilon - \frac{2}{25} r \quad (2)$$

$$(2) - (1) \Rightarrow \frac{2}{25} = \frac{2}{25} r \rightarrow r = 25\Omega$$

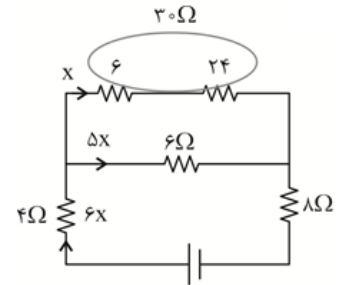




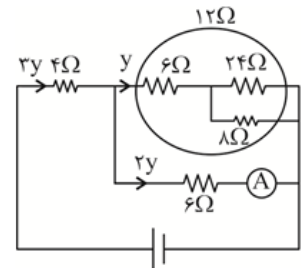


سوال ۹ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»  
قبل از بستن کلید



بعد از بستن کلید



$$R = \frac{30 \times 6}{36} = 5 \Omega$$

$$R_{eq} = 5 + 12 = 17 \Omega$$

$$6X = \frac{\epsilon}{18} \rightarrow X = \frac{E}{6 \times 18}$$

عدد آمپرسنج

$$\frac{24 \times 8}{32} = 6 \Omega$$

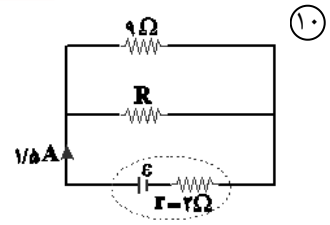
$$6 + 6 = 12 \rightarrow \frac{12 \times 6}{18} = 4 \Omega$$

$$R_{eq} = 4 + 4 = 8 \Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{r + R_{eq}}$$

$$3y = \frac{\epsilon}{9} \xrightarrow{\text{جریان آب یخ}} 2y = \frac{2\epsilon}{27} \rightarrow \frac{2y}{X} = \frac{\frac{2}{27}}{\frac{1}{6 \times 18}} = \frac{2 \times 6 \times 18}{27} = 8$$

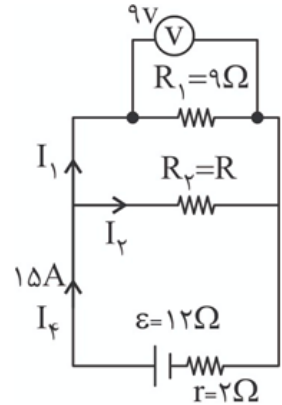




سوال ۱۰ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

\*ولتاژ در دو سمت مدار موازی برابر است



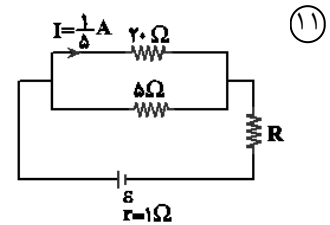
$$V = \epsilon - Ir = 12 \times 2 \times 1/5 = 9 \text{ u}$$

$$\frac{V}{R} = I \Rightarrow I_1 = \frac{9}{9} = 1 \text{ A}$$

$$I_{\text{total}} = I_1 + I_2 \Rightarrow 1/5 = 1 + I_2 \Rightarrow I_2 = -4/5 \text{ A}$$

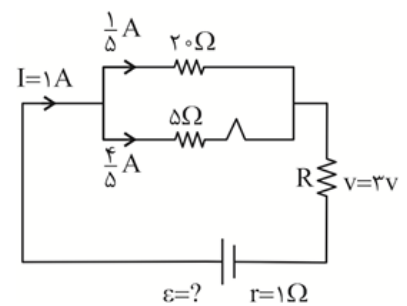
$$\text{در مدار موازی} \rightarrow \frac{R_1}{R_2} = \frac{I_2}{I_1} \Rightarrow \frac{9}{R_2} = \frac{-4/5}{1} \Rightarrow R_2 = 11.25 \Omega$$

$$P = PI^2 \Rightarrow P_2 = 11.25 \times (-4/5)^2 = 5.76 \text{ J}$$



سوال ۱۱ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

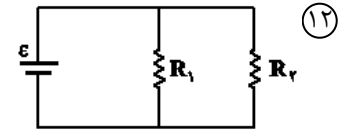


$$R = \frac{V}{I} = \frac{3}{1} = 3 \Omega$$

$$R_{\text{eq}} = \frac{20 \times 5}{25} + 3 = 7 \Omega$$

$$\epsilon = I(r + R_{\text{eq}}) = 1(1 + 7) = 8 \text{ V}$$





سوال ۱۲

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

راه حل اصلی:

دو مقاومت  $R_1$  و  $R_2$  موازی هستند، بنابراین:

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{2 \times 10^6 \times 100 \times 10^3}{2 \times 10^6 + 100 \times 10^3} = \frac{2 \times 10^6}{21} \Omega$$

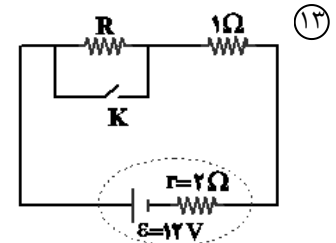
$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{20}{\frac{2 \times 10^6}{21}} = 21 \times 10^{-5} \text{ A} = 0.21 \text{ mA}$$

راه حل تخمینی:

چون  $R_2 \gg R_1$  است، بنابراین مقاومت معادل دو مقاومت موازی  $R_1$  و  $R_2$  در حدود مقاومت  $R_1$  است، بنابراین جریان تقریبی عبوری از مولد برابر است با:

$$I \approx \frac{\varepsilon}{R_1} = \frac{20}{100 \times 10^3} \approx 0.2 \text{ mA}$$

در بین گزینه‌ها عدد گزینه «۱» به عدد به دست آمده نزدیک است.



سوال ۱۳

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

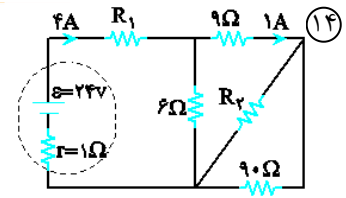
$$R_{eq} = 1$$

$$\text{وصل کنید } I = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} = \frac{12}{3} = 4 \text{ A} \quad \rightarrow P_{\text{خروجی}} = R_{eq} I^2 = 16 \text{ W} \quad (1)$$

$$R'_{eq} = 1 + R \text{ قطع کلید}$$

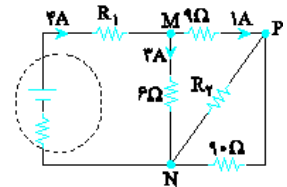
$$I' = \frac{12}{3+R} \xrightarrow{(1)} = 16 = (1+R) \times \frac{144 \times 12}{(3+R)^2}$$

$$\frac{(3+R)^2}{1+R} = 9 \rightarrow \text{از جایگذاری گزینه‌ها } R = 3 \Omega \text{ خواهد شد}$$



سوال ۱۴ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»



با توجه به مدار جریان عبوری از مقاومت  $6\Omega$  برابر با  $3A$  است. اکنون اختلاف پتانسیل بین نقاط  $M$  و  $N$  را به دست می‌آوریم.

$$V_{MN} = RI \xrightarrow{R=6\Omega, I=3A} V_{MN} = 18\Omega$$

اکنون اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های  $9\Omega$  و  $R_2$  را به دست می‌آوریم:

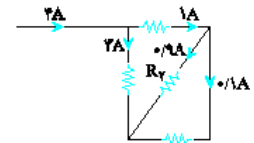
$$V_{MN} = V_{MP} + V_{PN} \xrightarrow{V_{PN}=9 \times 1=9V, V_{MP}=18V} V_{PN} = 9V$$

اکنون جریان عبوری از مقاومت  $9\Omega$  را به دست می‌آوریم:

$$I_{9\Omega} = \frac{V_{PN}}{9\Omega} = 0.1A$$

پس جریان عبوری از مقاومت  $R_2$  برابر می‌شود با:

$$I_{R_2} = 1 - 0.1 = 0.9A$$



با توجه به رابطه توان مصرفی مقاومت داریم:

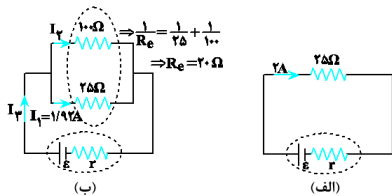
$$P_{R_2} = V_{R_2} I_{R_2} \xrightarrow{V_{R_2}=V_{PN}=9V, I_{R_2}=0.9A} P_{R_2} = 9 \times 0.9 = 8.1W$$

۱۵

سوال ۱۵ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

در مقاومت‌های موازی نسبت جریان عبوری از مقاومت‌ها عکس نسبت اندازه مقاومت‌ها است.



$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{10}{25} \Rightarrow I_2 = \frac{I_1}{2.5} = \frac{1/92}{2.5} = 0.48A$$

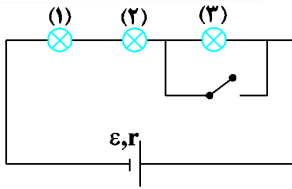
$$I_2 = I_1 + I_2 = 1/92 + 0.48 = 2/4A$$

$$P_1 = R_1 I_1^2 \Rightarrow P_1 = 25 \times 2^2 = 100W \quad (I)$$

$$P_2 = R_{eq} I_2^2 \Rightarrow P_2 = 20 \times 2/4^2 = 115/2W \quad (II)$$

(د), (II)

$$\longrightarrow P_2 - P_1 = 115/2 - 100 = 15/2W$$



گزینه درست: ۱

سوال ۱۶

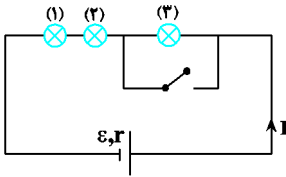
گزینه «۱»

با بسته شدن کلید لامپ (۳) اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌شود. در این حالت مقاومت معادل مدار کاهش می‌یابد و جریان عبوری از مولد افزایش می‌یابد. پس با توجه به قانون اهم با افزایش جریان اختلاف پتانسیل دو سر لامپ‌های (۱) و (۲) افزایش می‌یابد و اختلاف پتانسیل دو سر باتری کاهش می‌یابد.

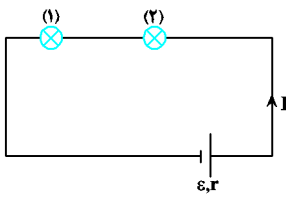
$$I = \frac{\varepsilon}{rR + r}, I' = \frac{\varepsilon}{rR + r} \Rightarrow I' > I$$

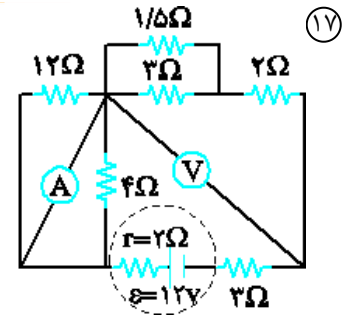
$$V = V_r = RI \xrightarrow{I \uparrow} V_1 = V_r \uparrow$$

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{I \uparrow} V \downarrow$$



پس از بسته شدن کلید

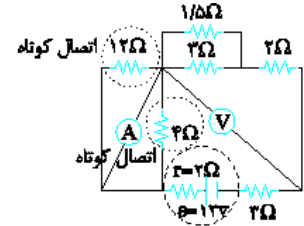




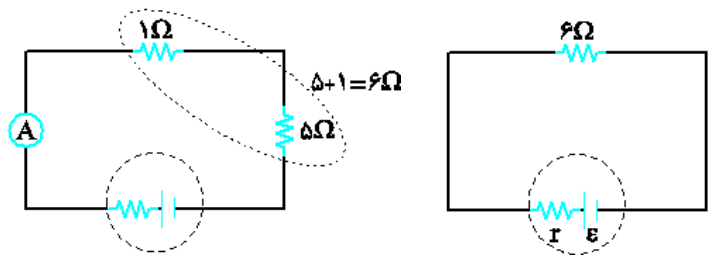
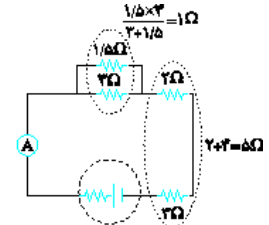
سوال ۱۷ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

چون آمپرسنج ایده آل است بنابراین مقاومت آن صفر است. با توجه به مدار مقاومت‌های  $4\Omega$  و  $12\Omega$  اتصال کوتاه و از مدار حذف می‌شوند.

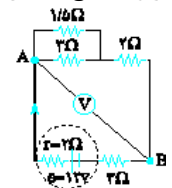


اکنون مدار را ساده می‌کنیم. و جریان عبوری از مدار را به دست می‌آوریم:



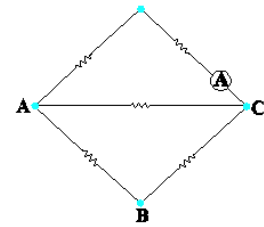
$$\Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_t + r} \xrightarrow{R_t = 6\Omega, r = 2\Omega, \varepsilon = 12V} I = \frac{12}{6 + 2} = \frac{12}{8} = 1.5A$$

از ولت‌سنج ایده آل جریان عبور نمی‌کند. عددی که ولت‌سنج نشان می‌دهد اختلاف پتانسیل نقاط A و B است.



$$V = RI \xrightarrow{R = 1 + 2 = 3\Omega, I = 1.5A} V = 3 \times 1.5 = 4.5V$$

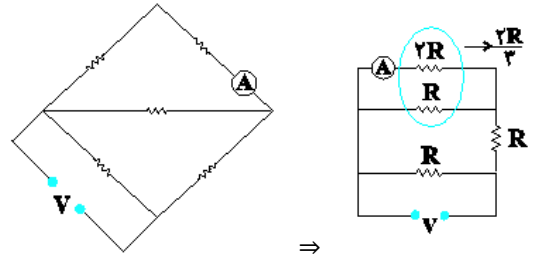
۱۸



سوال ۱۸ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

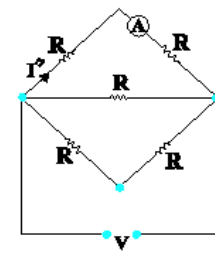
ابتدا مدار را در حالتی که بین دو نقطه A و B اختلاف پتانسیل ثابت متصل است بررسی و ساده می‌کنیم:



$$\Rightarrow I = \frac{V}{\frac{\Delta R}{3}} = \frac{3V}{\Delta R}$$

$$\Rightarrow I' = \frac{V}{\frac{3}{2}R} = \frac{2V}{3R} (*)$$

اکنون مدار را در حالتی که بین دو نقطه A و C اختلاف پتانسیل ثابتی برقرار است، بررسی می‌کنیم:



$$I'' = \frac{V}{2R} (**)$$

$$\frac{I''}{I'} = \frac{\frac{V}{2R}}{\frac{2V}{3R}} = \frac{3}{4}$$

۱۹

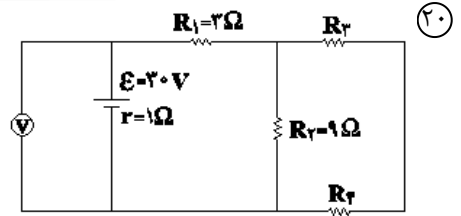
سوال ۱۹ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

چون مقاومت‌ها یکسان هستند بنابراین مقاومت معادل آن‌ها در حالت متوالی برابر با  $2R$  و در حالت موازی برابر با  $\frac{R}{2}$  است. مطابق رابطه توان داریم:

$$P = \frac{v^2}{R} \xrightarrow{v=v} \frac{p_{\text{متوالی}}}{p_{\text{موازی}}} = \frac{R_{\text{موازی}}}{R_{\text{متوالی}}} \xrightarrow{\begin{matrix} R_{\text{موازی}} = \frac{R}{2} \\ R_{\text{متوالی}} = 2R \end{matrix}} \frac{p_{\text{متوالی}}}{p_{\text{موازی}}} = \frac{1}{4} \xrightarrow{p_{\text{متوالی}} = 40W} p_{\text{موازی}} = 160W$$

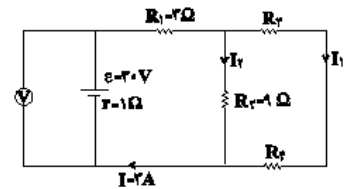




سوال ۲۰

گزینه درست: ۳

گزینه ۳



ابتدا جریان عبوری را از مدار به دست می‌آوریم:

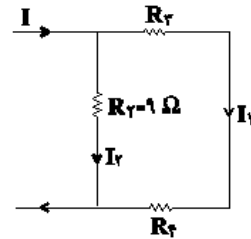
$$V = \varepsilon - rI \quad \begin{matrix} V = 27V \\ \varepsilon = 20V, r = 1\Omega \end{matrix} \rightarrow I = 3A$$

اکنون اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_2 = 9\Omega$  و جریان عبوری از آن را به دست می‌آوریم:

$$V_2 = 27 - 3 \times 3 = 18V \Rightarrow I_2 = \frac{V_2}{R_2} = \frac{18}{9} = 2A$$

$$\begin{matrix} I = I_1 + I_2 \\ I = 3A \end{matrix} \rightarrow I_1 = 1A \quad \begin{matrix} P_{R_2} = R_2 I_2^2 \\ P_{R_3} = 6W \end{matrix} \rightarrow R_3 = 6\Omega$$

می‌دانیم در مقاومت‌های موازی نسبت جریان عبوری از مقاومت‌ها به نسبت عکس اندازه مقاومت‌ها است.

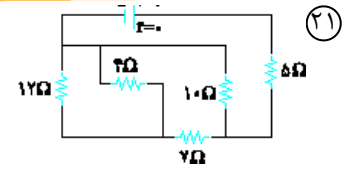


$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2}{R_3 + R_2}$$

$$\begin{matrix} I_1 = 1A, I_2 = 2A \\ R_2 = 9\Omega, R_3 = 6\Omega \end{matrix} \rightarrow \frac{1}{2} = \frac{9}{R_3 + 9}$$

$$\Rightarrow R_3 = 12\Omega$$



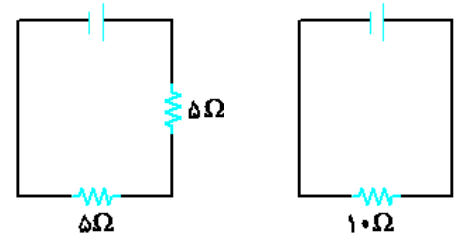
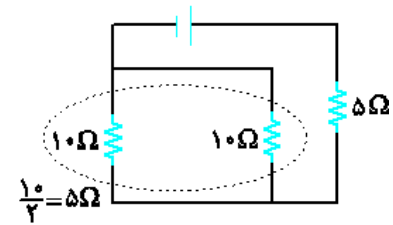
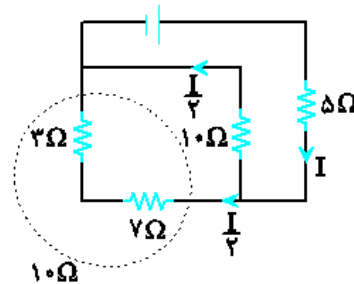
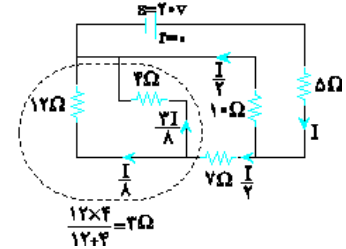


سوال ۲۱ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

ابتدا مدار را ساده می‌کنیم:

مقاومت‌های ۱۲Ω و ۲Ω موازی هستند و مقاومت معادل آنها با مقاومت ۷Ω سری است.



$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{r \ll R, \epsilon = 2.0V} \xrightarrow{R_{eq} = 10\Omega} I = 2A$$

جریان در مقاومت‌های موازی به نسبت عکس مقاومت‌ها است بنابراین جریان عبوری از مقاومت ۴Ω برابر است با:

$$I_{4\Omega} = \frac{rI}{8} = \frac{2}{4} A$$

سوال ۲۲

گزینه درست: ۱

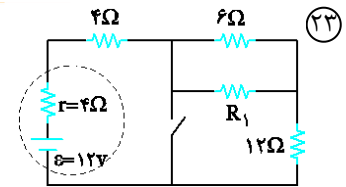
گزینه ۱

ابتدا جریان عبوری از ولت‌سنج را به دست می‌آوریم:

$$I = \frac{\epsilon}{R + r} \xrightarrow{r \ll R, R = 60k\Omega = 60 \times 10^3 \Omega} \xrightarrow{r \ll R, \epsilon = 6V} I = \frac{6}{60 \times 10^3} A = 10^{-4} A$$

$$q = It \xrightarrow{q = ne, t = 1 \text{ min} = 60s} \xrightarrow{e = 1.6 \times 10^{-19} C} 1/6 \times 10^{-19} \times n = 10^{-4} \times 60$$

$$\Rightarrow n = \frac{6}{1/6} 10^{16} \sim 10^{16}$$



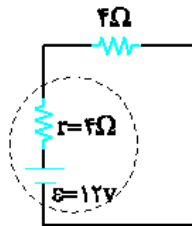
سوال ۲۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با بستن کلید مقاومت‌های  $6\Omega$  و  $12\Omega$  اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌شوند. در این حالت جریان عبوری و اختلاف پتانسیل دو سر باتری را به دست می‌آوریم:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_t + r} \xrightarrow{R_t = 4\Omega, r = 4\Omega} I = \frac{12}{8} = \frac{3}{2} \text{ A}$$

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow{\varepsilon = 12V, I = \frac{3}{2} A, r = 4\Omega} V = 12 - \frac{3}{2} \times 4 = 6V$$

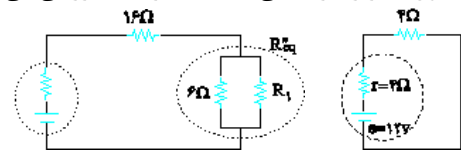


اکنون اختلاف پتانسیل دو سر باتری را در حالت اول به دست می‌آوریم:

$$\text{درصد تغییرات} = \frac{V_2 - V_1}{V_1} \times 100 \xrightarrow{V_2 = 6V, \text{درصد تغییرات} = -40} -40 = \frac{6 - V_1}{V_1} \times 100$$

$$\Rightarrow V_1 = 10V$$

اکنون مدار را در حالتی که کلید باز است بررسی می‌کنیم:



$$V' = \varepsilon - I'r \xrightarrow{V' = 10V} 10 = 12 - I' \times 4 \Rightarrow I' = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \text{ A}$$

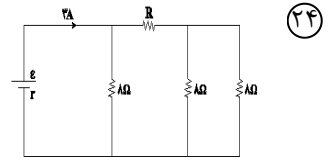
مقاومت معادل در حالتی که کلید باز است برابر است با:

$$R'_{eq} = 16 + R''_{eq}(I)$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R'_{eq} + r} \xrightarrow{\varepsilon = 12V, r = 4\Omega, I' = \frac{1}{2} A} \frac{1}{2} = \frac{12}{R'_{eq} + 4}$$

$$\Rightarrow R'_{eq} = 20\Omega \xrightarrow{R'_{eq} = 16 + R''_{eq}} R''_{eq} = 4\Omega$$

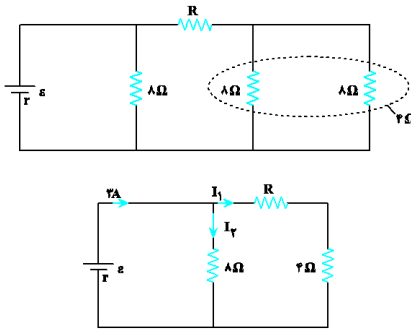
$$R''_{eq} = \frac{6R_1}{6 + R_1} \xrightarrow{R''_{eq} = 4} 4 = \frac{6R_1}{6 + R_1} \Rightarrow R_1 = 12\Omega$$



سوال ۲۴ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

ابتدا مدار را ساده می‌کنیم:

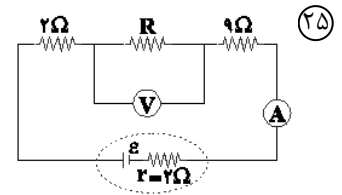


اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی با یکدیگر برابر است. بنابراین داریم:

$$V_R + 4I_1 = 8I_2$$

$$\xrightarrow{V_R=12V} 12 = 8I_2 - 4I_1 \Rightarrow 2I_2 - I_1 = 3A \quad V_R + 4I_1 = 8I_2$$

$$\xrightarrow{I_1+I_2=3A} \begin{cases} I_2 = 2A \\ I_1 = 1A \end{cases} \quad \xrightarrow{\begin{matrix} V_R=RI_1 \\ V_R=12V \end{matrix}} R = \frac{12}{1} = 12\Omega$$



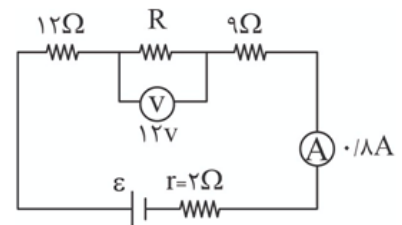
سوال ۲۵ گزینه درست: ۲

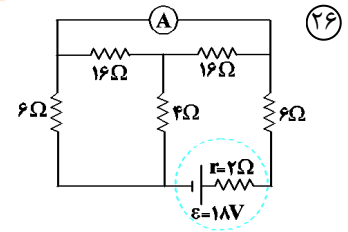
گزینه «۲»

$$\frac{V}{I} = R$$

$$\Rightarrow \frac{12u}{.18A} = 15\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{tot}} \Rightarrow .18 = \frac{\epsilon}{9 + 15 + 4 + 2} = \frac{\epsilon}{30} \Rightarrow \epsilon = 24u$$

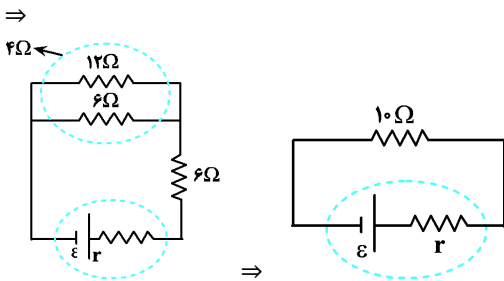
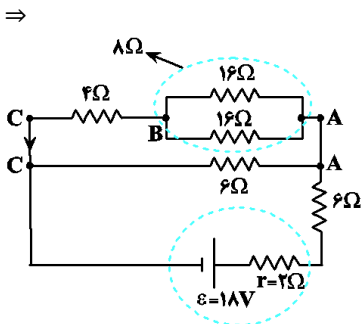
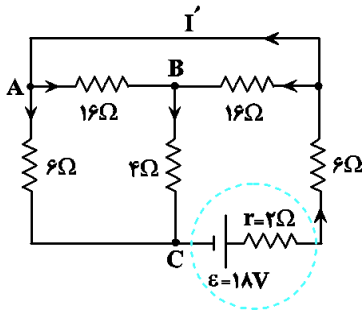




سوال ۲۶ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

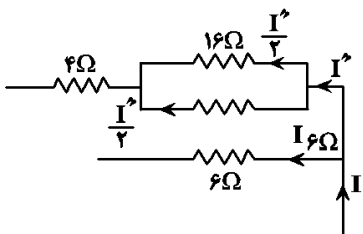
ابتدا شکل مدار را ساده می‌کنیم مقاومت معادل مدار و سپس جریان عبوری از مدار را به دست می‌آوریم:



$$\Rightarrow I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{18}{12 + 2} = \frac{18}{14} = \frac{9}{7} \text{ A}$$

جریان عبوری از سیم شامل آمپرسنج برابر با مجموع جریان عبوری از مقاومت ۱۶Ω و ۶Ω است.

$$I' = I_{16\Omega} + I_{6\Omega}$$

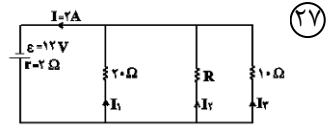


$$I_{6\Omega} \times 6 = I'' \times 12 \Rightarrow I_{6\Omega} = 2I''$$

$$I = \frac{9}{7} \text{ A}$$

$$\begin{cases} I_{6\Omega} = 1 \text{ A} \\ I'' = \frac{1}{2} \text{ A} \end{cases} \xrightarrow{I' = I_{16\Omega} + I_{6\Omega}, I_{6\Omega} = 1 \text{ A}} I' = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \text{ A}$$

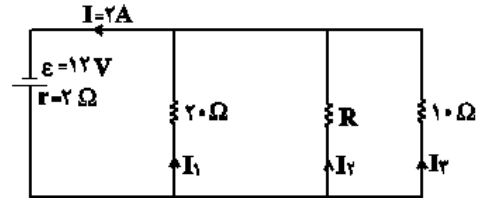




گزینه درست: ۴

سوال ۲۷

گزینه ۴



ابتدا اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی و جریان عبوری از آن‌ها را به دست می‌آوریم:

$$V = \varepsilon - rI \xrightarrow{\substack{\varepsilon=12V \\ r=2\Omega, I=2A}} V = 12 - 4 = 8V$$

$$I_2 = \frac{V}{R_2} = \frac{8}{10} A \quad I_1 = \frac{V}{R_1} = \frac{8}{20} A$$

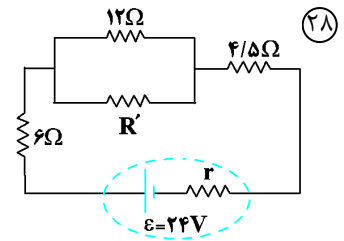
اکنون جریان عبوری از مقاومت R را به دست می‌آوریم. داریم:

$$I = I_1 + I_2 + I_3 \xrightarrow{I=2A, I_1=\frac{4}{10}A} I_3 = 2 - (0.4 + 0.8) = 0.8 A$$

$$I_3 = \frac{8}{10} A$$

با توجه به رابطه توان مصرفی یک مقاومت داریم:

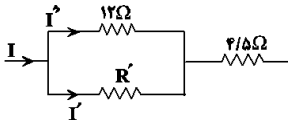
$$P = VI_3 \xrightarrow{\substack{V=8V \\ I_3=0.8A}} P = 6.4 W \xrightarrow{\substack{W=Pt \\ t=60s}} W = 6.4 \times 60 = 384 J$$



سوال ۲۸ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

می‌دانیم نسبت جریان در مقاومت هوای موازی عکس نسبت مقاومت‌ها است. اگر جریان عبوری از مدار را  $I$  در نظر بگیریم، جریان عبوری از  $R'$  برابر است با:



$$\frac{I'}{I''} = \frac{12}{R'} \xrightarrow{I'+I''=I} I' = \frac{12}{12+R'} I$$

با توجه به رابطه توان مصرفی مقاومت داریم:

$$P_{4/5} = 2P_{R'} \xrightarrow{P=RI^2} 4/5 I^2 = 2 \times R' \times \left(\frac{12}{12+R'} I\right)^2$$

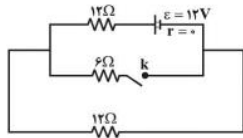
$$\Rightarrow 4/5 = 2R' \left(\frac{12}{12+R'}\right)^2 \Rightarrow \frac{9}{4} = R' \left(\frac{12}{12+R'}\right)^2$$

اگر از طرفین جذر بگیریم، خواهیم داشت:

$$\frac{3}{2} = \sqrt{R'} \frac{12}{12+R'} \xrightarrow{\sqrt{R'}=t} \frac{3}{2} = t \frac{12}{12+t^2} \Rightarrow t^2 - 8t + 12 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = 6 \xrightarrow{t=\sqrt{R'}} R' = 36\Omega \\ t = 2 \xrightarrow{t=\sqrt{R'}} R' = 4\Omega \end{cases}$$

چون کمترین مقدار ممکن برای  $R'$  خواسته شده است بنابراین جواب  $R' = 4\Omega$  است.

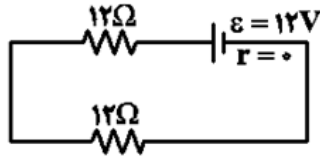


گزینه درست: ۳

سوال ۲۹

گزینه ۳

توان مصرفی مدار را در دو حالت به دست می آوریم:  
الف) کلید K باز است.



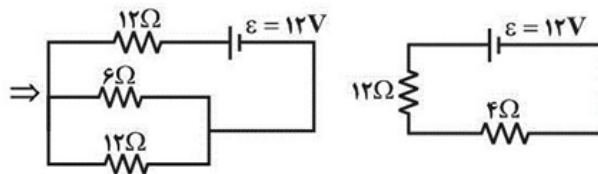
$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r}$$

$$\Rightarrow I = \frac{12}{12 + 12} = \frac{1}{2} \text{ A}$$

$$P_{\text{مصرفی}} = \varepsilon I - r I^2 \xrightarrow{r=0} P_{\text{مصرفی}} = 12 \times \frac{1}{2} = 6 \text{ W}$$

ب) کلید K بسته است.

در این حالت مقاومت ۶Ω و ۱۲Ω با یکدیگر موازی و مجموعه آن‌ها با مقاومت ۱۲Ω که به صورت متوالی به مولد متصل است، سری می‌باشد.



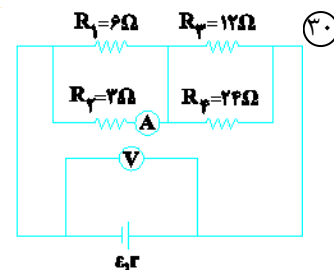
$$\frac{6 \times 12}{6 + 12} = 4 \Omega$$

$$I' = \frac{\varepsilon}{R' + r} \xrightarrow{r=0, \varepsilon=12V} I' = \frac{12}{12 + 4} = \frac{3}{4} \text{ A}$$

$$P'_{\text{مصرفی}} = \varepsilon I' = 12 \times \frac{3}{4} = 9 \text{ W} \quad (\text{II})$$

بنابراین توان مصرفی ۳W افزایش می‌یابد.

$$\text{I), (II)} \Rightarrow P' - P_{\text{مصرفی}} = 9 - 6 = 3 \text{ W}$$



سوال ۳۰

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

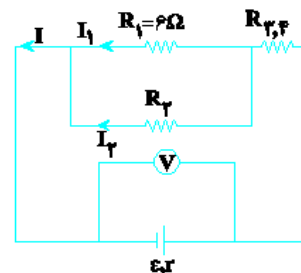
با افزایش مقاومت  $R_2$ ، مقاومت کل مدار افزایش می‌یابد لذا مطابق رابطه  $I = \frac{\epsilon}{R+r}$ ، جریان عبوری از مدار کاهش می‌یابد. بنابراین با توجه به رابطه  $V = \epsilon - Ir$  با کاهش جریان، اختلاف پتانسیل دو سر مولد افزایش می‌یابد، همچنین با توجه به کاهش جریان مدار اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت  $R_{2,4}$  نیز کاهش می‌یابد ( $V_{2,4} = IR_{2,4}$ ). بنابراین مطابق رابطه  $V = V_{1,2} + V_{2,4}$  با افزایش  $V$  و کاهش  $V_{2,4}$ ، مقدار  $V_{1,2}$  افزایش می‌یابد.

$$V_{R_1} = V_{1,2} \uparrow, V_{R_1} = I_1 R_1 \xrightarrow{R_1} I_1 \uparrow$$

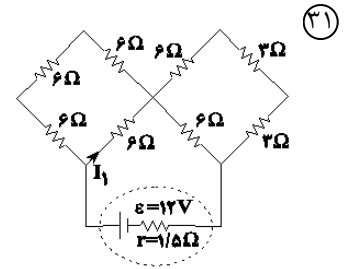
$$I = I_1 + I_2 \xrightarrow{I_1 \uparrow} I_2 \downarrow$$

نکته: در مقاومت‌های موازی اگر با ثابت ماندن تعداد شاخه‌ها مقاومت یکی از شاخه‌ها افزایش یابد مقاومت معادل افزایش خواهد یافت.

$$\frac{1}{R_{1,2}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \xrightarrow{R_2 \uparrow \Rightarrow \frac{1}{R_2} \downarrow} \frac{1}{R_{1,2}} \downarrow \Rightarrow R_{1,2} \uparrow$$



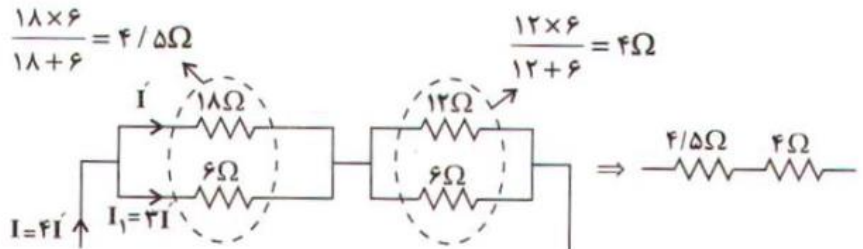
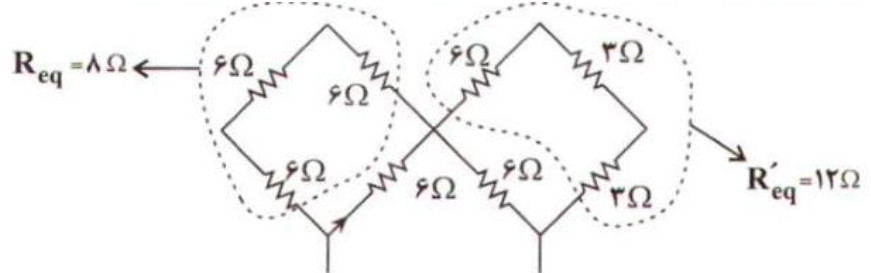




سوال ۳۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

ابتدا مدار را ساده می‌کنیم و مقاومت معادل مدار را به دست می‌آوریم:

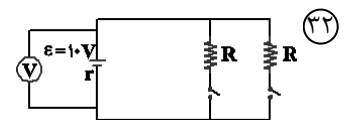


$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{8 + 1/5} = \frac{12}{8.2} = \frac{6}{4.1} = \frac{6}{4.1} \text{ A}$$

$$I = \frac{12}{10} = \frac{6}{5} \text{ A} \xrightarrow{I = 4I'} \rightarrow I' = \frac{6}{20} = \frac{3}{10} \text{ A}$$

در مقاومت‌های موازی نسبت جریان عبوری از مقاومت‌ها به نسبت عکس مقاومت‌ها است. بنابراین مطابق شکل  $I_1$  برابر است با:

$$I_1 = 3I' = 0.9 \text{ A}$$



سوال ۳۲ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

وقتی یک کلید بسته باشد:

$$V = \epsilon - Ir$$

$$\Rightarrow 6 = 10 - Ir \Rightarrow Ir = 4$$

$$Ir = \frac{\epsilon V}{R+r} = \frac{10 \cdot 6}{R+r} = 4 \Rightarrow 10 \cdot r = 4R + 4r \Rightarrow R = 1/2 r$$

وقتی دو کلید بسته باشد:

$$\frac{1}{R_{\text{معادل}}} = \frac{1}{R} + \frac{1}{R} \Rightarrow R_{\text{معادل}} = \frac{R}{2} \xrightarrow{R=1/2r} \frac{3}{4} r$$

$$I = \frac{\epsilon}{\frac{R}{2} + r} = \frac{10}{\frac{3}{4}r + r} = \frac{10}{\frac{7}{4}r} = \frac{40}{7r}$$

$$\Rightarrow u = 6 - Ir = 10 - \frac{40}{7r} \times r = \frac{30}{7}$$

۳۳

گزینه درست: ۲

سوال ۳۳

گزینه ۲

با توجه به ثابت بودن مقاومت لامپ، توان مصرفی لامپ برابر است با:

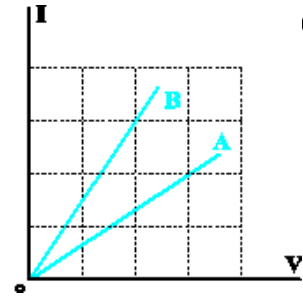
$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2 \Rightarrow \frac{100}{P_2} = \left(\frac{220}{110}\right)^2 \Rightarrow P_2 = \frac{100}{(1/1)^2} W$$

$$\Rightarrow P = \frac{0.1}{(1/1)^2} kW$$

انرژی مصرفی توسط این لامپ در مدت ۱۱ ساعت برابر است با:

$$E = P \cdot t = \frac{0.1}{(1/1)^2} \times 11 \Rightarrow E = \frac{1.1}{11} kWh$$

۳۴

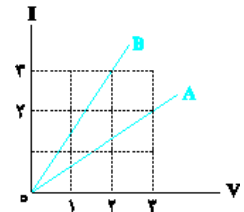


گزینه درست: ۱

سوال ۳۴

گزینه ۱

با توجه به رابطه  $R = \frac{V}{I}$  شیب نمودار ولتاژ بر حسب جریان همان مقاومت الکتریکی است. نمودار داده شده جریان بر حسب ولتاژ است بنابراین شیب این نمودار عکس مقاومت الکتریکی می‌باشد.

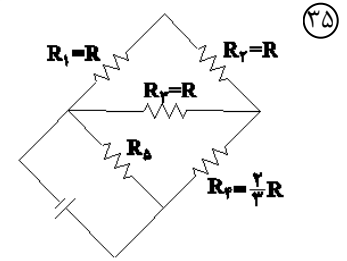


با توجه به شکل داریم:

$$A \text{ برای مقاومت } \rightarrow V = 3; I = 2 \Rightarrow R_A = \frac{3}{2}$$

$$B \text{ برای مقاومت } \rightarrow V = 2; I = 3 \Rightarrow R_B = \frac{2}{3}$$

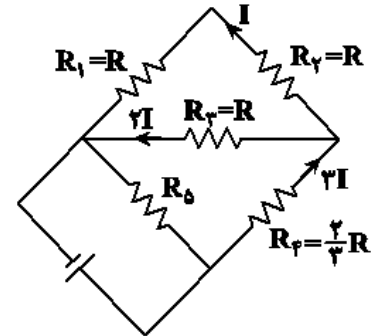
$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{3}{2}} = \frac{4}{9}$$



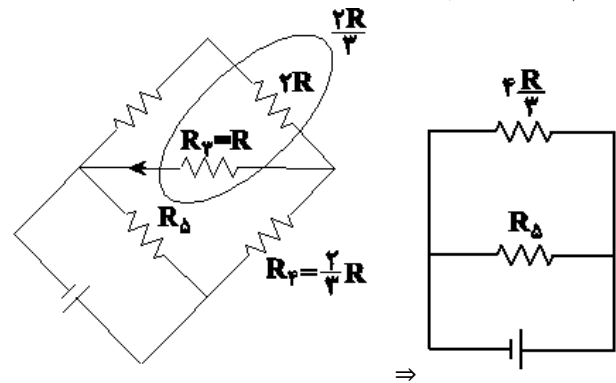
سوال ۳۵ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

ابتدا مدار را ساده می‌کنیم.



$$\frac{\frac{2}{3}R \times R}{\frac{2}{3}R + R} = \frac{2}{3}R$$



با فرض آنکه توان مصرفی مقاومت  $R_3$  برابر با  $P_3$  است داریم:

$$P_3 = R_3 I_3^2 \xrightarrow[\substack{I_3 = \frac{1}{3}I \\ R_3 = R}]{\substack{I_3 = \frac{1}{3}I \\ R_3 = R}} P_3 = \frac{1}{9} R I^2$$

بنابراین توان مصرفی شاخه بالایی مدار برابر است با:

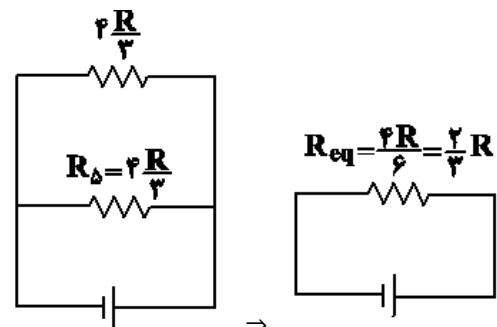
$$P_{\frac{2}{3}R} = \frac{\frac{2}{3}R}{R} (\frac{1}{3}I)^2 = \frac{2}{9} R I^2 \xrightarrow{P_3 = \frac{1}{9} R I^2} P_{\frac{2}{3}R} = 2P_3 = P_4$$

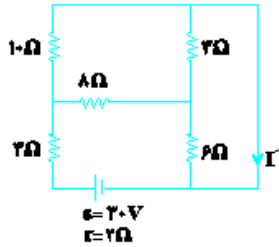
چون توان مصرفی شاخه بالایی با توان مصرفی  $R_4$  برابر است و از طرفی اختلاف پتانسیل شاخه بالایی و شاخه پایینی (شامل مقاومت  $R_4$ ) با

یکدیگر برابر است بنابراین مطابق رابطه  $P = \frac{V^2}{R}$ ،  $R_4$  برابر با مقاومت شاخه بالایی مدار است.

بنابراین مقاومت معادل مدار برابر است با:

$$R_{\Delta} = \frac{4}{3}R$$

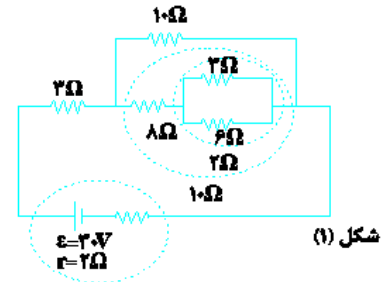




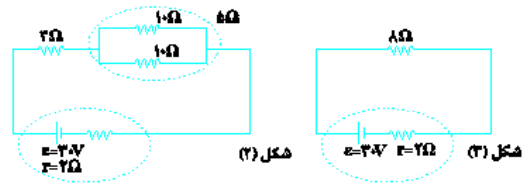
سوال ۳۶ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

ابتدا مدار را ساده می‌کنیم:



شکل (۱)



شکل (۲)

شکل (۳)

اکنون جریان عبوری از مدار را به دست می‌آوریم:

$$I = \frac{\epsilon}{r + R_{eq}} = \frac{30}{2 + 8} = \frac{30}{10} = 3A$$

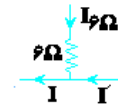
با توجه به شکل (۲)، چون مقاومت‌های ۱۰ اهمی به صورت موازی با یکدیگر بسته شده‌اند، جریان عبوری از آن‌ها با یکدیگر برابر است. بنابراین جریان عبوری از مقاومت ۱۰Ω، برابر ۱/۵ A می‌شود.

در شکل اول جریانی که از مقاومت ۸ اهمی می‌گذرد با جریان عبوری از مقاومت ۱۰ اهمی برابر است؛ بنابراین:

$$I_{8\Omega} = I_{10\Omega} = \frac{3}{2} = 1.5A$$

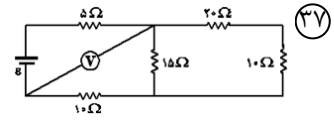
از طرفی مقاومت‌های ۳Ω و ۶Ω به صورت موازی با یکدیگر بسته شده‌اند و نسبت جریان عبوری از آن‌ها به نسبت عکس مقاومت آن‌ها است.

$$\left. \begin{aligned} \frac{R_{6\Omega}}{R_{3\Omega}} &= \frac{I_{3\Omega}}{I_{6\Omega}} = \frac{6}{3} = 2 \\ I_{3\Omega} + I_{6\Omega} &= 1.5A \end{aligned} \right\} \rightarrow \begin{cases} I_{3\Omega} = 1A \\ I_{6\Omega} = 0.5A \end{cases}$$



با توجه به شکل مقابل داریم:

$$I' + I_{6\Omega} = I \xrightarrow{I_{6\Omega} = 0.5A, I = 3A} I' = 3 - 0.5 = 2.5A$$



گزینه درست: ۴

سوال ۳۷

گزینه ۴

مقاومت‌های ۱۰ اهمی و ۲۰ اهمی با یکدیگر متوالی و معادل آن با مقاومت ۱۵ اهمی موازی و معادل آن با مقاومت ۱۰ اهمی به صورت متوالی است. داریم:

$$R_1 = 10 + 20 = 30 \Omega$$

$$R_2 = \frac{30 \times 15}{30 + 15} = 10 \Omega$$

$$R_3 = 10 + 10 = 20 \Omega$$

ولت‌سنج ایده‌آل، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت معادل ۲۰ اهمی را نشان می‌دهد.

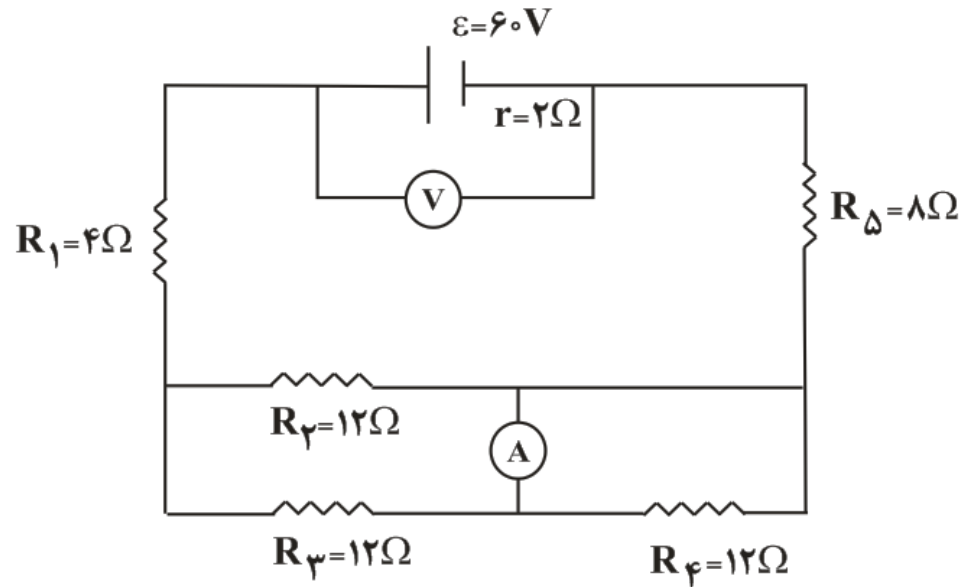
$$V = IR_3 \Rightarrow 6 = I \times 20 \Rightarrow I = \frac{3}{10} \text{ A}$$

مقاومت معادل مدار برابر است با:

$$R_{eq} = 20 + 5 = 25 \Omega$$

ولتاژ دو سر مولد برابر با ولتاژ دو سر مقاومت معادل مدار است. بنابراین:

$$V_\varepsilon = V_{R_{eq}} = IR_{eq} = \frac{3}{10} \times 25 = 7.5 \text{ V}$$

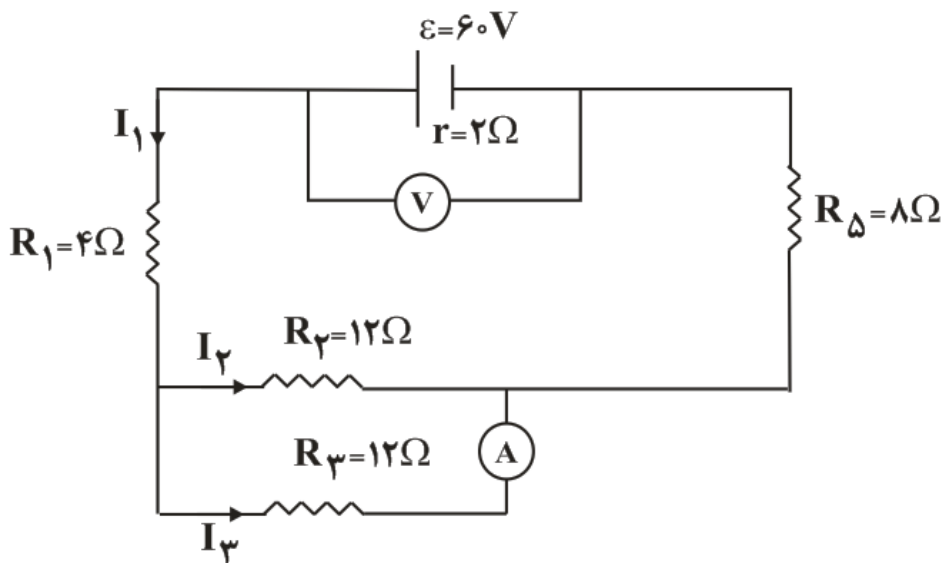


گزینه درست: ۱

سوال ۳۸

گزینه ۱

با توجه به مدار دو سر مقاومت  $R_{\Gamma}$  توسط سیم بدون مقاومت به هم متصل شده است، بنابراین اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌شود. در این حالت جریانی که آمپرسنج نشان می‌دهد برابر با جریان عبوری از مقاومت  $R_{\Phi}$  است. اکنون مدار را ساده می‌کنیم:



$$\frac{1}{R_{\Gamma,\Gamma}} = \frac{1}{R_{\Gamma}} + \frac{1}{R_{\Gamma}} \Rightarrow R_{\Gamma,\Gamma} = 6\Omega$$

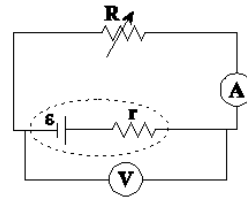
$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r}, R_1 = 4\Omega, \varepsilon = 6.0V, r = 2\Omega$$

$$I = \frac{6.0}{6 + 4 + 8 + 2} = 3A \xrightarrow{I_{\Gamma} = I_{\Gamma}} I_{\Gamma} = 1.5A$$

$$V = \varepsilon - rI = 6.0 - 2 \times 3 = 0.4V$$

اختلاف پتانسیل دو سر مولد برابر است با:

۳۹



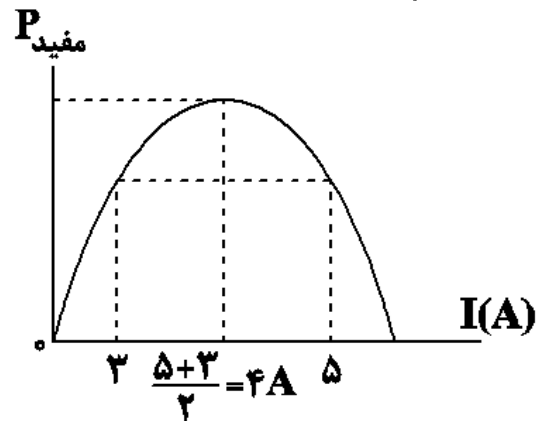
گزینه درست: ۴

سوال ۳۹

گزینه «۴»

توان مفید در یک مدار تک حلقه از رابطه زیر به دست می آید.

$$P_{\text{مفید}} = \varepsilon I - rI^2$$



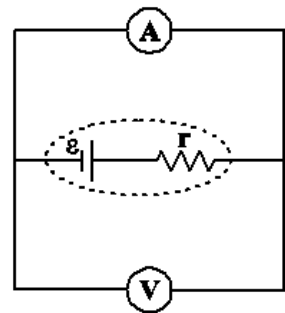
مطابق نمودار به ازای جریان عبوری ۴A توان مفید مدار بیشینه است و در حالتی که توان بیشینه مولد بیشینه مقاومت درونی مولد و مقاومت خارجی مدار با یکدیگر است و جریان عبوری از مولد برابر است با:

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \xrightarrow{R=r} I = \frac{\varepsilon}{2r} = 4 \quad (*)$$

مطابق شکل زیر ولتسنج زمانی عدد صفر را نشان می دهد که دو سر مولد اتصال کوتاه شده باشد.

در این حالت جریانی که آمپرسنج نشان می دهد برابر است با:

$$I' = \frac{\varepsilon}{r} \xrightarrow{(*)} I' = 8A$$



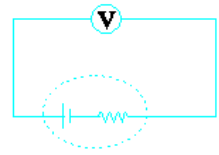
۴۰

گزینه درست: ۲

سوال ۴۰

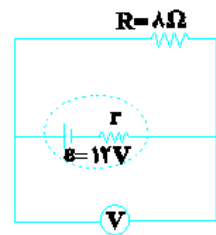
گزینه ۲

وقتی باتری به مدار وصل نیست جریانی از آن عبور نمی‌کند و عددی که ولت‌سنج در این حالت نشان می‌دهد برابر با نیروی محرکه مولد است.  
بنابراین:  $\varepsilon = 12V$



در حالی که باتری به یک مقاومت ۸ اهمی متصل است، اختلاف پتانسیل دو سر باتری برابر با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت ۸ اهمی است.  
اکنون افت پتانسیل در مولد را به دست می‌آوریم:

$$V = \varepsilon - Ir \xrightarrow[V = 9/6 V]{\varepsilon = 12 V} Ir = 2/4 V$$



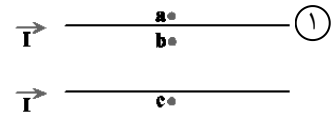
چون جریان یکسانی از مولد و مقاومت R عبور می‌کند، داریم:

$$\frac{V_f}{V_R} = \frac{Ir}{IR} = \frac{r}{R} \xrightarrow[V_R = 9/6 V, R = 8\Omega]{V_f = 2/4 V} \frac{2/4}{9/6} = \frac{r}{8} \Rightarrow r = 2\Omega$$



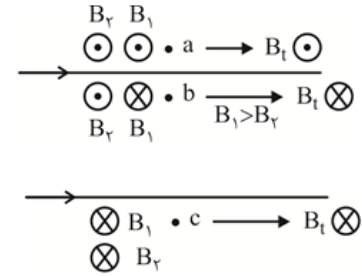
# فصل سوم فیزیک یازدهم

## (پاسخنامه)



سوال ۱ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»



سوال ۲ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

طبق قاعده دست راست، اگر چهار انگشت دست راست در جهت بردار سرعت و جهت خم شدن انگشتان در جهت  $\vec{B}$  باشد، جهت انگشت شست دست راست، جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار مثبت را نشان می‌دهد که در این سؤال درون سو است. داریم:

$$F = |q|vB \sin \theta = 25 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^5 \times 10^{-4} \times 10^{-4} \times \sin 53^\circ$$

$$\Rightarrow F = 4N$$

سوال ۳

گزینه درست: ۱

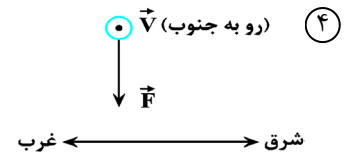
گزینه ۱

با توجه به رابطه نیروی محرکه القایی متوسط، یکای وبر بر ثانیه، معادل ولت است.

$$\vec{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}$$

$\uparrow$   
 $w_b$   
 $\downarrow$   
 $s$

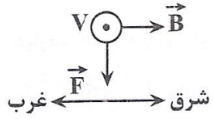




سوال ۴ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از قاعده دست راست برای بار  $q < 0$ ، جهت میدان مغناطیسی را مشخص می‌کنیم:

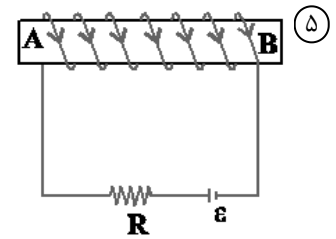


اکنون با توجه به رابطه نیروی مغناطیسی وارد بر ذره باردار  $q$  که با تندی  $V$  عمود بر میدان مغناطیسی حرکت می‌کند، داریم:

$$F_B = |q| V B \sin \theta \xrightarrow{\sin \theta = 1, F_B = 4 \times 10^{-14} \text{ N}}$$

$$V = 5 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}, |q| = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

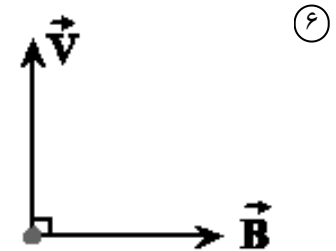
$$4 \times 10^{-14} = 1.6 \times 10^{-19} \times 5 \times 10^5 \times B \Rightarrow B = \frac{4 \times 10^{-14}}{8 \times 10^{-14}} = 0.5 \text{ T}$$



سوال ۵ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

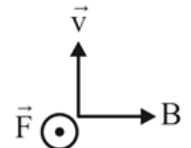
درسیملوله، هنگامی که انگشتان دست راست را در جهت جریان سیم پیچ خم کنیم، شست قطب  $N$  را نشان می‌دهد که سمت راست است. از آنجایی که میدان مغناطیسی در آهنربا از قطب  $S$  به قطب  $N$  است، جهت میدان درون سیملوله نیز به سمت راست است.



سوال ۶ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از دست چپ (برای الکترون) جهت نیرو برون سو خواهد شد.



7

سوال 7 گزینه درست: 4

گزینه «4»

با توجه به قانون القای فارادی داریم:

$$(\mathcal{E}_{av}) = \left( -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right) \xrightarrow{\Phi = 0.2 \cos 50\pi t}$$

$$|\mathcal{E}_{av}| = \left| 50 \times 0.2 \frac{\cos 50^\circ \pi \times 0.2 - \cos 50^\circ \pi \times 0.1}{0.2 - 0.1} \right|$$

$$= \frac{\cos \frac{3\pi}{2} - \cos \frac{\pi}{2}}{0.2} = 0$$

8

سوال 8 گزینه درست: 3

گزینه 3

مطابق قاعده دست راست جهت تعیین نیروی وارد بر یک بار متحرک در میدان مغناطیسی بردار  $\vec{F}$  بر هر دو بردار  $\vec{V}$  و  $\vec{B}$  عمود است.

9

سوال 9 گزینه درست: 4

گزینه 4

با استفاده از رابطه نیروی مغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان، داریم:

$$F = BIl \sin \theta \Rightarrow [F] = [B] [I] [l]$$

$$\Rightarrow N = T \cdot A \cdot m \Rightarrow T = \frac{N}{A \cdot m}$$

10

سوال 10 گزینه درست: 4

گزینه «4»

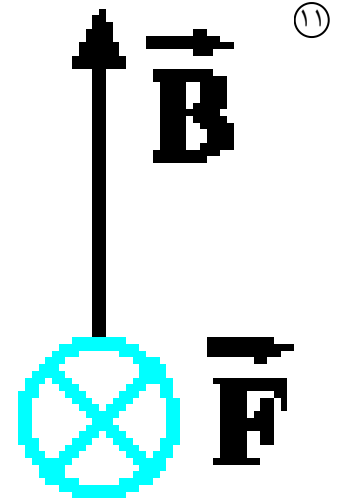
زمانی که پیچه از میدان خارج می شود شار عبوری از آن صفر می شود. با توجه به رابطه نیروی محرکه القایی متوسط داریم:

$$|\mathcal{E}_{av}| = \left| -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| \xrightarrow{\Delta\Phi = \Phi_2 - \Phi_1}$$

$$\mathcal{E}_{av} = \frac{NAB \cos \theta}{\Delta t} \xrightarrow{\Phi_2 = 0, \Phi_1 = ABC \cos \theta}$$

$$\mathcal{E}_{av} = \frac{100 \times 5 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-2}}{0.1} = 0.1 V$$

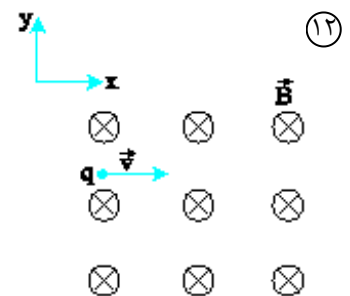
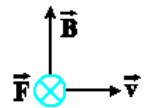




سوال ۱۱ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

برای به دست آوردن جهت سرعت از قاعده دست راست استفاده می‌کنیم. در این گونه مسائل به علامت بار متحرک توجه کنید. قاعده دست راست برای حرکت بار مثبت است. در صورت منفی بودن علامت بار یا می‌توان از قانون دست چپ استفاده کرد یا جهت به دست آمده در قانون دست راست را در نهایت معکوس کرد.



سوال ۱۲ گزینه درست: ۱

اکنون بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر بار را به دست می‌آوریم:

$$F_B = qvB \sin \theta$$

$\theta = 90^\circ, q = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, m = 1/7 \times 10^{-27} \text{ kg}$

$$v = 1 \cdot 10^4 \frac{\text{m}}{\text{s}}, F_B = ma, B = 17 \cdot 10^{-4} \text{ T}$$

$$1/7 \times 10^{-27} a = 1/6 \times 10^{-19} \times 1 \cdot 10^4 \times 17 \cdot 10^{-4} \times \sin 90^\circ$$

$$\Rightarrow a = 1/6 \times 10^{10} \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \xrightarrow{\text{SwH}^{-1} \text{MS}\mu\text{w} \frac{3}{4} \text{Ma}} \vec{a} = 1/6 \times 10^{10} \vec{j} \left( \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$



۱۳

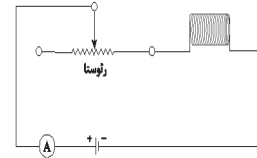
سوال ۱۳ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با توجه به رابطه جریان متناوب، جریان عبوری را در لحظه  $t = \frac{3}{400} \text{ s}$  به دست می آوریم:

$$I = I_m \sin \frac{2\pi}{T} t \xrightarrow{T = \frac{1}{50} \text{ s}, I_m = \Delta A, t = \frac{3}{400} \text{ s}} I = \Delta \sin 100\pi t$$

$$I = \Delta \sin \frac{3\pi}{4} \xrightarrow{\sin \frac{3\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}} I = \frac{\Delta\sqrt{2}}{2} \text{ A}$$



۱۴

سوال ۱۴ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

با توجه به رابطه انرژی ذخیره شده در سیمولوله جریان عبوری از آن را به دست می آوریم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \xrightarrow{U = 0.4 \text{ J}, L = 0.05 \text{ H}} 0.4 = \frac{1}{2} \times 0.05 \times I^2$$

$$I^2 = 16 \Rightarrow I = 4 \text{ A}$$

اکنون با استفاده از رابطه میدان مغناطیسی در محور سیمولوله داریم:

$$B = \mu_0 n I \xrightarrow{n = \frac{N}{\ell}, N = 100, \ell = 1 \text{ m}, I = 4 \text{ A}} B = 12 \times 10^{-7} \times \frac{100}{1 \times 10^{-2}} \times 4 = 6 \times 10^{-3} \text{ T} = 6 \text{ G}$$

۱۵

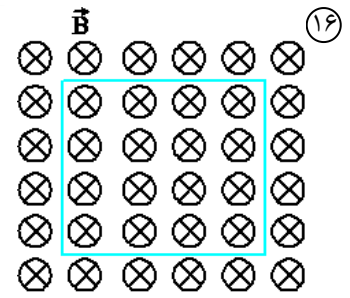
سوال ۱۵ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

نیروی مغناطیسی وارد بر یک سیم حامل جریان  $I$  به طول  $L$  در یک میدان مغناطیسی  $B$  که زاویه سیم با خطوط میدان برابر  $\theta$  است از رابطه زیر به دست می آید:

$$F_B = BIL \sin \theta \xrightarrow{\theta = 37^\circ, I = 4 \text{ A}, L = 2 \text{ m}, B = 5 \times 10^{-2} \text{ T}} F_B = 5 \times 10^{-2} \times 4 \times 2 \times \sin 37^\circ = 2/4 \times 10^{-1} \text{ N}$$





سوال ۱۶ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با توجه به قانون القای فارادی نیروی محرکه القایی متوسط برابر است با:

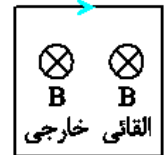
$$\bar{\varepsilon} = \left| \frac{-\Delta\phi}{\Delta t} \right| \xrightarrow{\phi = AB \cos \theta} \bar{\varepsilon} = \left| -\frac{A\Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$\xrightarrow{A = 60 \cdot \text{cm}^2 = 6 \times 10^{-2} \text{ m}^2, \Delta t = 1 \text{ ms} = 10^{-3} \text{ s}}$$

$$\xrightarrow{\Delta B = 200 \cdot \text{G} = 2 \times 10^{-2} \text{ T}}$$

$$\frac{6 \times 10^{-2} \times 2 \times 10^{-2}}{10^{-3}} = 1.2 \text{ V}$$

با توجه به اینکه میدان مغناطیسی در حال کاهش است با توجه به قانون لنز جریان القایی در جهتی است که میدان مغناطیسی ناشی از آن با میدان مغناطیسی خارجی هم جهت باشد تا با کاهش شار مخالفت کند. بنابراین با استفاده از قاعده دست راست در تعیین جهت میدان القایی، جریان عبوری از حلقه ساعتگرد است.



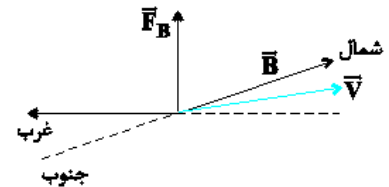
سوال ۱۷

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

می دانیم بار ذره  $\alpha$  (  $\text{He}^{2+}$  ) مثبت است.

بنابراین با استفاده از قاعده دست راست جهت نیروی مغناطیسی وارد بر ذره  $\alpha$  در راستای قائم و به سمت بالا است.



سوال ۱۸

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \xrightarrow{\phi = 4 \times 10^{-2} \cos 100\pi t}$$

$$\frac{\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{4 \times 10^{-2} \cos(100\pi \times \frac{1}{100}) - 4 \times 10^{-2} \cos(100\pi \times \frac{1}{200})}{\frac{1}{100} - \frac{1}{200}}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{4 \times 10^{-2} (-1 - 0)}{\frac{1}{200}} = -8 \times 10^{-1} \frac{\text{Wb}}{\text{s}}$$

$$\bar{\varepsilon} = -60 \times (-8 \times 10^{-1}) = 48 \text{ V}$$

۱۹

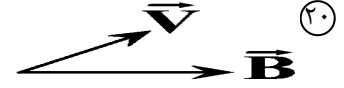
سوال ۱۹ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

جواب میدان مغناطیسی است.

$$|q| v B \sin \theta = F \Rightarrow A \cdot s \times \frac{m}{\delta} \times B = \frac{kgm}{s^2}$$

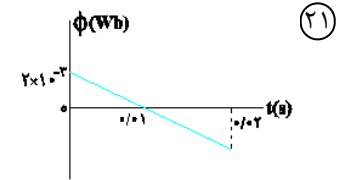
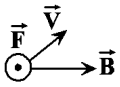
$$\Rightarrow B = \frac{kg}{A \cdot s^2}$$



سوال ۲۰ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

با توجه به اینکه بار منفی است قاعده دست راست را با دست چپ در نظر می‌گیریم، به این ترتیب که اگر چهار انگشت دست چپ در جهت  $v$  سرعت طوری قرار داشته باشد که خم شدن آن جهت بردار میدان مغناطیسی را نشان دهد در این صورت انگشت شست جهت نیروی مغناطیسی را نشان می‌دهد.



سوال ۲۱ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

مطابق قانون القای فارادی نیروی محرکه متوسط القایی برابر است با:

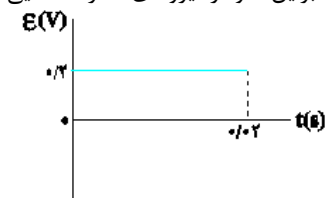
$$\bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}$$

با توجه به اینکه نمودار شار عبوری از حلقه بر حسب زمان به صورت خط راست است نیروی محرکه القایی در هر لحظه برابر با نیروی محرکه القایی متوسط است.

$$\varepsilon = \bar{\varepsilon} = -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t}$$

$$\xrightarrow{\Delta t = 0.2 \text{ s}} \varepsilon = - \frac{N \cdot \Delta \phi = 1 \cdot 4 \times 10^{-3} \text{ Wb}}{0.2} = 0.2 \text{ V}$$

بنابراین نمودار نیروهای محرکه القایی بر حسب زمان مطابق شکل زیر است:





۲۲

سوال ۲۲ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با توجه به رابطه میدان مغناطیسی درون سیملوله داریم:

$$B = \mu \cdot \frac{N}{L} I$$

$L=20\text{cm}=0.2\text{m}, N=500$   
 $\mu_r=12 \times 10^{-7}, I=800\text{mA}=0.8\text{A}$

$$B = 12 \times 10^{-7} \times \frac{500}{0.2} \times 0.8 = 24 \times 10^{-4} \text{ T} = 24 \text{ G}$$

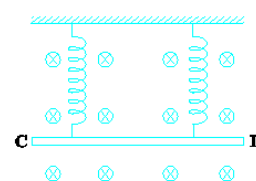
۲۳

سوال ۲۳ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

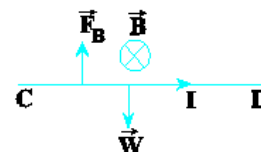
اتم‌های مواد دیامغناطیس، نظیر نقره، مس، سرب و بیسموت، به‌طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی‌اند. به عبارت دیگر هیچ‌یک از اتم‌های این مواد، دارای دوقطبی مغناطیسی خالصی نیستند. با وجود این، حضور میدان مغناطیسی خارجی، می‌تواند سبب القای دوقطبی‌های مغناطیسی در خلاف سوی میدان خارجی، در مواد دیامغناطیس شود.

۲۴



سوال ۲۴ گزینه درست: ۱

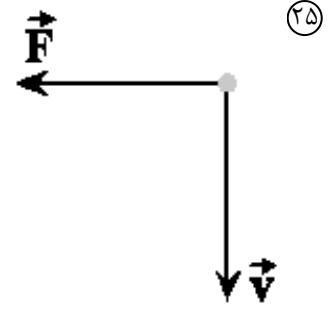
گزینه ۱



با توجه به این‌که نیروهایی که از طرف میله بر فنر وارد می‌شود برابر صفر است، بنابراین نیروی مغناطیسی وارد بر میله باید به سمت بالا و هم‌اندازه با نیروی وزن میله باشد. با استفاده از قاعده دست راست، جریان عبوری از سیم، از C به D است.

$$F_B = W \frac{F_B = BI \ell \sin \theta}{\theta = 90^\circ, W = mg} \rightarrow I = \frac{mg}{B \ell}$$

$$\frac{m=160 \text{ g} = 1/6 \times 10^{-1} \text{ kg}, g=10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}}{B=0.4 \text{ T}, \ell=80 \text{ cm}=0.8 \text{ m}} \rightarrow I = \frac{1/6 \times 10^{-1} \times 10}{0.4 \times 0.8} \Rightarrow I = 5 \text{ A}$$

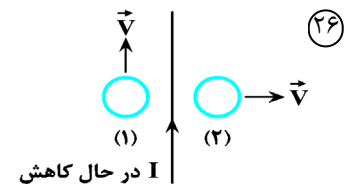
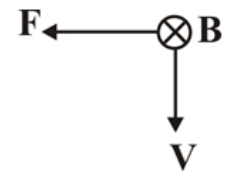


سوال ۲۵

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

طبق قانون دست راست، اگر دست راست را طوری بگیریم که جهت انگشتان سرعت  $v$  را نشان دهد و هنگام خم کردن انگشتان، به سمت میدان مغناطیسی  $B$  قرار بگیرد، شست جهت نیرو  $F$  را برای بار مثبت نشان میدهد. چون بار مورد نظر ما الکترون است، جهت نیرو مخالف جهت شست است. (برای بار منفی میتوان از دست چپ استفاده کرد) هنگامی که نیرو به سمت چپ و سرعت به سمت پایین باشد، میدان مغناطیسی باید درون سو باشد.



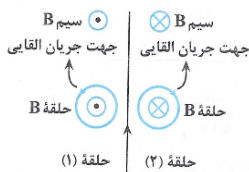
سوال ۲۶

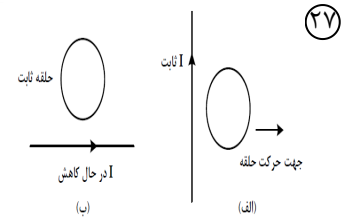
گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

مطابق قانون لنز جریان القایی در حلقه‌ها در جهتی است که میدان مغناطیسی ناشی از آن با تغییرات شار مخالفت کند. مطابق شکل زیر حلقه (۱) به موازات سیم حامل جریان در حرکت است از طرفی چون جریان عبوری از سیم حامل جریان در حال کاهش است پس شار عبوری از حلقه (۱) کاهش می‌یابد لذا جریان القایی در حلقه (۱) در جهتی است که میدان مغناطیسی آن، هم‌جهت با میدان مغناطیسی سیم حامل جریان در محله حلقه است. با استفاده از قاعده دست راست، میدان مغناطیسی سیم در طرف چپ برونسو در سمت راست درونسو و اندازه آن در حال کاهش پس میدان القایی در حلقه باید برونسو باشد و جهت جریان عبوری از حلقه (۱) پادساعتگرد است.

حلقه (۲) چون در حال دور شدن از سیم حامل جریان است پس با توجه به اینکه میدان مغناطیسی سیم با فاصله از سیم رابطه عکس دارد بنابراین شار عبوری از حلقه (۲) کاهش و لذا جریان القایی آن در جهتی است که میدان مغناطیسی ناشی از آن با میدان سیم هم‌جهت و درونسو باشد لذا جریان القایی در حلقه (۲) با توجه به قاعده دست راست ساعتگرد است.

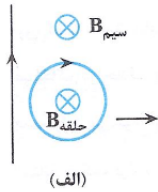




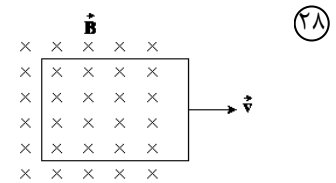
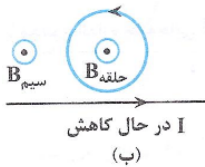
سوال ۲۷ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

در شکل «الف» حلقه در حال دور شدن از سیم حامل جریان است. بنابراین شار عبوری از حلقه کاهش می‌یابد و مطابق قانون لنز جریان القایی در حلقه در جهتی است که با میدان مغناطیسی سیم در محل حلقه هم‌جهت باشد. بنابراین جهت میدان القایی حلقه درون‌سو است و لذا مطابق قانون دست راست جریان حلقه ساعتگرد است.



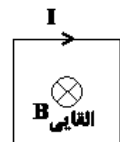
در شکل (ب) جریان عبوری از سیم در حال کاهش است و بنابراین شار عبوری از حلقه نیز در حال کاهش است. پس مطابق قانون لنز همانند شکل (الف) جریان القایی در حلقه در جهتی است که میدان مغناطیسی ناشی از آن هم‌جهت با میدان مغناطیسی سیم حامل جریان در محل حلقه باشد بنابراین با توجه به قانون دست راست، جریان عبوری از حلقه پادساعتگرد است.



سوال ۲۸ گزینه درست: ۲

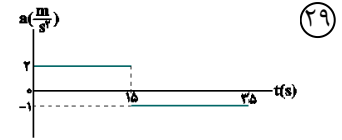
گزینه «۲»

با خروج حلقه رسانا از میدان مغناطیسی شار عبوری از حلقه کاهش می‌یابد و مطابق قانون لنز جریان القایی در جهتی است که با کاهش شار مخالفت کند. بنابراین جریان القایی باید ساعتگرد باشد تا میدان مغناطیسی حاصل از آن هم‌جهت با میدان مغناطیسی خارجی و درون‌سو باشد.



اکنون با استفاده از قانون القای فارادی نیروی محرکه القایی متوسط را به دست می‌آوریم:

$$\bar{\varepsilon} = \left| - \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| = \frac{N \Delta\phi}{\Delta t} = \frac{1 \cdot (-0.2 \text{ wb})}{0.01 \text{ s}} = -20 \frac{\text{wb}}{\text{s}} \rightarrow \bar{\varepsilon} = 20 \text{ V}$$



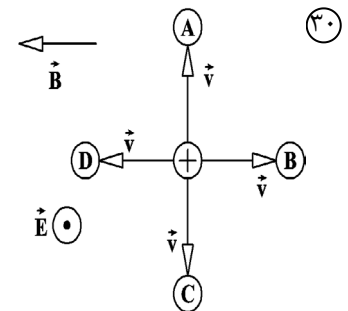
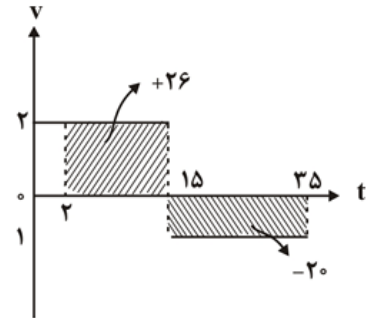
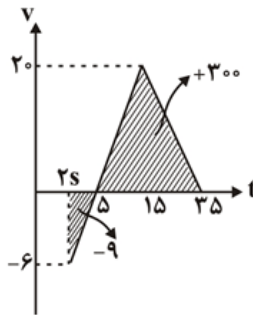
سوال ۲۹ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

ابتدا نمودار سرعت- زمان را مطابق داده ها و نمودار شتاب- زمان رسم می کنیم.

باید توجه کنیم که سطح زیر نمودار شتاب- زمان، تغییرات سرعت و سطح زیر نمودار سرعت- زمان، جابجایی را نشان می دهد

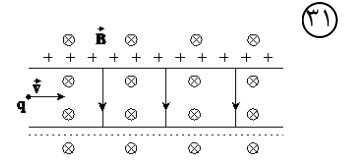
$$x = -16 \Rightarrow x = -16 - 9 + 300 = (+275\text{m}) \vec{I}$$



سوال ۳۰ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

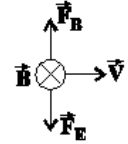
چون می‌خواهیم نیروی خالص وارد بر ذره بیشینه شود، باید نیروهای الکترونیکی و مغناطیسی وارد بر آن در یک جهت باشند. میدان الکتریکی برون‌سو است و بنابراین نیروی الکتریکی وارد بر ذره باردار مثبت نیز برون‌سو خواهد بود. طبق قاعده دست راست برای این که نیروی مغناطیسی وارد بر ذره باردار مثبت، برون‌سو باشد، باید چهار انگشت دست راست در جهت A و کف دست که نشان‌دهنده میدان مغناطیسی است، به سمت چپ باشد.



سوال ۳۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

با توجه به بار دو صفحه موازی جهت میدان الکتریکی بین دو صفحه به سمت پایین است و به بار مثبت نیروی الکتریکی هم جهت با جهت میدان الکتریکی است. با استفاده از قاعده دست راست جهت نیروی مغناطیسی وارد بر بار را تعیین می‌کنیم. اکنون بزرگی هر یک از این نیروها را به دست می‌آوریم:



$$F_B = qvB \sin \theta$$

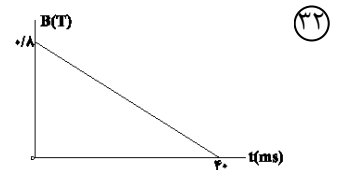
$\theta = 90^\circ, v = 2 \times 10^4 \frac{m}{s}$   
 $B = 0.2 T, q = 2 \mu C = 2 \times 10^{-6} C$

$$F_B = 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^4 \times 0.2 \times \sin 90^\circ = 8 \times 10^{-4} N$$

$$F_E = Eq \xrightarrow{E = 500 \frac{N}{C}} F_E = 500 \times 2 \times 10^{-6} = 10^{-3} N$$

چون دو نیرو هم‌راستا و در خلاف جهت هم هستند بنابراین نیروی برابر با تفاضل اندازه آن‌ها است.

$$F_T = F_E - F_B \xrightarrow{F_E = 10^{-3} N, F_B = 8 \times 10^{-4} N} F_T = 10^{-3} - 8 \times 10^{-4} = 2 \times 10^{-4} N$$



سوال ۳۲ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

با توجه به این که تغییرات میدان مغناطیسی عبوری از پیچه بر حسب زمان به صورت خط راست است، بنابراین نیروی محرکه القایی متوسط در هر بازه زمانی دلخواه یکسان است. با توجه به نمودار نیروی محرکه القایی را در بازه زمانی ۰ تا ۴ms به دست می‌آوریم، با استفاده از قانون القای فارادی داریم:

$$|\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| \Rightarrow |\bar{\epsilon}| = 500 \left| \frac{A_2 B_2 \cos \theta_2 - A_1 B_1 \cos \theta_1}{\Delta t} \right|$$

$N = 500, \theta_1 = \theta_2 = 0, B_1 = 0.8 T, t_2 = 4 \text{ ms}$

$$\epsilon = \left| \frac{500 \times 40 \times 10^{-4} \times (0 - 0.8)}{40 \times 10^{-3}} \right| \Rightarrow \bar{\epsilon} = 40 V$$

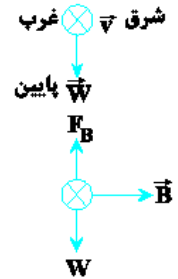


۳۳

سوال ۳۳ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

در صفحه کاغذ جهت جنوب به شمال را درونسو در نظر می‌گیریم. با توجه به این که نیروی وزن به سمت پایین است، برای آن که ذره از مسیر خود منحرف نشود باید نیروی مغناطیسی وارد بر آن به سمت بالا باشد. بنابراین با توجه به قاعده دست راست (با در نظر گرفتن بار منفی) جهت میدان مغناطیسی (در صفحه کاغذ) باید به طرف شرق باشد. اکنون با توجه به رابطه نیروی وارد بر بار  $q$  از طرف میدان مغناطیسی داریم:



$$F_B = W \frac{F_B = |q|vB \sin \theta}{\theta = 90^\circ, W = mg} \rightarrow B = \frac{mg}{|q|v}$$

$$m = 5 \times 10^{-7} \text{ kg}, v = 2/5 \times 10^3 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, |q| = 5 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$B = \frac{5 \times 10^{-7}}{5 \times 10^{-6} \times 2/5 \times 10^3} = \frac{10}{25} = 0.4 \text{ T}$$

۳۴

سوال ۳۴ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

مطابق رابطه میدان مغناطیسی در یک سیملوله آرمانی داریم:

$$B = \mu \cdot \frac{N}{L} I = 12 \times 10^{-7} \times \frac{200}{0.6} \times 5 = 2 \times 10^{-3} \text{ T}$$



# ضمیمه ریاضی یازدهم

(پاسخنامه)

۱

سوال ۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

چون دو کره فلزی مشابه هستند، بعد از تماس بار آن‌ها با هم یکسان و برابر است با:

$$q'_A = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} = \frac{20 + (-4)}{2} \Rightarrow q'_A = q'_B = 8 \mu C$$

حال با استفاده از تعریف چگالی سطحی داریم:

$$\sigma = \frac{q_A}{A} \Rightarrow \Delta\sigma = \frac{q'_A - q_A}{4\pi R^2} = \frac{8 - 20}{4 \times 3 \times (5 \times 10^{-2})^2}$$

$$\Rightarrow \Delta\sigma = -40 \cdot \frac{\mu C}{m^2}$$

۲

سوال ۲ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با استفاده از رابطه چگالی سطحی بار الکتریکی، داریم:

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{Q}{4\pi r^2} \Rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{Q_A}{Q_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{Q_A}{0.5Q_A} \times \left(\frac{r_B}{2r_B}\right)^2 = 2 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$$

۳

سوال ۳ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

LDR مقاومتی است که مقدار آن به نور تابیده شده به آن بستگی دارد و با افزایش شدت نور تابیده شده به آن، مقاومتش کاهش می‌یابد.

۴

سوال ۴ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

ترمیستور (Thermistor) یا مقاومت گرمایی نوعی مقاومت متغیر حساس به دما است که به وسیله تغییرات دمایی، مقاومتش تغییر می‌کند.

البته تغییرات مقاومت ترمیستور با دما در مقایسه با مقاومت‌های معمولی متفاوت می‌باشد. بنابراین گزینه «۴» صحیح می‌باشد.

۵

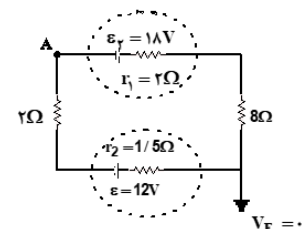
سوال ۵ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

از مقاومت‌های نوری (LDR) و وابستگی مقاومت الکتریکی آن‌ها به نور تابیده شده به آن‌ها، در تجهیزات گوناگونی از جمله چشم‌های

الکترونیکی، دزدگیرها، کنترل کننده‌های خودکار و چراغ‌های روشنایی خیابان‌ها استفاده می‌شود.

۶



سوال ۶ گزینه درست: ۲

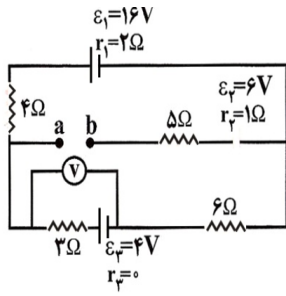
گزینه «۲»

$$I = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{\Sigma R - \Sigma r} = \frac{18 - 12}{12} = 0.5 A$$

$$V_A + \varepsilon_1 - I r_1 - I \times 8 = V_E = 0$$

$$V_A + 18 - 0.25 - 4 = 0 \Rightarrow V_A = -13.75 V$$





(7)

گزینه درست: 4

سوال 7

گزینه «4»

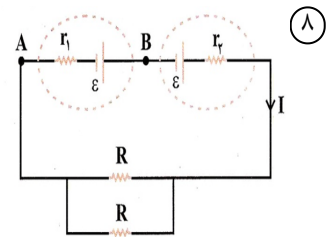
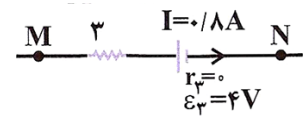
توجه کنید از شاخه میانی جریان عبوری نمی‌کند.

$$I = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{4 + 6 + 3 + 0 + 2}$$

$$\Rightarrow I = \frac{16 - 4}{15} = 0.8A$$

$$V_M - V_N = V_M - 3 \times 0.8 - 4 = V_N$$

$$= V_M - V_N = 6/4V$$



گزینه درست: 2

سوال 8

گزینه «2»

یک بار در جهت ساعتگرد و یک بار در جهت پادساعتگرد از نقطه A به نقطه B می‌رویم و اختلاف پتانسیل دو سر اجزای مدار را جمع جبری کنیم، داریم:

$$V_A - Ir_1 + \varepsilon = V_B \Rightarrow V_B - V_A = \varepsilon - Ir_1 = 0 \Rightarrow \varepsilon = Ir_1 \quad (*)$$

$$V_A + I \frac{R}{2} + Ir_2 - \varepsilon = V_B \Rightarrow V_B - V_A = I \frac{R}{2} + Ir_2 - \varepsilon = 0$$

$$\Rightarrow I \frac{R}{2} + Ir_2 = \varepsilon \quad (**)$$

$$\xrightarrow{(*)} Ir_1 = I \frac{R}{2} + Ir_2 \Rightarrow R = 2(r_1 - r_2)$$

(9)

گزینه درست: 2

سوال 9

گزینه «2»

ابتدا با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی داخل یک سیمپوله، داریم:

$$B = \mu \cdot \frac{NI}{\ell} \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{N_A}{N_B} \times \frac{\ell_B}{\ell_A}$$

$$\Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{2N_B}{N_B} \times \frac{\ell_B}{2\ell_B} \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = 1$$

و برای ضریب القاوری آن‌ها، می‌توان نوشت:

$$L = \mu \cdot \frac{AN^2}{\ell} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{A_A}{A_B} \times \frac{\ell_B}{\ell_A} \times \left(\frac{N_A}{N_B}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 1 \times \frac{\ell_B}{2\ell_B} \times \left(\frac{2N_B}{N_B}\right)^2 \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 2$$



۱۰

سوال ۱۰ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

با استفاده از رابطه ضریب القاوری یک القاگر داریم:

$$L = \mu \cdot \frac{AN^2}{\ell} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \left(\frac{N_A}{N_B}\right)^2 \times \frac{\ell_B}{\ell_A}$$

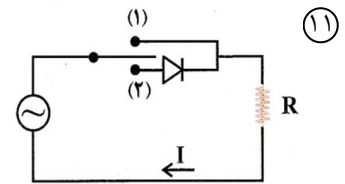
$$\Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 2^2 \times \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 2$$

حال با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در القاگر، داریم:

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow \frac{U_A}{U_B} = \frac{L_A}{L_B} \Rightarrow \frac{U_A}{U_B} = 2$$

از طرفی با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی در یک سیملوله، داریم:

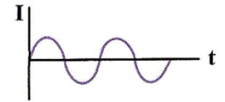
$$B = \mu_0 \frac{N}{l} I \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{N_A}{N_B} \times \frac{l_B}{l_A} = 2 \times \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = 1$$



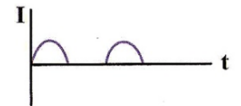
سوال ۱۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

زمانی که کلید در حالت (۱) قرار دارد، جریان متناوب در مدار برقرار می‌شود و در نتیجه نمودار جریان \_ زمان به صورت شکل روبه‌رو خواهد بود.



وقتی کلید در حالت (۲) قرار می‌گیرد، با توجه به این که دیود تنها در یک جهت جریان را از خود عبور می‌دهد بنابراین نمودار جریان \_ زمان به صورت شکل روبه‌رو خواهد بود.



۱۲

سوال ۱۲ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

وقتی جریان عبوری از القاگر آرمانی در حال کاهش است، انرژی ذخیره شده در القاگر جهت جلوگیری از کاهش جریان (کاهش شار) عمل کرده و انرژی از القاگر خارج می‌شود.

۱۳

سوال ۱۳ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

$$\varepsilon = -L \frac{dI}{dt} \xrightarrow{\substack{I = 0.1 \sin 5000t \\ L = 0.2H}}$$

$$\varepsilon = -0.02 \times 0.1 \times 5000 \cos 5000t$$

$$\Rightarrow \varepsilon = -\cos 5000t \Rightarrow |\varepsilon_{\max}| = 1V$$

(۱۴)

گزینه درست: ۳

سوال ۱۴

گزینه «۳»

با استفاده از رابطه بزرگی میدان مغناطیسی داخل یک سیملوله آرمانی داریم:

$$B = \mu \cdot \frac{N}{\ell} I \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{N_A}{N_B} \times \frac{\ell_A}{\ell_B} \times \frac{I_A}{I_B}$$

$$\Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{2N_B}{N_B} \times \frac{\ell_B}{2\ell_B} \times 1 \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = 1$$

حال با استفاده از رابطه ضریب القاوری یک سیملوله، داریم:

$$L = \mu \cdot \frac{AN^2}{\ell} \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = \frac{A_A}{A_B} \times \frac{\ell_B}{\ell_A} \times \left(\frac{N_A}{N_B}\right)^2$$

$$= 1 \times \frac{\ell_B}{2\ell_B} \times \left(\frac{2N_B}{N_B}\right)^2 \Rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 2$$

# فصل اول فیزیک دوازدهم

## (پاسخنامه)

سوال ۱

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

با توجه به رابطه شتاب متوسط داریم:

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{v}_{t_r} - \vec{v}_{t_1}}{t_r - t_1} \xrightarrow{t_r=1.0s, t_1=0s} \vec{v}_{t_r} - \vec{v}_{t_1} = -2.0 \vec{i} \left(\frac{m}{s}\right) \quad (*)$$

$$\vec{a}'_{av} = \frac{\vec{v}_{t_r} - \vec{v}_{t_r}}{t_r - t_r} \xrightarrow{t_r=1.25s, t_1=1.0s} \vec{v}_{t_r} - \vec{v}_{t_r} = 4 \vec{i} \left(\frac{m}{s}\right) \quad (**)$$

$$(*), (**)\Rightarrow \vec{v}_{t_r} - \vec{v}_{t_1} = -16 \vec{i} \left(\frac{m}{s}\right)$$

$$\vec{a}''_{av} = \frac{\vec{v}_{t_r} - \vec{v}_{t_1}}{t_r - t_1} \xrightarrow{t_r=1.25s, t_1=0s} \vec{a}''_{av} = \frac{-16}{1} \vec{i} \left(\frac{m}{s^2}\right)$$

سوال ۲

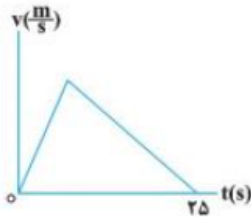
گزینه درست: ۳

گزینه ۳

جابه‌جایی یک متحرک در یک بازه زمانی تنها به مکان ابتدایی و انتهایی وابسته است، با توجه به رابطه سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_r - x_1}{t_r - t_1} \Rightarrow v_{av} = \frac{20 - (-40)}{1.0} = 6 \frac{m}{s}$$

سوال ۳

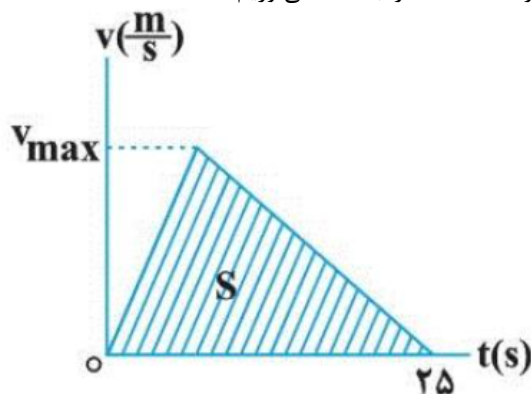


گزینه درست: ۱

گزینه ۱

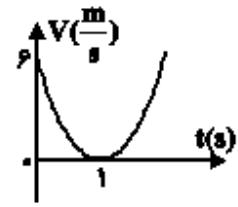
مساحت محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جابه‌جایی است.

با توجه به رابطه سرعت متوسط، بیشینه سرعت (\$v\_{max}\$) را به دست می‌آوریم:



$$S = \Delta x = \frac{v_{max} \times 2.5}{2}, v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{v_{max} \times 2.5}{2 \times 2.5} = \frac{v_{max}}{2}$$

$$\Rightarrow 1.0 = \frac{v_{max}}{2} \Rightarrow v_{max} = 2.0 \frac{m}{s}$$



۴

گزینه درست: ۳

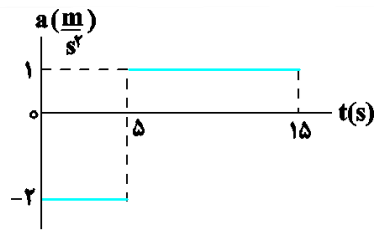
سوال ۴

گزینه ۳

با توجه به این که نمودار سرعت \_ زمان به صورت سهمی است. معادله سرعت \_ زمان آن را به دست می آوریم. چون معادله ریشه مضاعف دارد، بنابراین معادله به صورت  $v = b(t - 1)^2$  است.

$$v = b(t - 1)^2 \xrightarrow[v=6]{t=0} b = 6 \Rightarrow v = 6(t - 1)^2$$

$$a = \frac{dv}{dt} = 6 \times 2(t - 1) = 12(t - 1) \xrightarrow{t=0} |a| = 12 \frac{m}{s^2}$$



گزینه درست: ۲

سوال ۵

گزینه «۲»

چون سرعت اولیه متحرک در جهت مثبت است بنابراین در ۵ ثانیه اول نوع حرکت کندشونده است.

اکنون سرعت را در لحظه  $t = 5s$  به دست می آوریم:

$$v_5 = v_0 + \Delta a \xrightarrow{a = -2 \frac{m}{s^2}} v_5 = 0$$

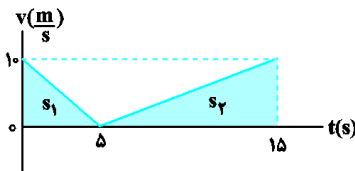
$$v_0 = 10 \frac{m}{s}$$

در لحظه  $t = 5s$  جهت و اندازه شتاب تغییر می کند پس از این لحظه متحرک از حال سکون با شتاب  $1 \frac{m}{s^2}$  شروع به حرکت می کند و در لحظه

$t = 15s$  سرعت آن برابر است با:

$$v_{15} = a'(15 - 5) = 10 \cdot a' \xrightarrow{a' = 1 \frac{m}{s^2}} v_{15} = 10 \frac{m}{s}$$

اگر نمودار سرعت - زمان متحرک را رسم کنیم داریم:



اکنون به بررسی گزاره ها می پردازیم:

الف) نادرست است. جهت حرکت متحرک تغییر نکرده است.

اما جهت بردار مکان یکبار تغییر می کند.

$$x_5 = x_0 + s_1 \xrightarrow{x_0 = -10 \cdot m} x_5 = -10 + 25 = 15m$$

$$s_1 = \frac{10 \times 5}{2} = 25m$$

پس از لحظه  $t = 5s$  چون شتاب مثبت است متحرک در جهت مثبت محور  $x$  حرکت می کند. بنابراین جهت بردار مکان یکبار در ۵ ثانیه اول حرکت تغییر می کند.

ب) درست است. چون متحرک تغییر جهت نداده است بنابراین در ۱۵ ثانیه اول حرکت اندازه جابه جایی و مسافت با یکدیگر برابرند.

پ) درست است. سرعت در ابتدا و انتهای بازه زمانی یکسان است بنابراین مطابق رابطه شتاب متوسط داریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta v = 0} a_{av} = 0$$

ت) نادرست است. چون جهت حرکت متحرک تغییر نکرده است و متحرک در حال حرکت بر خط راست پس الزاماً جابه جایی مخالف صفر است

بنابراین مطابق رابطه سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta x > 0} v_{av} > 0$$

۶

گزینه درست: ۳

سوال ۶

گزینه «۳»

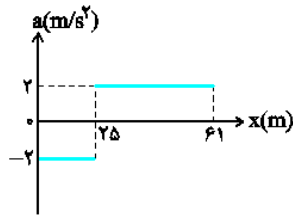
چون متحرک از حال سکون شروع به حرکت کرده است با استفاده از رابطه مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت جابه‌جایی متحرک از نقطه شروع حرکت ( $t = 0$ ) تا لحظه  $t$  برابر است با:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 \xrightarrow{\Delta x_2 - \Delta x_1 = 20 \text{ m}} \frac{1}{2} a \times 3^2 - \frac{1}{2} a \times 1^2 = 20$$

$$\rightarrow 4a = 20 \Rightarrow a = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

اکنون مسافت طی شده در بازه زمانی  $t_1 = 3 \text{ s}$  تا  $t_2 = 7 \text{ s}$  را به دست می‌آوریم:

$$\Delta x_{2-1} = \frac{1}{2} a t_2^2 - \frac{1}{2} a t_1^2 \xrightarrow{t_2=7\text{s}, t_1=3\text{s}} \Delta x_{2-1} = \frac{1}{2} \times 5 (49 - 9) = 100 \text{ m}$$



۷

گزینه درست: ۲

سوال ۷

گزینه ۲

با استفاده از رابطه مستقل از زمان در حرکت با شتاب ثابت، ابتدا سرعت متحرک را در مکان  $x_1 = 25 \text{ m}$  به دست می‌آوریم:

$$v_1^2 - v_0^2 = 2a_1 \Delta x \xrightarrow{\Delta x = 25 \text{ m}, a_1 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, v_0 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}}$$

$$v_1^2 - 10^2 = -2 \times 2 \times 25 \Rightarrow v_1 = 0$$

با استفاده مجدد رابطه مستقل از زمان در حرکت با شتاب ثابت، سرعت متحرک را در مکان  $x_2 = 61 \text{ m}$  به دست می‌آوریم:

$$v_2^2 - v_1^2 = 2a_2 \Delta x \xrightarrow{\Delta x = 61 - 25 = 36 \text{ m}} \xrightarrow{a_2 = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, v_1 = 0}$$

$$v_2^2 = 2 \times 2 \times 36 \Rightarrow v_2 = 12 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۸

گزینه درست: ۲

سوال ۸

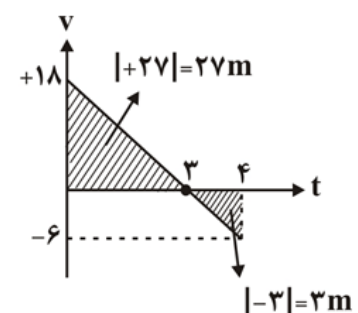
گزینه «۲»

ابتدا نمودار سرعت-زمان را رسم می‌کنیم. سطح زیر نمودار جابجایی را نشان می‌دهد. اگر قدر مطلق سطوح زیر نمودار را جمع کنیم، مسافت به دست می‌آید. از این طریق می‌توان تندی متوسط را بدست آورد.

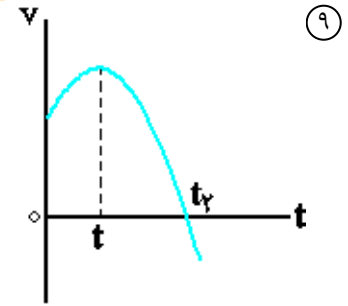
$$v = -6t + 18$$

$$\text{(مسافت)} \quad \ell = 3 + 27 = 30 \text{ m}$$

$$\text{(تندی متوسط)} \quad \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{\text{(مسافت)}}{\Delta t} = \frac{30 \text{ m}}{4 \text{ s}} = 7.5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$







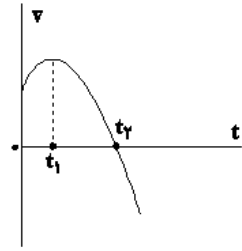
گزینه درست: ۱

سوال ۹

گزینه «۱»

- الف) جهت سرعت در لحظه  $t_1$  تغییر نکرده است و در بازه زمانی  $0$  تا  $t_2$  در جهت مثبت محور  $x$ ها است. (نادرست)
- ب) در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  متحرک در جهت محور  $x$  در حال حرکت است (درست)
- پ) در بازه زمانی صفر تا  $t_1$  تندید در حال افزایش است (نادرست)
- ت) بردار شتاب در بازه زمانی  $0$  تا  $t_1$  در جهت محور  $x$  و در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  در خلاف جهت محور  $x$  است. (نادرست)
- نکته: در نمودار سرعت-زمان شیب خط مماس بر نمودار برابر با شتاب لحظه‌ای است.
- نکته: در نمودار سرعت-زمان اگر نمودار در حال دور شدن از محور زمان باشد نوع حرکت تندشونده و اگر در حال نزدیک شدن به محور زمان باشد نوع حرکت کندشونده است.

۱۰



سوال ۱۰

گزینه درست: ۴

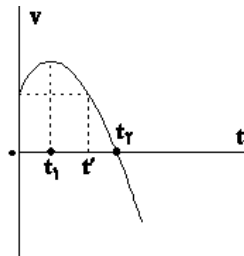
گزینه «۴»

در نمودار سرعت- زمان شتاب متوسط برابر با شیب خطی است که دو نقطه از نمودار را به هم وصل می‌کند و شتاب لحظه‌ای برابر با شیب خط مماس بر نمودار در هر لحظه است.

بررسی گزینه‌ها:

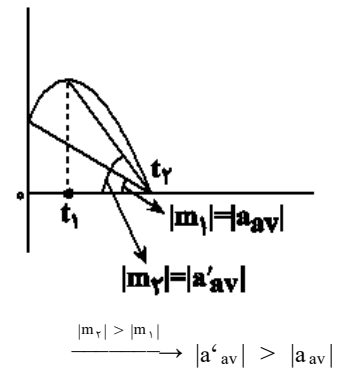
گزینه «۱»: در بازه  $0$  تا  $t_1$  نمودار در حال دور شدن از محور زمان است. بنابراین تندی متحرک در حال افزایش است. (نادرست)  
گزینه «۲»: با توجه به اینکه نمودار به صورت سهمی است اندازه شیب خط مماس بر نمودار سرعت- زمان در لحظه  $t_2$  بزرگتر از اندازه شیب خط مماس بر نمودار در لحظه  $0$  است. (نادرست)

$$|a_{t=0}| = |a_{t=t'}| < |a_{t=t_2}|$$



گزینه «۳»: در بازه  $0$  تا  $t_1$  شیب خط مماس بر نمودار مثبت است بنابراین شتاب در این بازه زمانی در جهت مثبت محور  $x$  است، در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  شیب خط مماس بر نمودار منفی است و در این بازه زمانی شتاب در خلاف جهت محور  $x$  است. بنابراین در بازه زمانی  $0$  تا  $t_2$  شتاب ابتدا در جهت محور  $x$  است و سپس خلاف جهت محور  $x$  می‌شود. (نادرست)

گزینه «۴»: مطابق شکل زیر اندازه شیب خط بین بازه  $t_1$  و  $t_2$  بزرگتر از اندازه شیب بین بازه  $0$  تا  $t_2$  است.



۱۱

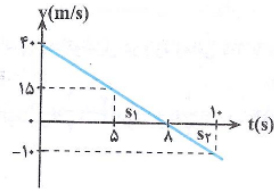
گزینه درست: ۲

سوال ۱۱

گزینه «۲»

۵ ثانیه دوم حرکت بازه زمانی  $t_1 = 5s$  تا  $t_2 = 10s$  است.

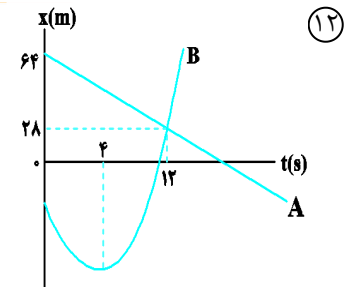
سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر جابه‌جایی است. با توجه به اینکه تندی متوسط برابر با حاصل تقسیم مساحت طی شده به مدت زمان طی مسافت است. بنابراین داریم:



$$S_{av} = \frac{1}{\Delta t} \frac{1=S_1+S_2}{\Delta t=10-0=10s} \rightarrow Q_{S_{av}} = \frac{S_1 + S_2}{5}$$

$$S_1 = \frac{1.5 \times 5}{2}, S_2 = \frac{1 \times 5}{2}$$

$$\rightarrow S_{av} = \frac{6.5}{10} = 6/10 \frac{m}{s}$$

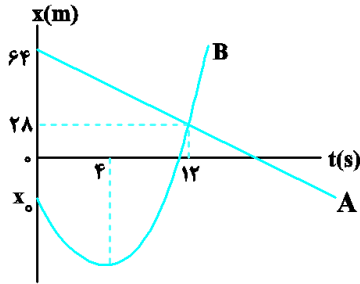


گزینه درست: ۴

سوال ۱۲

گزینه «۴»

با توجه به نمودار، حرکت متحرک A، یکنواخت و حرکت متحرک B با شتاب ثابت است. از روی نمودار ابتدا تندی متحرک A و B و سپس معادله حرکت دو متحرک را به دست می آوریم:



$$v_A = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{28 - 64}{12 - 0} = -3 \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow v_B = \frac{16}{3} |v_A| = 16 \frac{m}{s}$$

ظ

اکنون شتاب حرکت متحرک B را به دست می آوریم:

تندی اولیه و مکان اولیه متحرک B را محاسبه می کنیم:

$$v. = -fa \xrightarrow{a=2 \frac{m}{s^2}} v. = -\lambda \frac{m}{s}$$

$$\frac{v. + v_{12}}{2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t=12s, \Delta x=x_{12}-x.}$$

$$\frac{-\lambda + 16}{2} = \frac{28 - x.}{12} \Rightarrow x. = -20 \text{ m}$$

بنابراین معادله حرکت متحرک B به صورت زیر است:

$$x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 + v_{.B} t + x_{.B} \xrightarrow{x_{.B} = -20 \text{ m}}$$

$$x_B = \frac{1}{2} a_B t^2 + v_{.B} t - 20 \quad v_{.B} = -\lambda \frac{m}{s}, a_B = 2 \frac{m}{s^2}$$

$$x_B = t^2 - \lambda t - 20$$

اکنون لحظه‌ای که متحرک از مبدأ مکان عبوری کند را مشخص می کنیم:

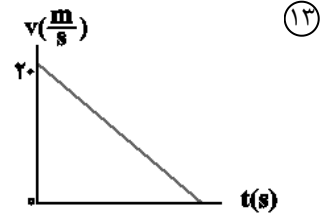
$$x_B = 0 \Rightarrow t^2 - \lambda t - 20 = 0 \Rightarrow (t - 10)(t + 2) = 0 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

با توجه به معادله حرکت A، مکان آن را در لحظه  $t = 10 \text{ s}$  به دست می آوریم:

$$x_A = v_A t + x_{.A} \xrightarrow{x_{.A} = 64 \text{ m}, v_A = -3 \frac{m}{s}} \xrightarrow{t=10 \text{ s}} x_A = -3t + 64$$

$$x_A = 34 \text{ m}$$

در لحظه‌ای که جهت بردار مکان متحرک B عوض می شود فاصله دو متحرک از یکدیگر برابر با مکان متحرک A است.

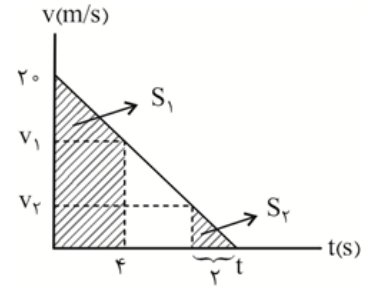


گزینه درست: ۲

سوال ۱۳

گزینه «۲»

با توجه به ثابت بودن شیب داریم:



$$\frac{20 - v_1}{4} = \frac{v_2}{2} \rightarrow 20 - v_1 = 2v_2 \quad (1)$$

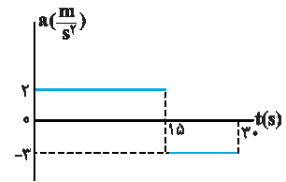
$$S_1 = 36S_2$$

$$\frac{(20 + v_1) \times 4}{2} = 36 \frac{v_2 \times 2}{2}$$

$$20 + v_1 = 18v_2 \quad (2)$$

$$(1) + (2) \rightarrow 40 = 20v_2 \rightarrow v_2 = 2 \text{ m/s}$$

$$a = \frac{0 - v_2}{2} = -1 \text{ m/s}^2$$



۱۴

گزینه درست: ۱

سوال ۱۴

گزینه ۱

۵ ثانیه اول:  $0 \leq t \leq 15 \text{ s}$ ۵ ثانیه ششم:  $15 \leq t \leq 30 \text{ s}$ 

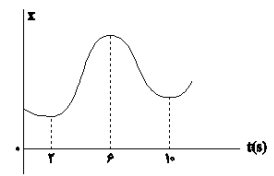
با توجه به نمودار شتاب - زمان سرعت متحرک را در ابتدا و انتهای هر کدام از بازه‌ها به دست می‌آوریم. با توجه به اینکه حرکت شتاب ثابت است، با استفاده از رابطه سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$\begin{aligned} \frac{V_1 + V_2}{2} &= \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \Delta x = \frac{V_1 + V_2}{2} \times \Delta t \Rightarrow \frac{\Delta x_{25s-30s}}{\Delta x_{0-15s}} \\ &= \frac{\frac{V_{25} + V_{30}}{2} \times 5}{\frac{V_0 + V_{15}}{2} \times 15} \Rightarrow \frac{\Delta x_{25s-30s}}{\Delta x_{0-15s}} = \frac{V_{25} + V_{30}}{V_0 + V_{15}} (*) \end{aligned}$$

اکنون سرعت را در هر یک از زمان‌های بالا به دست می‌آوریم:

$$\begin{aligned} a_1 &= 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ V_{15} &= a_1 t_1 + v_0 = \frac{2 \text{ m}}{\text{s}^2} \times 15 \text{ s} + 0 \rightarrow V_{15} = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ V_{25} &= a_2 t_2 + v_{15} = \frac{-3 \text{ m}}{\text{s}^2} \times (25 - 15) \text{ s} + 30 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ &= -3 \times 10 + 30 = 0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ V_{30} &= a_2 t_3 + v_{25} = \frac{-3 \text{ m}}{\text{s}^2} \times (30 - 15) \text{ s} + 0 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ &= -3 \times 15 + 0 = -45 \frac{\text{m}}{\text{s}} \end{aligned}$$

$$\rightarrow \frac{\Delta x_{25s-30s}}{\Delta x_{0-15s}} = \frac{-10 - 45}{-10 + 0} = \frac{35}{10} = 3.5$$

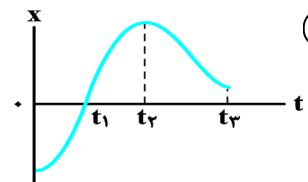
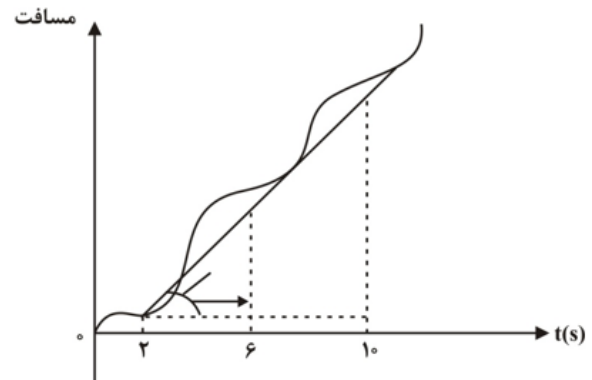


۱۵

سوال ۱۵ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

برای به دست آوردن نمودار مسافت برحسب زمان از روی نمودار مکان- زمان در بازه هایی که جهت حرکت متحرک در جهت خلاف محور Xها (از  $t = 0$  تا  $t = 2s$  و ( از  $t = 6s$  تا  $t = 10s$  ) می باشد، نمودار را نسبت به خطوط موازی با محور زمان قرینه می کنیم. تندی متوسط برابر با شیب خطی است که دو نقطه از نمودار را به هم متصل می کند. با توجه به این نکته، شیب خطی که دو نقطه روی نمودار را در زمان های  $t_1 = 2s$  و  $t_2 = 10s$  به هم وصل می کند از بقیه گزینه ها بزرگ تر است. (به شکل دقت کنید).  
تندی متوسط در بازه زمانی  $m = 10s$  تا  $2s$



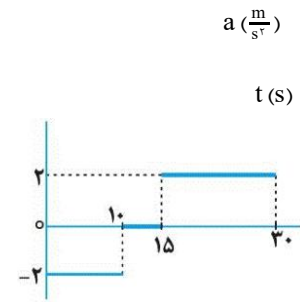
۱۶

سوال ۱۶ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

در نمودار مکان - زمان قدرمطلق شیب خط مماس بر نمودار در هر لحظه برابر با تندی متحرک است. در این نمودار لحظه  $t_1$  قدرمطلق شیب خط مماس بر نمودار بزرگترین مقدار است، بنابراین تندی متحرک در این لحظه بیشینه است.

۱۷

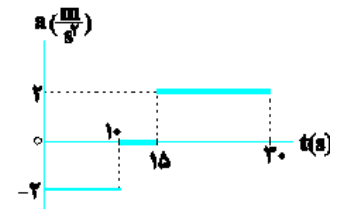


سوال ۱۷

گزینه درست: ۳

گزینه ۳

از روی نمودار شتاب - زمان سرعت متحرک را در لحظات  $t_1 = 10\text{ s}$  و  $t_2 = 15\text{ s}$  به دست می آوریم. با توجه به نمودار شتاب - زمان، حرکت متحرک در بازه زمانی  $t_1 = 10\text{ s}$  تا  $t_2 = 15\text{ s}$  یکنواخت و در بازه زمانی  $t_2 = 15\text{ s}$  تا  $t_3 = 30\text{ s}$  با شتاب ثابت است. برای به دست آوردن سرعت متوسط ابتدا باید جابه جایی متحرک را در این دو بازه زمانی به دست آوریم. از آن جا که مساحت محصور بین نمودار شتاب - زمان و محور زمان برابر با تغییرات سرعت است، داریم:



$$\Delta v_{0-10\text{ s}} = v_{(t=10\text{ s})} - v_0 \rightarrow v_0 = 30 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$-20 = v_{(t=10\text{ s})} - 30 \rightarrow v_{(t=10\text{ s})} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

با توجه به رابطه جابه جایی در حرکت یکنواخت، ابتدا جابه جایی متحرک در بازه زمانی  $t_1 = 10\text{ s}$  تا  $t_2 = 15\text{ s}$  را محاسبه می کنیم.

$$\Delta x_1 = v \Delta t \xrightarrow{\Delta t = 15 - 10 = 5\text{ s}} \Delta x_1 = 50\text{ m}$$

$$v = v_{(t=10\text{ s})} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

برای به دست آوردن جابه جایی متحرک در بازه زمانی  $t_2 = 15\text{ s}$  تا  $t_3 = 30\text{ s}$  با استفاده از رابطه مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت داریم:

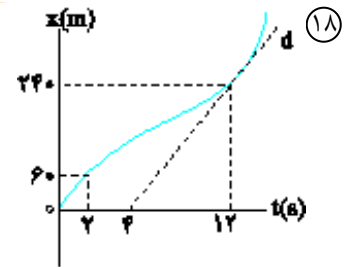
$$\Delta x_2 = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \xrightarrow{v_0 = v_{(t=15\text{ s})} = v_{(t=10\text{ s})} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}, t = 30 - 15 = 15\text{ s}, a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}$$

$$\Delta x_2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 15^2 + 10 \times 15 = 225 + 150 = 375\text{ m}$$

با توجه به رابطه سرعت متوسط داریم:

$$v_{\text{av}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{\Delta t_1 + \Delta t_2} \Rightarrow v_{\text{av}} = \frac{50 + 375}{20} = 21.25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$





گزینه درست: ۱

سوال ۱۸

گزینه «۱»

در نمودار مکان-زمان تندی در هر لحظه برابر با اندازه شیب خط مماس بر نمودار در آن لحظه است. بنابراین تندی متحرک در لحظه  $t = ۱۲s$  برابر با شیب خط مماس در این لحظه است:

$$V_{t=12} = \frac{240}{12-4} = 30 \frac{m}{s}$$

از طرفی تندی متوسط در یک بازه زمانی برابر شیب خطی است که دو نقطه از نمودار را به هم وصل می‌کند. بنابراین تندی متوسط در بازه زمانی  $۲s$  تا  $۱۴s$  برابر است با:

$$S_{av} = \frac{X_{t=14s} - X_{t=2s}}{t_{14s} - t_{2s}} = \frac{30 - 0}{14 - 2} = 2.5 \frac{m}{s}$$

اکنون نسبت سرعت متوسط در دو ثانیه اول به دو ثانیه هفتم را به دست می‌آوریم:

$$\frac{V_{av}}{V'_{av}} = \frac{\frac{\Delta x}{\Delta t}}{\frac{\Delta x'}{\Delta t'}} = \frac{X_{t=2s} - X_{t=0}}{X_{t=14s} - X_{t=2s}} = \frac{60 - 0}{240 - 60} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{V_{av}}{V'_{av}} = \frac{60 - 0}{420 - 240} = \frac{6}{18} = \frac{1}{3}$$

نکته: دو ثانیه اول بازه زمانی  $t_1 = 0$  تا  $t_2 = 2s$  است و دو ثانیه هفتم بازه زمانی  $t_1 = 12s$  تا  $t_2 = 14s$  است.

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه مستقل از شتاب یا رابطه سرعت متوسط در حرکت شتاب ثابت داریم:

$$\frac{v_1 + v_2}{2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{v_2 = v_1 + a\Delta t, \Delta t = t_2 - t_1 = 2s} \frac{v_1 + v_1 + 2a}{2} = \frac{10}{2} \Rightarrow v_1 + a = \Delta(I)$$

$$\frac{v_2 + v_2}{2} = \frac{\Delta x^c}{\Delta t^c} \xrightarrow{v_2 = v_1 + a\Delta t^c, \Delta t^c = t_2 - t_1 = 2s} \frac{v_2 + v_1 + 2a}{2} = \frac{-10}{2} \Rightarrow v_1 + 2a = -\Delta(II)$$

$$I, II \Rightarrow \begin{cases} a = -\frac{\Delta}{s} \\ v_1 = 10 \frac{m}{s} \end{cases}$$

اکنون سرعت اولیه و سرعت را در لحظه  $t = 10s$  به دست می آوریم و سپس سرعت متوسط متحرک را در  $10$  ثانیه اول محاسبه می کنیم:

$$v_1 = v_0 + 2a \xrightarrow{v_1 = 10 \frac{m}{s}, a = -\frac{\Delta}{s}} 10 = v_0 - 10 \Rightarrow v_0 = 20 \frac{m}{s} (*)$$

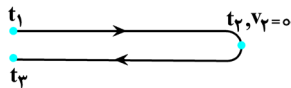
$$v_{10} = at^c + v_0 \xrightarrow{t^c = 10s} v_{10} = -\Delta \times 10 + 20 = -30 \frac{m}{s} (**)$$

$$v_{av} = \frac{v_0 + v_{10}}{2} \xrightarrow{v_0 = 20, v_{10} = -30} v_{av} = \frac{20 - 30}{2} = -5 \frac{m}{s} \Rightarrow |v_{av}| = 5 \frac{m}{s}$$

راه دوم:

چون جابه جایی متحرک در بازه  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 6s$  برابر صفر است. بنابراین جهت حرکت متحرک در لحظه  $t_2 = \frac{t_1 + t_2}{2}$  تغییر می کند.

$$t_2 = \frac{2 + 6}{2} = 4s$$

بنابراین در مکان  $x_2 = 64m$  جهت حرکت متحرک تغییر می کند.اکنون با نوشتن رابطه مکان - زمان بین لحظه  $t_2$  و  $t_2$  شتاب حرکت متحرک را به دست می آوریم:

$$\Delta x = \frac{1}{2} at^2 \xrightarrow{t = t_2 - t_1 = 2s, \Delta x = 64 - 64 = 0m} 0 = \frac{1}{2} a \times 2^2 \Rightarrow a = -\Delta \frac{m}{s^2}$$

چون در لحظه  $t_2 = 4s$  سرعت متحرک صفر می شود بنابراین سرعت اولیه متحرک برابر است با:

$$v_0 = -a(t_2 - t_0) \xrightarrow{t_2 = 4s, t_0 = 0} v_0 = 20 \frac{m}{s}$$

اکنون سرعت متحرک در  $6s$  ثانیه پس از لحظه تغییر جهت حرکت به دست می آوریم:

$$v_{10} = a(10 - 4) = 6a \Rightarrow v_{10} = -30 \frac{m}{s}$$

بنابراین سرعت متوسط متحرک برابر است با:

$$v_{av} = \frac{v_0 + v_{10}}{2} = \frac{20 - 30}{2} = -5 \frac{m}{s} \Rightarrow |v_{av}| = 5 \frac{m}{s}$$

گزینه «۲»

ابتدا با استفاده از رابطه مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت مدت زمانی که طول می‌کشد تا اتومبیل مسافت ۷۵ متر را طی کند به دست می‌آوریم:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \xrightarrow[v_0 = 0, \Delta x = 75 \text{ m}]{a = 1/5 \text{ m/s}^2} 75 = \frac{1}{2} \times 1/5 \times t^2$$

$$\Rightarrow t = 1.0 \text{ s}$$

چون در لحظه  $t = 1.0 \text{ s}$  کامیون از اتومبیل سبقت می‌گیرد بنابراین تندی آن را در این لحظه به دست می‌آوریم:

$$v_{\text{کامیون}} = a_{\text{کامیون}} \times t + v_0 \xrightarrow[v_0 = 0, t = 1.0 \text{ s}]{a_{\text{کامیون}} = 2/5 \text{ m/s}^2} v_{\text{کامیون}} = 2/5 \text{ m/s}$$

اکنون مسافتی که کامیون از این لحظه تا لحظه  $t = 1.5 \text{ s}$  را طی می‌کند به دست می‌آوریم:

$$\Delta x_{\text{کامیون}} = \frac{1}{2} a_{\text{کامیون}} t^2 + v_0 t \xrightarrow[v_0 = v_{t=1.0 \text{ s}} = 2/5 \text{ m/s}, a = 2/5 \text{ m/s}^2]{t = 1.5 - 1.0 = 0.5 \text{ s}} v_{\text{کامیون}} = 2/5 \text{ m/s}$$

$$\Delta x_{\text{کامیون}} = \frac{1}{2} \times 2/5 \times 0.5^2 + 2/5 \times 0.5$$

$$\Delta x_{\text{کامیون}} = 1.56/25 \text{ m (I)}$$

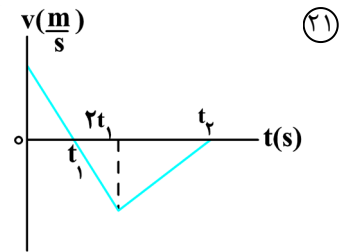
مسافتی که اتومبیل در بازه زمانی  $1.0 \text{ s}$  تا  $1.5 \text{ s}$  طی می‌کند برابر است با:

$$\Delta x_{\text{اتومبیل}} = \Delta x_{1.0-1.5} = \Delta x_{.15} - \Delta x_{.10} = \frac{1}{2} a_{\text{اتومبیل}} t_2^2 - \frac{1}{2} a_{\text{اتومبیل}} t_1^2$$

$$\xrightarrow[a_{\text{اتومبیل}} = 1/5 \text{ m/s}^2, t_2 = 1.5 \text{ s}]{t_1 = 1.0 \text{ s}} \Delta x_{\text{اتومبیل}} = \Delta x_{1.0-1.5}$$

$$= \frac{1}{2} \times 1/5 (1.5^2 - 1.0^2) = 93/75 \text{ (II)}$$

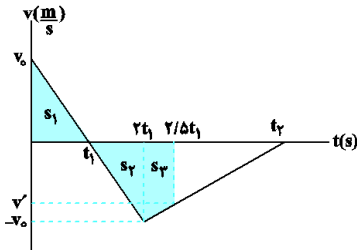
$$\Rightarrow \text{I, II} = \Delta x_{\text{کامیون}} - \Delta x_{\text{اتومبیل}} = 62/5 \text{ m}$$



سوال ۲۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

می‌دانیم مساحت محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر با جابه‌جایی است. در بازه زمانی ۰ تا  $t_1$  متحرک در جهت مثبت و در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  در جهت منفی محور X حرکت می‌کند. شیب خط در نمودار سرعت - زمان برابر شتاب است. چون شتاب بزرگی در بازه ۰ تا  $t_1$  دو برابر بزرگی شتاب در بازه  $t_1$  تا  $2t_1$  است داریم:



$$\frac{v_0}{t_1} = 2 \frac{v_0}{t_2 - 2t_1} \Rightarrow 2t_1 = t_2 - 2t_1 \Rightarrow t_2 = 4t_1$$

اکنون سرعت متحرک را در لحظه  $2/\Delta t_1$  به دست می‌آوریم:

$$\frac{t_2 - 2/\Delta t_1}{t_2 - 2t_1} = \frac{v'}{v_0} \xrightarrow{t_2 = 4t_1} \frac{1/\Delta t_1}{2} = \frac{v'}{v_0} \Rightarrow v' = \frac{3}{4} v_0$$

اکنون مسافت طی شده توسط متحرک را در دو بازه داده شده به دست می‌آوریم:

$$l_1 = \Delta x_1 = S_1 = \frac{v_0 \cdot t_1}{2}$$

$$l_2 = \Delta x_2 + \Delta x_3 = s_2 + s_3 = \frac{v_0 \cdot t_1}{2} + \frac{(v_0' + v_0)}{2} (2/\Delta t_1 - 2t_1)$$

$$\xrightarrow{v_0' = \frac{3}{4} v_0} l_2 = \frac{v_0 \cdot t_1}{2} + \frac{7v_0 \cdot t_1}{16} = \frac{15}{16} v_0 \cdot t_1$$

اکنون با توجه به رابطه تندی متوسط داریم:

$$\frac{s_{av}}{s_{av}'} = \frac{\frac{l_1}{\Delta t_1}}{\frac{l_2}{\Delta t_2}} \xrightarrow{\Delta t_1 = t_1, l_1 = \frac{v_0 \cdot t_1}{2}, l_2 = \frac{15}{16} v_0 \cdot t_1} \frac{\frac{v_0 \cdot t_1}{2}}{\frac{15}{16} v_0 \cdot t_1} \xrightarrow{\Delta t_2 = 2/\Delta t_1 - t_1 = 1/\Delta t_1}$$

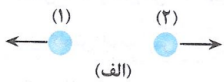
$$\frac{s_{av}}{s_{av}'} = \frac{1/\Delta t_1 \times \frac{v_0 \cdot t_1}{2}}{t_1 \times \frac{15}{16} v_0 \cdot t_1} = \frac{16}{20} = \frac{4}{5}$$

۲۲

سوال ۲۲ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

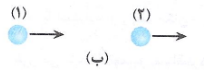
در شکل (الف) که دو متحرک از هم دور می‌شوند فاصله آن‌ها در هر ثانیه برابر با مجموع اندازه جابه‌جایی آن‌ها در هر ثانیه تغییر می‌کند.



$$|\Delta x| = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = v_1 t_1 + v_2 t_2$$

$$\begin{aligned} \Delta x_1 = 16m \\ t_1 = t_2 = 1s \end{aligned} \rightarrow 16 = v_1 + v_2 (*)$$

در شکل (ب) که دو متحرک به دنبال هم در حال حرکت هستند، فاصله آن‌ها در هر ثانیه برابر با تفاضل اندازه جابه‌جایی آن‌ها در هر ثانیه تغییر می‌کند.



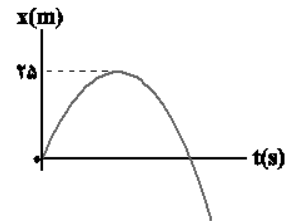
$$\Delta x' = |\Delta x_2'| + |\Delta x_1'| = v_2 t_2 + v_1 t_1$$

$$t_2 = t_1 = 1s \rightarrow 4 = v_2 - v_1 (**)$$

$$\Delta x' = \frac{240}{60} = 4m$$

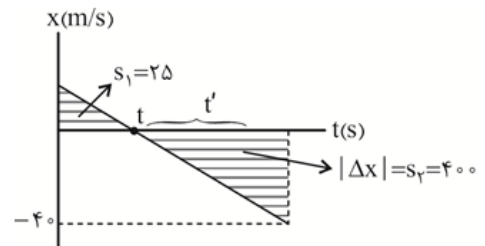
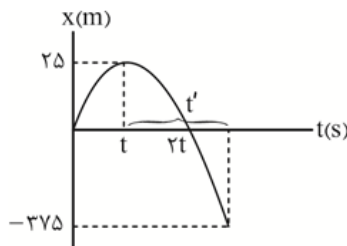
$$(*) \Rightarrow \begin{aligned} v_2 &= 10 \frac{m}{s} \\ v_1 &= 6 \frac{m}{s} \end{aligned} \Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{10}{6} = \frac{5}{3}$$

۲۳



سوال ۲۳ گزینه درست: ۳

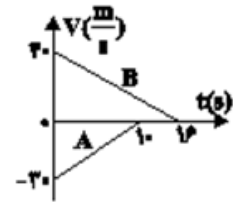
گزینه «۳»



$$\frac{S_2}{S_1} = \left(\frac{t'}{t}\right)^2 \rightarrow \frac{40}{25} = \left(\frac{t'}{t}\right)^2 \rightarrow \frac{t'}{t} = 4(1)$$

$$S_2 = \frac{1/40 \times t'^2}{2} = 1/40 \rightarrow t' = 20s \rightarrow t = 5s$$

بردار مکان به اندازه  $2t$  در جهت محور  $x$  است پس داریم:  $2t = 10s$

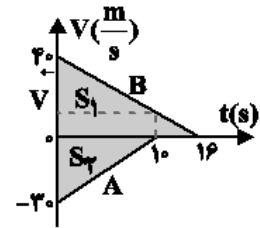


۲۴

سوال ۲۴ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

چون دو قطار به سمت هم در حال حرکت هستند بنابراین فاصله آن‌ها برابر با مجموع اندازه مساحت‌های محصور بین نمودار سرعت \_ زمان دو قطار و محور زمان است.

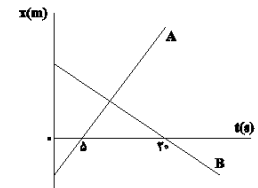


$$\frac{v}{40} = \frac{16-10}{16} \Rightarrow v = 15 \frac{m}{s}$$

$$\Delta x_B = S_1 = \frac{15+40}{2} \times 10 = 275m$$

$$|\Delta x_A| = S_2 = \frac{30 \times 10}{2} = 150m \quad \xrightarrow{d = \Delta x_B + |\Delta x_A|}$$

$$d = 500 - (270 + 150) = 75m$$

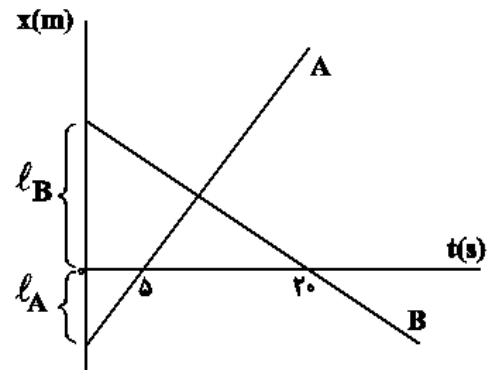


۲۵

سوال ۲۵ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

اندازه شیب هر یک از خطوط A و B برابر با تندی متحرک می‌باشد. با توجه به اینکه تندی متحرک A، ۲ برابر تندی متحرک B است داریم:

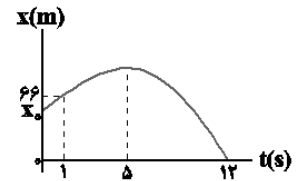


$$\Rightarrow \frac{l_A}{l_B} = \frac{1}{2} \xrightarrow{l_A + l_B = 150m} \begin{cases} l_A = 50m \Rightarrow V_A = 10 \frac{m}{s} \\ l_B = 100m \Rightarrow V_B = -5 \frac{m}{s} \end{cases} \quad \begin{aligned} |V_A| &= \frac{l_A}{\Delta t} \\ |V_B| &= \frac{l_B}{\Delta t} \end{aligned} \xrightarrow{|V_A| = 2|V_B|} \frac{2|V_B|}{|V_B|} = \frac{l_A}{l_B} \times 4$$

اکنون معادله حرکت دو متحرک را می‌نویسیم و سپس فاصله دو متحرک را در لحظه  $t = 20s$  به دست می‌آوریم:

$$x = Vt + x_0 \Rightarrow \begin{cases} x_A = 10t - 50 \\ x_B = -5t + 100 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{t=20s} x_A - x_B = 15 \times 20 - 150 = 150m$$



۲۶

سوال ۲۶ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

طبق داده ها و معادله مکان زمان و قوانین معادله درجه ۲، سوال را حل می کنیم.

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 \quad \{ b = 12 \Rightarrow x = 0$$

$$y = \partial x^2 + ba + c$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2}a \times 144 + v_0 \times 12 + x_0 = 0$$

$$\Rightarrow 72a + 12v_0 + x_0 = 0 \quad *$$

$$\xrightarrow{t=1} \frac{1}{2}a + v_0 + x_0 = 66 \quad **$$

$$\xrightarrow{**} 72a - 60a + x_0 = 12a + x_0 = 0 \quad (\text{رابطه ۱})$$

$$\xrightarrow{***} \frac{1}{2}a - 5a + x_0 = -\frac{9}{2}a + x_0 = 66 \quad (\text{رابطه ۲})$$

$$\rightarrow \frac{23}{2}a - 66 \Rightarrow a = -4$$

$$\Rightarrow 12a + x_0 = -48 + x_0 = 0 \Rightarrow \boxed{x_0 = 48m}$$

۲۷

سوال ۲۷ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

حرکت اتومبیل پس از دیدن مانع به دو بخش تقسیم می شود. بخش اول جابه جایی با سرعت ثابت در مدت زمان  $0.5s$  است و بخش دوم شامل جابه جایی با شتاب ثابت است. اکنون جابه جایی در هر دو بخش را به دست می آوریم:

جابه جایی اتومبیل با سرعت ثابت  $d_1 =$

جابه جایی اتومبیل با شتاب ثابت  $d_2 =$

$$d_1 + d_2 = 52m$$

$$d_1 = v_1 t_1 \xrightarrow{\Delta t_1 = 0.5s} d_1 = 20 \times 0.5 = 10m$$

$$v^2 - v_1^2 = 2a\Delta x \xrightarrow{\Delta x = d_2} d_2 = \frac{v^2 - 400}{-8}$$

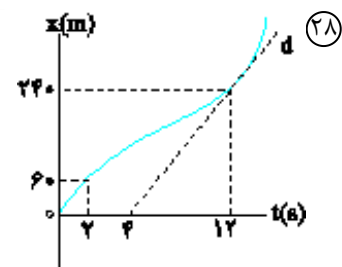
$$= \frac{400 - v^2}{8} \Rightarrow d_2 = 50 - \frac{v^2}{8}$$

گر فرض کنیم اتومبیل قبل از برخورد یا در لحظه رسیدن به مانع متوقف می شود، داریم:  $d_1 + d_2 = 60m > 52m$  چون مسافت طی شده از لحظه دیدن مانع تا لحظه توقف از فاصله اتومبیل از مانع در لحظه دیدن آن بزرگتر است بنابراین اتومبیل به مانع برخورد می کند.

اکنون تندی اتومبیل در لحظه برخورد با مانع را به دست می آوریم:

$$d_1 + d_2 = 52m \xrightarrow{d_1 = 10m, d_2 = 50 - \frac{v^2}{8}} 60 - \frac{v^2}{8} = 52$$

$$\Rightarrow \frac{v^2}{8} = 8 \Rightarrow v = 8 \frac{m}{s}$$



سوال ۲۸ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

نمودار مکان- زمان دو متحرک به صورت خط راست است و شیب خط برابر با سرعت دو متحرک است. از روی نمودار سرعت دو متحرک را به دست می‌آوریم:

$$v_A = \frac{\Delta x_A}{\Delta t_A} = \frac{500 - 400}{10 - 0} = \frac{100}{10} = 10 \frac{m}{s}$$

$$v_B = \frac{\Delta x_B}{\Delta t_B} = \frac{500 - (-300)}{10 - 0} = \frac{800}{10} = 80 \frac{m}{s}$$

اکنون معادله حرکت دو متحرک را می‌نویسیم:

$$x_A = v_A t + x_{A0} \quad \left( \begin{array}{l} v_A = 10 \frac{m}{s} \\ x_{A0} = 400 m \end{array} \right) \rightarrow x_A = 10t + 400$$

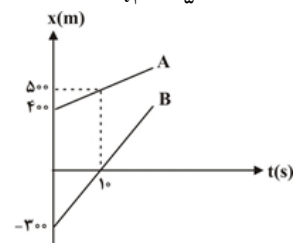
$$x_B = v_B t + x_{B0} \quad \left( \begin{array}{l} v_B = 80 \frac{m}{s} \\ x_{B0} = -300 m \end{array} \right) \rightarrow x_B = 80t - 300$$

اکنون لحظاتی که فاصله دو متحرک از یکدیگر  $600m$  می‌شوند را به دست می‌آوریم:

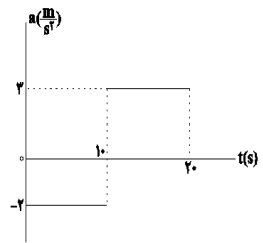
$$|x_A - x_B| = 600m \Rightarrow |(10t + 400) - (80t - 300)| = 600$$

$$\Rightarrow |700 - 70t| = 600 \Rightarrow \begin{cases} 700 - 70t_1 = 600 \Rightarrow t_1 = 10s \\ 70t_2 - 700 = 600 \Rightarrow t_2 = 16s \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{t_2}{t_1} = \frac{16}{10} = 1.6$$







۲۹

گزینه درست: ۴

سوال ۲۹

گزینه ۴

با توجه به نمودار شتاب - زمان در بازه زمانی صفر تا ۱۰s حرکت متحرک با شتاب ثابت  $-2 \frac{m}{s^2}$  است. بنابراین سرعت در لحظه  $t = 10s$  برابر است با:

$$v = at + v_0 \rightarrow v_{t=10s} = -2 \cdot 10 + 10 = -10 \frac{m}{s}$$

چون تندی متحرک در مبدأ زمان و لحظه  $t = 10s$  با یکدیگر یکسان است بنابراین در هر دو لحظه از مبدأ مکان عبور می کند. پس در لحظه  $t = 10s$  متحرک برای بار دوم از مبدأ مکان عبور می کند. پس از لحظه  $t = 10s$  حرکت متحرک با سرعت اولیه  $v = -10 \frac{m}{s}$  و شتاب ثابت  $3 \frac{m}{s^2}$  ادامه می یابد. بنابراین در لحظه ای که سرعت متحرک برابر با  $v = 10 \frac{m}{s}$  می شود، متحرک برای بار دوم از مبدأ مکان عبور می کند.

$$v' = at' + v' \rightarrow t' = \frac{20}{3} s$$

$$t'' = 10 + \frac{20}{3} = \frac{50}{3} s$$

۳۰

گزینه درست: ۴

سوال ۳۰

گزینه «۴»

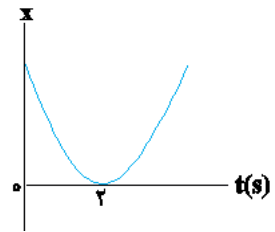
در ۴ ثانیه اول، اگر سرعت متوسط را بدست آوریم، در ثانیه ۲، سرعت لحظه ای با سرعت متوسط برابری می کند. در ۱۲ ثانیه بعدی، اگر سرعت متوسط را بدست بیاوریم، در ثانیه ۱۰ (بین ثانیه ۴ تا ثانیه ۱۶)، سرعت لحظه ای با سرعت متوسط برابری می کند. بنابراین می توانیم شتاب را از طریق سرعت در این لحظه ها حساب کنیم.

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow \bar{v} \text{ در } 4 \text{ ثانیه اول} = \frac{20 \cdot m}{4s} = 5 \frac{m}{s} \rightarrow \text{ثانیه } 2$$

$$\bar{v} \text{ در } 12 \text{ ثانیه بعد} = \frac{20 \cdot m}{12s} = \frac{5}{3} \frac{m}{s} \rightarrow \text{ثانیه } 10$$

$$|\bar{a}| = \left| \frac{\Delta u}{\Delta t} \right| = \left| \frac{\frac{5}{3} - 5}{10 - 2} \right| = \left| \frac{-\frac{10}{3}}{8} \right| = \frac{25}{6} \frac{m}{s^2}$$

۳۱



گزینه درست: ۴

سوال ۳۱

گزینه ۴

به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه «۱»: مسافت طی شده در ۳ ثانیه اول برابر مسافت طی شده در ۳ ثانیه دوم است. (نادرست)  
با توجه به نمودار مکان - زمان با در نظر گرفتن شتاب  $a$  سرعت در مبدأ زمان برابر با  $-2a$  و در لحظه  $t = 3s$  برابر با  $a$  است. همچنین سرعت در لحظه  $t = 6s$  برابر با  $4a$  است.

بنابراین مسافت طی شده در ۳ ثانیه اول و ۳ ثانیه دوم حرکت برابر است با:

$$d_{0-3s} = |\Delta x_{0-3s}| + |\Delta x_{3s-6s}| = \left| \frac{-2a \cdot 0 + a \cdot 3}{2} \times 2 \right| + \left| \frac{a \cdot 3 + 4a \cdot 3}{2} \times 1 \right| = \frac{5a}{2} \quad (I)$$

$$d_{3s-6s} = |\Delta x_{3s-6s}| = \left| \frac{a + 4a}{2} \times 3 \right| = \frac{15a}{2} \quad (II)$$

$$(I), (II) \rightarrow d_{3s-6s} > d_{0-3s}$$

گزینه «۲»: مسافت طی شده در ۳ ثانیه اول برابر بزرگی جابه‌جایی در این بازه زمانی است. (نادرست)

با توجه به این‌که جهت حرکت متحرک در لحظه  $t = 2s$  عوض شده است، بنابراین بزرگی جابه‌جایی و مسافت طی شده در این بازه زمانی با یکدیگر برابر نیستند.

گزینه «۳»: بزرگی سرعت متوسط در ۴ ثانیه اول برابر بزرگی سرعت در بازه زمانی  $t_1 = 1s$  تا  $t_2 = 5s$  است. (نادرست)

با توجه به رابطه سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$V_{av} = \frac{V_i + V_f}{2} = \frac{-2a + 2a}{2} = 0$$

$$V'_{av} = \frac{V_1 + V_2}{2} = \frac{-a + 3a}{2} = a$$

گزینه «۴»: بزرگی سرعت متوسط در ۳ ثانیه اول برابر بزرگی سرعت متوسط در بازه زمانی  $t_1 = 1s$  تا  $t_2 = 4s$  است. (درست)

$$\left. \begin{aligned} V_{av} &= \frac{V_i + V_f}{2} = \frac{-2a + a}{2} = \frac{-a}{2} \\ V'_{av} &= \frac{V_1 + V_2}{2} = \frac{-a + 2a}{2} = \frac{a}{2} \end{aligned} \right\} \rightarrow |V_{av}| = |V'_{av}|$$

۳۲

گزینه درست: ۳

سوال ۳۲

گزینه «۳»

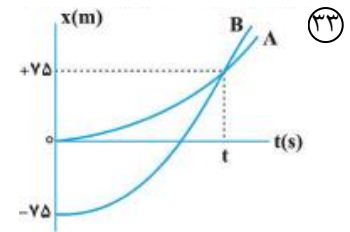
با توجه به رابطه شتاب متوسط بین دو لحظه، تغییرات بردار سرعت در بازه زمانی  $0$  تا  $10s$  و  $10s$  تا  $15s$  به دست می‌آوریم:

$$\vec{a}_{av} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \Rightarrow \left\{ \begin{aligned} \vec{a}_{av} &= \frac{\vec{v}_{t_2} - \vec{v}_{t_1}}{t_2 - t_1} = \frac{\vec{v}_{10s} - \vec{v}_{0s}}{10s - 0s} = \frac{\vec{v}_{10s}}{10s} \quad \vec{a}_{av} = -2\hat{i} \left( \frac{m}{s^2} \right) \\ \vec{v}_{t_2} - \vec{v}_{t_1} &= -2 \cdot \hat{i} \left( \frac{m}{s} \right) \quad I \\ \vec{a}'_{av} &= \frac{\vec{v}_{t_2} - \vec{v}_{t_1}}{t_2 - t_1} = \frac{\vec{v}_{15s} - \vec{v}_{10s}}{15s - 10s} = \frac{\vec{v}_{15s} - \vec{v}_{10s}}{5s} \quad \vec{a}'_{av} = \frac{3}{5} \hat{i} \left( \frac{m}{s^2} \right) \\ \vec{v}_{t_2} - \vec{v}_{t_1} &= 15 \times \frac{3}{5} \hat{i} = 9 \hat{i} \left( \frac{m}{s} \right) \quad (II) \end{aligned} \right.$$

اکنون بردار شتاب متوسط را در بازه زمانی  $t_1 = 10s$  تا  $t_2 = 15s$  به دست می‌آوریم:

$$I, II \Rightarrow \vec{v}_{t_2} - \vec{v}_{t_1} = 9 \hat{i} \left( \frac{m}{s} \right)$$

$$\vec{a}'_{av} = \frac{\vec{v}_{t_2} - \vec{v}_{t_1}}{t_2 - t_1} = \frac{9 \hat{i}}{5} = 1.8 \hat{i} \left( \frac{m}{s^2} \right)$$



سوال ۳۳ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

مطابق نمودار در لحظه  $t$  متحرک B از متحرک A سبقت می‌گیرد. شیب نمودار مکان - زمان برای هر دو متحرک A و B در لحظه  $t = 0$  برابر صفر است؛ پس سرعت اولیه دو متحرک برابر صفر است. با استفاده از رابطه مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t \quad \begin{cases} \xrightarrow[v_{0,A}=0]{\Delta x_A = 7.5 \text{ m}} 7.5 = \frac{1}{2} a_A t^2 \quad (1) \\ \xrightarrow[v_{0,B}=0]{\Delta x_B = 7.5 - (-7.5) = 15.0 \text{ m}} 15.0 = \frac{1}{2} a_B t^2 \quad (2) \end{cases}$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{15.0}{7.5} = \frac{\frac{1}{2} a_B t^2}{\frac{1}{2} a_A t^2} \Rightarrow 2 = \frac{a_B}{a_A} \quad (3)$$

مطابق معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت داریم:

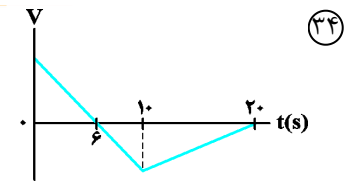
$$v = a t + v_0 \quad \begin{cases} \xrightarrow[v_{0,A}=0]{v_{0,A}=0} v_A = a_A t \quad (4) \\ \xrightarrow[v_{0,B}=0]{v_{0,B}=0} v_B = a_B t \quad (5) \end{cases}$$

$$(4), (5) \Rightarrow \frac{v_B}{v_A} = \frac{a_B t}{a_A t} = \frac{a_B}{a_A} \xrightarrow{(3)} \frac{v_B}{v_A} = 2$$

راه دوم: با استفاده از رابطه مستقل از شتاب داریم:

$$\frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{v_1 + v_2}{2} \quad \begin{cases} \xrightarrow[v_{0,A}=0]{\Delta x_A = 7.5 \text{ m}} \frac{7.5}{\Delta t_A} = \frac{0 + v_A}{2} \\ \xrightarrow[v_{0,B}=0]{\Delta x_B = 15.0 \text{ m}} \frac{15.0}{\Delta t_B} = \frac{0 + v_B}{2} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\Delta t_A = \Delta t_B} \frac{v_A}{v_B} = \frac{1}{2}$$



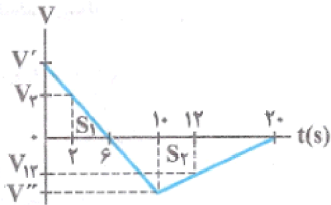
گزینه درست: ۱

سوال ۳۴

گزینه «۱»

اگر سرعت متحرک را در مبدأ زمان  $V'$  در نظر بگیریم با استفاده از تشابه مثلثها سرعت را در لحظه  $t = 10s$  به دست می آوریم:

$$\frac{V'}{6} = \frac{V''}{4} \Rightarrow V'' = \frac{2}{3}V'$$



مسافت طی شده در ۲۰ ثانیه اول برابر با مجموع مساحت‌های  $S_1$  و  $S_2$  است.

$$1.-20s = S_1 + S_2 = \frac{V' \times 6}{2} + \frac{V'' \times (20 - 6)}{2} \xrightarrow{V'' = \frac{2}{3}V'} \xrightarrow{1.-20s = 138m}$$

$$138 = 3V' + \frac{14V''}{2} \Rightarrow V' = \frac{138 \times 2}{23} = 12 \frac{m}{s} \Rightarrow V'' = \frac{2}{3} \times 12 = 8 \frac{m}{s}$$

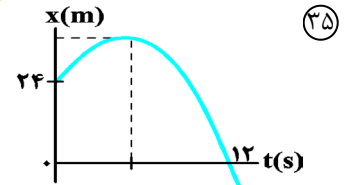
اکنون سرعت متحرک را با استفاده از تشابه مثلثها در لحظات ۱۲s و ۳s به دست می آوریم:

$$\frac{|V_{12}|}{|V''|} = \frac{8}{10} \xrightarrow{|V''|=12 \frac{m}{s}} V_{12} = -9.6 \frac{m}{s}$$

$$\frac{V_3}{V'} = \frac{4}{6} \xrightarrow{V'=12 \frac{m}{s}} V_3 = 8 \frac{m}{s}$$

اکنون با استفاده از تعریف شتاب متوسط داریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{V_3 - V_{12}}{12 - 3} = \frac{8 - (-9.6)}{9} = 2 \frac{m}{s^2}$$



سوال ۳۵

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت سرعت متحرک در لحظات  $t = 0$  و  $t = 12s$  را بر حسب شتاب به دست می آوریم، چون جهت حرکت متحرک در نقطه  $t = 5s$  عوض شده است پس در این لحظه  $v = 0$  است.

$$V = at + V_0 \xrightarrow{t=5s} V_0 = -5a$$

$$\xrightarrow{t=12s} V_{12} = 12a - 5a = 7a$$

اکنون با نوشتن رابطه سرعت متوسط در حرکت شتاب ثابت بین لحظات  $0$  تا  $12s$ ، شتاب حرکت را به دست می آوریم:

$$\frac{V_0 + V_{12}}{2} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t=12s, \Delta x=-24x} \frac{-5a + 7a}{2} = \frac{-24}{12} \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2}$$

برای به دست آوردن تندی متوسط بین لحظات  $2s$  تا  $10s$  بایستی مجموع اندازه جابه جایی متحرک را در بازه های زمانی که جهت حرکت تغییر نمی کند به دست آوریم و حاصل را بر بازه زمانی مورد نظر تقسیم کنیم:

$$I_{2s-10s} = |\Delta x_{2s-5s}| + |\Delta x_{5s-10s}| = \left| \frac{V_{2s} + V_{5s}}{2} \times 3 \right| + \left| \frac{V_{5s} + V_{10s}}{2} \times 5 \right|$$

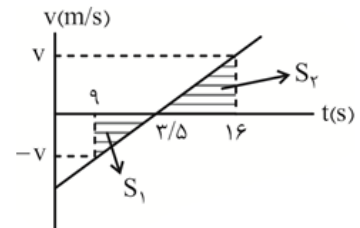
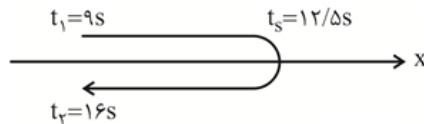
$$\rightarrow I_{2s-10s} = \frac{6+0}{2} \times 3 + \frac{0+10}{2} \times 5 = 9 + 25 = 34m$$

$$\xrightarrow{\Delta t=10-2=8s} S_{av} = \frac{34}{8} = \frac{17}{4} \frac{m}{s}$$

سوال ۳۶

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»



$$S_1 = S_2, a = \frac{v}{3/5} \rightarrow v = 14m/s$$

$$S_{av} = \frac{1}{\Delta t} = \frac{S_1 + S_2}{\Delta t} = \frac{2 \left( \frac{14 \times 3/5}{2} \right)}{16-9} = 7m/s$$

۳۷

گزینه درست: ۴

سوال ۳۷

گزینه ۴

۲ ثانیه دوم یعنی بازه زمانی  $t_1 = 2s$  تا  $t_2 = 4s$ :

$$v = 2t^2 - 4t - 2 \Rightarrow \begin{cases} v_1 = 2t_1^2 - 4t_1 - 2 \\ v_2 = 2t_2^2 - 4t_2 - 2 \end{cases}$$

مطابق رابطه شتاب متوسط در حرکت بر خط راست داریم:

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{(2t_2^2 - 4t_2 - 2) - (2t_1^2 - 4t_1 - 2)}{t_2 - t_1}$$

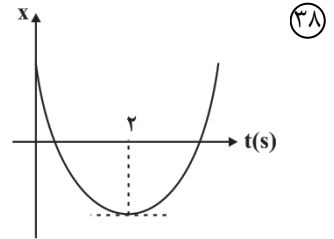
$$\Rightarrow a_{av} = \frac{2(t_2^2 - t_1^2) - 4(t_2 - t_1)}{t_2 - t_1} = \frac{(t_2 - t_1)[2(t_2 + t_1) - 4]}{t_2 - t_1}$$

$$= 2(t_2 + t_1) - 4 = 2(4 + 2) - 4 = 8 \frac{m}{s^2}$$

نکته: بدون پارامتری کردن شتاب متوسط نیز می‌توانیم با جایگذاری  $t_2 = 4s$  و  $t_1 = 2s$  در معادله سرعت - زمان شتاب متوسط را در این بازه زمانی به‌دست آوریم:

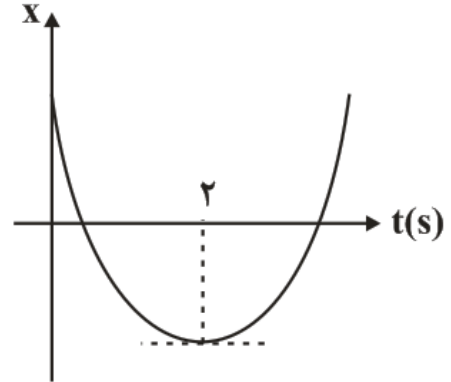
$$a_{av} = \frac{(2t_2^2 - 4t_2 - 2) - (2t_1^2 - 4t_1 - 2)}{t_2 - t_1}$$

$$\xrightarrow{t_1=2s, t_2=4s} a_{av} = \frac{(32 - 16) - (8 - 8)}{2} = 8 \frac{m}{s^2}$$



سوال ۳۸ گزینه درست: ۳

گزینه ۳



اگر شتاب حرکت متحرک را  $a$  در نظر بگیریم با توجه به این که سرعت متحرک در لحظه  $t = 2s$  برابر صفر است بنابراین سرعت متحرک در لحظات  $t_1 = 1s$  و  $t_2 = 6s$  به ترتیب برابر  $v_1 = -a$  و  $v_2 = 4a$  است. اکنون با توجه به رابطه سرعت متوسط شتاب حرکت را به دست می آوریم:

$$\frac{v_{t=1s} + v_{t=6s}}{2} = v_{av} \xrightarrow{v_{av} = 2 \frac{m}{s}, v_{t=1s} = -a, v_{t=6s} = 4a}$$

$$\frac{-a + 4a}{2} = 2 \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2} \Rightarrow \begin{cases} v_{t=1s} = -2 \frac{m}{s} \\ v_{t=6s} = 4 \frac{m}{s} \end{cases}$$

اکنون اندازه جابه‌جایی متحرک را در بازه زمانی  $1s$  تا  $2s$  و  $2s$  تا  $6s$  به دست می آوریم:

$$\frac{v_{t=1s} + v_{t=2s}}{2} = \frac{\Delta x_1}{\Delta t_1} \xrightarrow{v_{t=1s} = -2 \frac{m}{s}, v_{t=2s} = 0, \Delta t_1 = 1s} |\Delta x_1| = 1m$$

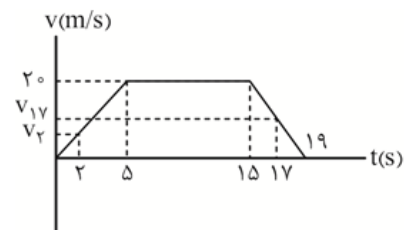
$$\frac{v_{t=2s} + v_{t=6s}}{2} = \frac{\Delta x_2}{\Delta t_2} \xrightarrow{v_{t=2s} = 0, v_{t=6s} = 4 \frac{m}{s}, \Delta t_2 = 4s} |\Delta x_2| = 16m$$

$$\Rightarrow d = |\Delta x_1| + |\Delta x_2| = 1 + 16 = 17m$$

سوال ۳۹

گزینه درست: ۳

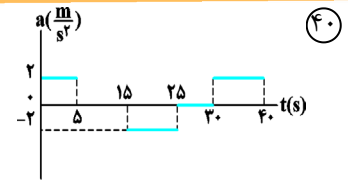
گزینه «۳»



$$\frac{20}{5} = \frac{v_2}{2} \rightarrow v_2 = 8m/s$$

$$\frac{20}{4} = \frac{v_{17}}{17} \rightarrow v_{17} = 10m/s$$

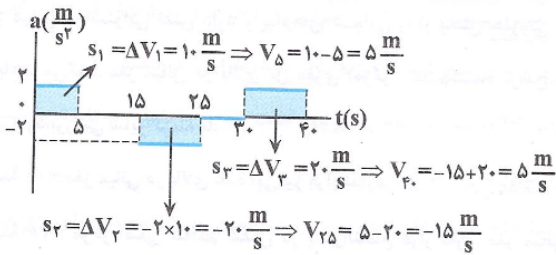
$$a_{av} = \frac{v_{17} - v_2}{17 - 2} = \frac{10 - 8}{15} = \frac{2}{15} m/s$$



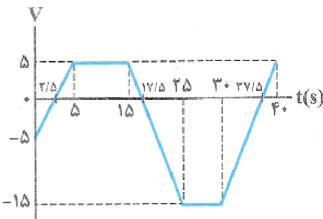
سوال ۴۰ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

می‌دانیم مساحت محصور بین نمودار شتاب - زمان و محور زمان برابر تغییر سرعت است. با استفاده از این نکته سرعت متحرک را در لحظات ۵s ، ۲۵s و ۴۰s به دست می‌آوریم:



اکنون نمودار سرعت - زمان متحرک را رسم می‌کنیم:



با توجه به نمودار سرعت - زمان به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه «۱»: در بازه‌های زمانی که نوع حرکت متحرک تندشونده است (نمودار سرعت - زمان در حال دور شدن از محور زمان است) بردار شتاب و سرعت هم‌جهت‌اند.

در نمودار سرعت - زمان رسم شده در بازه‌های ۲/۵s تا ۵s و ۱۷/۵s تا ۲۵s و ۳۷/۵s تا ۴۰s بردارهای سرعت و شتاب هم‌جهت‌اند پس مجموعاً مدت زمانی که بردارهای سرعت و شتاب هم‌جهت‌اند برابر است با:

$$t_{\Delta} = 2/5 + 7/5 + 2/5 = 12/5$$

گزینه «۲»: مساحت محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر جابه‌جایی است.

در بازه زمانی ۰ تا ۵s چون شتاب حرکت ثابت است و تندی در ابتدا و انتهای بازه زمانی یکسان است بنابراین جابه‌جایی متحرک برابر صفر است. برای به دست آوردن جابه‌جایی کل بایستی مساحت دو ذوزنقه در بازه‌های زمانی ۵s تا ۱۷/۵s و ۱۷/۵s تا ۳۷/۵s و همچنین مساحت مثلث در بازه زمانی ۳۷/۵s تا ۴۰s را به دست می‌آوریم:

$$\Delta x_{\text{کل}} = \frac{12/5 + 10}{2} \times 5 - \frac{(20 + 5) \times 15}{2} + \frac{5 \times 2/5}{2}$$

$$= \frac{22/5 \times 5 - 25 \times 15 + 5 \times 2/5}{2} = \frac{5 \times 25 - 25 \times 15}{2}$$

$$\Rightarrow \Delta x_{\text{کل}} = -125\text{m}$$

گزینه «۳»: در بازه‌های زمانی  $v > 0$  است متحرک در جهت مثبت در حال حرکت است. مطابق نمودار سرعت - زمان در بازه‌های زمانی ۲/۵s تا ۱۷/۵s و ۳۷/۵s تا ۴۰s مجموعاً به مدت ۱۷/۵s متحرک در جهت مثبت در حال حرکت است.

گزینه «۴»: مسافت طی شده برابر با مجموع مساحت‌هایی است که بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان محصور است. (در گزینه «۲» بایستی علامت بین تمام مساحت‌ها مثبت باشد و همچنین مساحت محصور بین نمودار و محور زمان در بازه زمانی ۰ تا ۵s نیز با بقیه مساحت‌ها جمع شود.)

$$1. -40s = \frac{1}{2} \times 2/5 \times 5 = \frac{1}{2} \times 2/5 \times 5 + \frac{22/5 \times 5}{2} + \frac{25 \times 15}{2} + \frac{5 \times 2/5}{2}$$

$$1. -40s = \frac{3 \times 5 \times 2/5 + 5 \times 22/5 + 25 \times 15}{2} = \frac{525}{2} = 262.5\text{m}$$



(۴۱)

گزینه درست: ۲

سوال ۴۱

گزینه ۲

با استفاده از رابطه مکان - زمان در حرکت با شتاب ثابت برای این دو متحرک داریم:

$$\Delta x_A = \frac{1}{2} a_A t_A^2 + v_{\cdot A} t_A$$

$$\Delta x_B = \frac{1}{2} a_B t_B^2 + v_{\cdot B} t_B$$

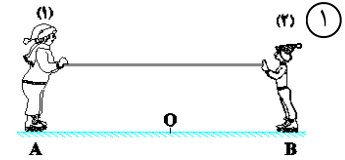
$$\frac{\Delta x_A = \Delta x_B, a_A = a, a_B = \frac{9}{16} a}{t_B = t_A + 2, v_{\cdot A} = v_{\cdot B} = 0} \rightarrow 1 = \frac{a}{\frac{9}{16} a} \times \left( \frac{t_A}{t_A + 2} \right)^2$$

$$\Rightarrow \left( \frac{t_A}{t_A + 2} \right)^2 = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{t_A}{t_A + 2} = \frac{3}{4} \Rightarrow 4t_A + 6 = 3t_A \Rightarrow t_A = 6s$$

متحرکی که شتاب بزرگتری دارد (متحرک A) زودتر به مقصد می‌رسد.

# فصل دوم فیزیک دوازدهم

## (پاسخنامه)

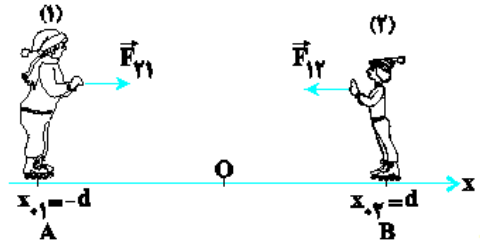


سوال ۱ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

مطابق قانون سوم نیوتون هرگاه شخصی به شخص دیگری نیرو وارد کند، شخص دوم نیز به شخص اول نیرویی هم‌اندازه و هم‌راستا اما در خلاف جهت وارد می‌کند. به عبارت دیگر:

$$\vec{F}_{21} = -\vec{F}_{12}$$



مطابق قانون دوم نیوتون شتاب هر نفر را به دست می‌آوریم:

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \vec{F}_{21} = m_1 \vec{a}_1 \\ \vec{F}_{12} = m_2 \vec{a}_2 \end{cases} \xrightarrow[\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}]{m_2 = \frac{1}{2} m_1} m_1 \vec{a}_1 = -\frac{m_1}{2} \vec{a}_2 \rightarrow \vec{a}_2 = -2\vec{a}_1$$

اکنون فرض می‌کنیم دو متحرک یکی از مکان  $x = -d$  و دیگری از مکان  $x = d$  از حال سکون به سمت یکدیگر شروع به حرکت می‌کنند. معادله مکان - زمان را برای دو متحرک می‌نویسیم. مطابق معادله مکان - زمان برای حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0 \Rightarrow \begin{cases} \xrightarrow{x_{1,0} = -d} x_1 = \frac{1}{2} a_1 t^2 - d \quad (1) \\ \xrightarrow{x_{2,0} = d} x_2 = \frac{1}{2} (-2a_1) t^2 + d = -a_1 t^2 + d \quad (2) \end{cases}$$

در لحظه‌ای که دو متحرک به یکدیگر می‌رسند  $x_1 = x_2$  است.

$$\begin{aligned} x_1 = x_2 &\xrightarrow{(2), (1)} \frac{1}{2} a_1 t^2 - d = -a_1 t^2 + d \\ &\Rightarrow \frac{3}{2} a_1 t^2 = 2d \Rightarrow \frac{1}{2} a_1 t^2 = \frac{2d}{3} \\ &\xrightarrow{x_1 = \frac{1}{2} a_1 t^2 - d} \rightarrow x_1 = x_2 = \frac{2d}{3} - d = -\frac{d}{3} \end{aligned}$$

بنابراین دو شخص در فاصله بین O و A به یکدیگر می‌رسند.

نکته: چون در صورت سؤال مکان دقیق لحظه رسیدن دو شخص به یکدیگر را مورد پرسش قرار نداده است، می‌توانیم بدون تعیین مکان دقیق برخورد نیز محل رسیدن دو شخص را تعیین کنیم. با توجه به این که  $a_2 = -2a_1$  است و دو شخص از حال سکون به سمت یکدیگر شروع به حرکت می‌کنند، در لحظه‌ای که دو متحرک به یکدیگر می‌رسند مسافت طی شده توسط شخص (2) بزرگ‌تر از مسافت طی شده توسط شخص (1) است. لذا از آنجا که نقطه O وسط فاصله بین دو شخص قرار دارد، بنابراین دو شخص در فاصله بین O و A به یکدیگر می‌رسند.

سوال ۲

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

مطابق رابطه انرژی جنبشی و تکانه داریم:

$$K = \frac{p^2}{2m} \Rightarrow \frac{K_B}{K_A} = \frac{p_B^2}{p_A^2} \times \frac{m_A}{m_B} \xrightarrow[\frac{K_B = 5K_A}{p_A = p_B}]{} \frac{m_A}{m_B} = 5$$

(۳)

سوال ۳ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

با توجه به رابطه  $g_h = G \frac{M_e}{(R_e + h)^2}$  شتاب گرانش را در فاصله ۶۴۰۰ کیلومتری سطح زمین به دست

می‌آوریم:

$$\frac{g_h}{g} = \frac{R_e^2}{(R_e + h)^2} \Rightarrow \frac{g_h}{g} = \frac{R_e^2}{(R_e + R_e)^2} = \frac{1}{4} \Rightarrow g_h = \frac{g}{4}$$

نیروی وزن در هر نقطه برابر با حاصل ضرب جرم جسم در شتاب گرانش در محل جسم است. بنابراین:

$$W = mg_h = 80 \times \frac{9.8}{4} = 196 \text{ N}$$

(۴)

سوال ۴ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

$$F_c = m(g - a) \rightarrow \text{جهت شتاب رو به پایین است.}$$

$$kx = m(g - a) \rightarrow 200 \times 0.09 = m(10 - 1)$$

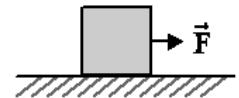
$$\rightarrow m = 2 \text{ kg}$$

(۵)

سوال ۵ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

ابتدا شتاب حرکت جسم را به دست می‌آوریم، با توجه به این که اصطکاک ناچیز است، بنابراین تنها نیروی وارد بر جسم در راستای افق نیروی  $F$  است، مطابق قانون دوم نیوتون شتاب حرکت جسم برابر است با:



$$F = ma \xrightarrow[m=0.5 \text{ kg}]{F=2 \text{ N}} a = \frac{2}{0.5} = 4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

اکنون جابه‌جایی جسم را در ثانیه دوم حرکت به دست می‌آوریم:

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \xrightarrow[v_0=0, x_0=0]{a=4 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} x = 0.5 \times 4 \times 2^2$$

$$t = 2 \text{ s} \Rightarrow x_2 = 0.5 \times 4 \times 2^2 = 8 \text{ m}$$

$$t = 1 \text{ s} \Rightarrow x_1 = 0.5 \times 4 \times 1^2 = 2 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \Delta x = x_2 - x_1 = 6 \text{ m}$$

بنابراین کار نیروی  $F$  برابر است با:

$$W_F = F d \cos \theta \xrightarrow[\cos \theta = 1, F = 2 \text{ N}]{d = \Delta x = 6 \text{ m}} W_F = 2 \times 6 = 12 \text{ J}$$

(۶)

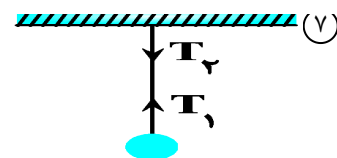


سوال ۶ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

بر اساس قانون سوم نیوتن  $F = -F'$  است.

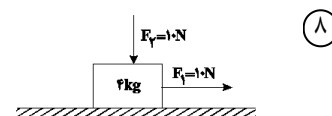
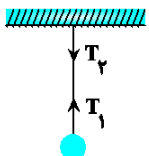
$$|F| = |F'| \xrightarrow{F=ma} m_1 a_1 = m_2 a_2 \xrightarrow{m_2 > m_1} a_1 > a_2$$



سوال ۷ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

$T_2$  نیرویی است که نخ به سقف وارد می‌کند بنابراین واکنش آن از طرف سقف به نخ به سمت بالا وارد می‌شود.  $T_1$  نیرویی است که نخ به گلوله وارد می‌کند بنابراین واکنش آن از طرف گلوله به سمت پایین وارد می‌شود.  
نکته: نیروی وارد بر نخ همواره در جهتی است که نخ در حال کشیدگی قرار گیرد.



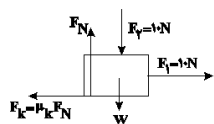
سوال ۸ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

نیروی سطح وارد بر جسم برابر با برآیند نیروی اصطکاک و نیروی عمودی سطح است. در حالت اول جسم با سرعت ثابت در حال حرکت است، بنابراین نیروی اصطکاک جنبشی در این حالت با نیروی

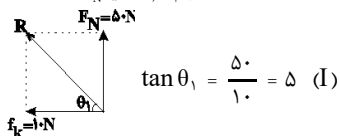
 $F_1$ 

برابر است.

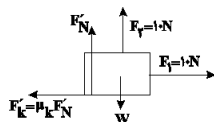
الف) جهت نیروی  $F_2$  به سمت پایین است.

$$F_N = F_2 + W \Rightarrow F_N = 10 + 40 = 50 \text{ N}$$

$$f_k = F_1 \frac{f_k = \mu_k F_N}{F_N = 50 \text{ N}, F_1 = 10 \text{ N}} \rightarrow \mu_k = \frac{1}{5}$$

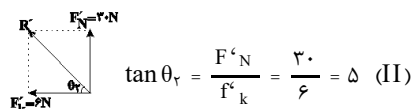


$$\tan \theta_1 = \frac{10}{50} = \frac{1}{5} \quad (I)$$

ب) جهت نیروی  $F_2$  به سمت بالا است.

$$F'_N = W - F_2 = 40 - 10 = 30 \text{ N}$$

$$f'_k = \mu_k F'_N = \frac{1}{5} \times 30 = 6 \text{ N}$$



$$\tan \theta_2 = \frac{F'_N}{f'_k} = \frac{30}{6} = 5 \quad (II)$$

$$(I), (II) \Rightarrow \theta_1 = \theta_2 < 90^\circ$$



(۹)

گزینه درست: ۴

سوال ۹

گزینه «۴»

شتاب گرانش با مجذور فاصله از مرکز زمین رابطه عکس دارد.

$$g_h = \frac{GM_e}{(R_e + h)^2} \Rightarrow \frac{g_h}{g} = \frac{R_e^2}{(R_e + h)^2} \xrightarrow{R_e=6400 \text{ km}} \xrightarrow{h=1600 \text{ km}, g=9/8 \frac{m}{s^2}}$$

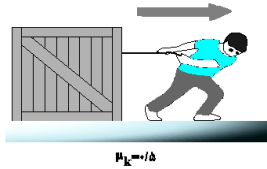
$$\frac{g_h}{9/8} = \left( \frac{6400}{6400 + 1600} \right)^2 = \left( \frac{1600 \times 4}{1600(4+1)} \right)^2$$

$$\Rightarrow g_h = 9/8 \times \frac{16}{25} = 6/25 \frac{m}{s^2}$$

نکته: برای انجام محاسبه پایانی می‌توانیم  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  فرض کنیم در این صورت محاسبه شتاب راحت‌تر و سریع‌تر است.

$$g_h = 10 \times \frac{16}{25} = 6/4 \frac{m}{s^2}$$

چون  $9/8 \frac{m}{s^2}$  اندکی کوچکتر از  $10 \frac{m}{s^2}$  است پس پاسخ کوچکترین و نزدیک‌ترین عدد به  $6/4 \frac{m}{s^2}$  است.

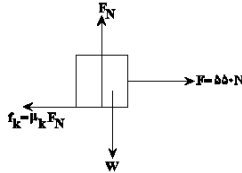


گزینه درست: ۴

سوال ۱۰

گزینه ۴

با استفاده از قانون دوم نیوتون شتاب حرکت را در بازه زمانی ۰ تا ۴s به دست می‌آوریم:



$$F - f_k = ma \quad \begin{array}{l} F = 550 \cdot N, m = 100 \cdot \text{kg}, g = 10 \frac{N}{\text{kg}} \\ f_k = \mu_k F_N, F_N = mg, \mu_k = 0.5 \end{array}$$

$$550 - 0.5 \times 100 \times 10 = 100 \cdot a \Rightarrow a = \frac{1}{2} \frac{m}{s^2}$$

اکنون مسافت طی شده توسط جسم در ۴ ثانیه اول که با شتاب  $\frac{1}{2} \frac{m}{s^2}$  در حال حرکت است به دست می‌آوریم:

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 \xrightarrow{t=4s} \Delta x = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 4^2 = 4m \quad (*)$$

پس از لحظه  $t = 4s$  که طناب پاره می‌شود، تنها نیروی اصطکاک جنبشی در راستای حرکت جسم به آن وارد می‌شود. با نوشتن قانون دوم نیوتون شتاب حرکت را پس از این لحظه به دست می‌آوریم:

$$-f_k = ma' \Rightarrow \frac{f_k = \mu_k F_N}{F_N = mg} - \mu_k mg = ma' \Rightarrow a' = -\mu_k g$$

$$\xrightarrow{\substack{\mu_k = 0.5 \\ g = 10 \frac{N}{\text{kg}}}} a' = -5 \frac{m}{s^2}$$

اکنون با استفاده از رابطه مستقل از زمان مسافت طی شده از لحظه پاره شدن طناب تا لحظه توقف جسم را به دست می‌آوریم:

$$v_{t=4s} = at + v_0 \xrightarrow{v_0 = 0, t=4s} v_{t=4s} = 2 \frac{m}{s}$$

$$a = \frac{1}{2} \frac{m}{s^2}$$

$$v^2 - v_{t=4s}^2 = 2a'\Delta x \xrightarrow{v^2 = 0, v_{t=4s} = 2 \frac{m}{s}, a' = -5 \frac{m}{s^2}} \Delta x' = \frac{4}{10} m \quad (**)$$

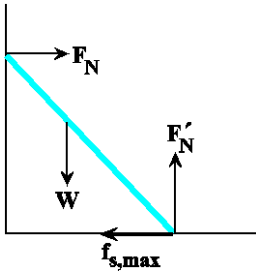
$$\xrightarrow{(*), (**)} d = \Delta x + \Delta x' = 4/4m$$

(۱۱)

سوال ۱۱ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

بیشترین نیرویی که نردبان به سطح افقی وارد می‌کند زمانی است که نیروی اصطکاک از نوع بیشینه ایستایی باشد. مطابق شکل زیر نیروهای وارد بر نردبان را مشخص می‌کنیم.



$$R = \sqrt{F_N'^2 + f_{s,max}^2} \quad \begin{matrix} f_{s,max} = \mu_s F_N' \\ F_N = W \end{matrix} \rightarrow R = F_N' \sqrt{1 + \mu_s^2}$$

$$\frac{F_N' = W}{\rightarrow} R = W \sqrt{1 + \mu_s^2}$$

$$\frac{W = mg, m = 25 \text{ kg}}{\rightarrow} R = 250 \sqrt{1 + 0.4^2}$$

$$\frac{g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \mu_s = 0.4}{\rightarrow} R = 0.4 \times 250 \sqrt{1 + 0.16} = 50 \sqrt{1.16} \text{ N}$$

(۱۲)

سوال ۱۲ گزینه درست: ۳

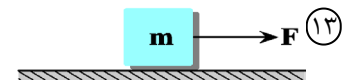
گزینه «۳»

نیروی خالص متوسط وارد بر یک جسم در یک بازه زمانی برابر با آهنگ تغییر تکانه جسم در آن بازه زمانی است.

$$F_{av} = \frac{\Delta P}{\Delta t} \xrightarrow{p = t_2 v_2 - t_1 v_1} F_{av} = \frac{t_2 v_2 - t_1 v_1 - \Delta t}{t_2 - t_1}$$

$$F_{av} = \frac{t_2 v_2 - t_1 v_1 - \Delta(t_2 - t_1)}{t_2 - t_1} = t_2 + t_1 - \Delta$$

$$\xrightarrow{t_1 = 1 \text{ s}, t_2 = 2 \text{ s}, \Delta = 5 \text{ s}} F_{av} = 1 + 2/25 - 5 = -1/5 \text{ N} \Rightarrow |F_{av}| = \frac{1}{5} \text{ N}$$



سوال ۱۳ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

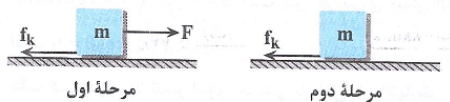
حرکت جسم شامل دو مرحله است. در مرحله اول، حرمت تندشونده است و دو نیروی  $F$  و  $f_k$  در راستای حرکت به جسم وارد می‌شوند. در مرحله دوم حرکت کندشونده است و تنها نیروی اصطکاک در خلاف جهت حرکت به جسم وارد می‌شود با توجه به اینکه جسم از حال سکون شروع به حرکت کرده است با نوشتن رابطه مستقل از زمان نسبت به اندازه شتاب دو مرحله را به دست می‌آوریم:

$$V^2 - 0 = 2a_1 \Delta x_1 \quad (*)$$

$$0 - V^2 = 2a_2 \Delta x_2 \quad \xrightarrow{\Delta x_2 = \Delta x_1} -V^2 = 2a_2 \Delta x_1 \quad (**)$$

$$(*), (**) \Rightarrow \frac{|a_2|}{|a_1|} = \frac{1}{4} \quad (I)$$

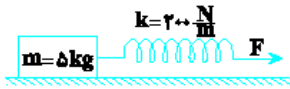
اکنون با نوشتن قانون دوم نیوتن برای جسم در دو مرحله داریم:



$$\begin{cases} F - f_k = m|a_1| \\ f_k = m|a_2| \end{cases} \xrightarrow{(I)} \frac{F - f_k}{f_k} = 4 \Rightarrow F = 5f_k$$



(۱۴)

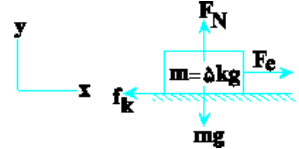


گزینه درست: ۱

سوال ۱۴

گزینه ۱

چون جسم با سرعت ثابت در حال حرکت است مطابق قانون اول نیوتون بر ایند نیروهای وارد بر جسم در دو راستای X و Y داریم:

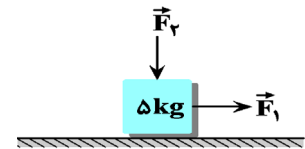


$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_N = mg = 5 \cdot 10$$

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_c - f_k = 0 \xrightarrow{F_c = k\Delta x} f_k = k\Delta x$$

$$\xrightarrow{f_k = \mu_k F_N} \mu_k \times 5 \times 10 = 200 \times \frac{\Delta}{100} \Rightarrow \mu_k = 0.2$$

(۱۵)



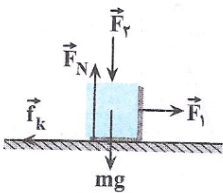
گزینه درست: ۴

سوال ۱۵

گزینه «۴»

ابتدا شتاب حرکت جسم را با استفاده از رابطه مستقل از زمان به دست می آوریم:

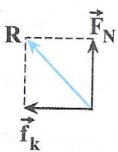
$$V^2 - V_0^2 = 2a\Delta x \xrightarrow{V_0=0, \Delta x=12m} a = \frac{12^2}{2 \times 12} = 6 \frac{m}{s^2}$$



$$F_1 - f_k = ma \xrightarrow{a=6 \frac{m}{s^2}, F_1=65N} 65 - f_k = 5 \times 6 \rightarrow f_k = 25N$$

با نوشتن قانون دوم نیوتن نیروی اصطکاک جنبشی را به دست می آوریم:

نیرویی که سطح به جسم وارد می کند بر ایند نیروی عمودی سطح و نیروی اصطکاک جنبشی است.



$$F_N = mg + F_\gamma \xrightarrow{m=5kg, g=10 \frac{N}{kg}, F_\gamma=20N} F_N = 70N$$

$$R = \sqrt{F_N^2 + f_k^2} \xrightarrow{F_N=70N, f_k=25N} R = \sqrt{70^2 + 25^2} = 25\sqrt{13}N$$

۱۶

گزینه درست: ۴

سوال ۱۶

گزینه «۴»

$$g = G \frac{\infty M_e}{(R_e + r)^2} \quad (r = \text{فاصله از سطح زمین})$$

$$\Rightarrow \frac{g_r}{g_1} = \frac{(R_e + r_1)^2}{(R_e + r_2)^2} = \frac{1}{100} \Rightarrow \frac{R_e + r_1}{R_e + r_2} = \frac{1}{10} \xrightarrow{r_1=0}$$

$$\frac{R_e}{R_e + r_2} = \frac{1}{10} \Rightarrow 10 R_e = R_e + r_2 \Rightarrow \boxed{r_2 = 9R_e}$$

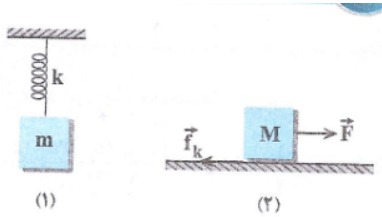
۱۷

گزینه درست: ۳

سوال ۱۷

گزینه «۳»

نیروی وارد بر فنر در شکل (۱) برابر با وزن جسم به جرم  $m$  است و در شکل (۲) چون جسم با تندی ثابت در حال حرکت است. نیروی وارد بر فنر با نیروی اصطکاک جنبشی برابر است.

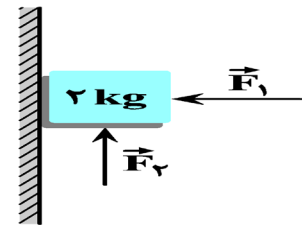


بنابراین با توجه به رابطه تغییر طول فنر داریم:

$$F_e = k \Delta x \begin{cases} \text{شکل (۱)} & F_e = mg \\ \Delta x_1 = \frac{mg}{k} \text{ (I)} \\ \text{شکل (۲)} & F_e = f_k \\ \Delta x_2 = \frac{f_k}{K} \xrightarrow{f_k = \mu_k F_N, \mu_k = 0.2} \\ & \xrightarrow{F_N = Mg} \\ \Delta x_2 = \frac{0.2 \times Mg}{K} \text{ (II)} \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{I, II}} \frac{\Delta x_1}{\Delta x_2} = \frac{mg}{0.2Mg} = \frac{m}{0.2M} \Rightarrow \frac{m}{M} = 1$$

۱۸

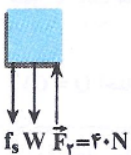


گزینه درست: ۱

سوال ۱۸

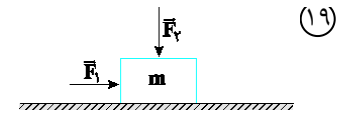
$$f_s = W \xrightarrow{W=mg, m=2\text{kg}, g=10\text{N/kg}} f_s = 20\text{N}$$

در حالت دوم که نیروی  $F_2$  به سمت بالا به جسم وارد می‌شود چون  $F_2 > W$  است بنابراین نیروی اصطکاک به سمت پایین به جسم وارد می‌شود. از طرفی در حالت قبل دیدیم  $f_{s,max} > 20\text{N}$  پس در این حالت نیز  $f_s = 20\text{N}$  و به سمت پایین به جسم وارد می‌شود.



$$F_r = f_s + W \xrightarrow{W=20\text{N}, F_r=40\text{N}} f_s = 20\text{N} \xrightarrow{f_{s,max} > 20\text{N}}$$

جسم همچنان ساکن می‌ماند.

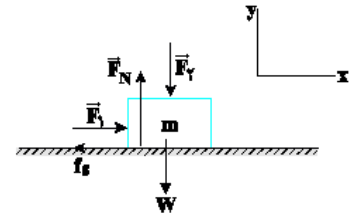


سوال ۱۹

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

ابتدا نیروهای وارد بر جسم را مشخص می‌کنیم. نیروی سطح برابر با برآیند نیروی عمودی سطح و نیروی اصطکاک است.



$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_N = F_2 + W$$

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_1 = f_s$$

$$R = \sqrt{f_s^2 + F_N^2} \Rightarrow R = \sqrt{F_1^2 + (F_2 + W)^2} \quad (I)$$

با دو برابر شدن نیروهای  $F_1$  و  $F_2$ ، چون جسم ساکن است، داریم:

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F'_N = 2F_2 + W$$

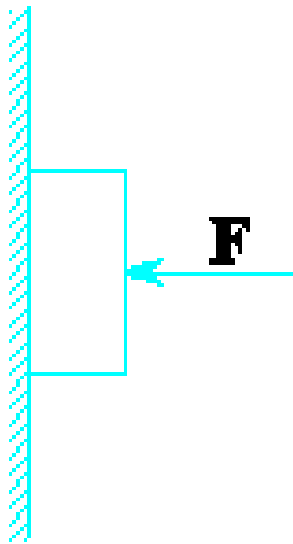
$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow f'_s = 2F_1$$

$$R' = \sqrt{f_s'^2 + F_N'^2} \xrightarrow{f_s' = 2F_1, F_N' = 2F_2 + W}$$

$$R' = \sqrt{(2F_1)^2 + (2F_2 + W)^2} \quad (II)$$

$$(I), (II) \Rightarrow \frac{R'}{R} = \frac{\sqrt{4F_1^2 + (2F_2 + \frac{W}{2})^2}}{\sqrt{F_1^2 + (F_2 + W)^2}}$$

$$1 < \frac{R'}{R} < 2$$



گزینه درست: ۴

سوال ۲۰

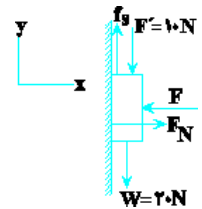
گزینه ۴

ابتدا بایستی بررسی کنیم آیا جسم پس از وارد شدن نیروی  $F$  ساکن می ماند یا خیر. بنابراین نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه را به دست می آوریم و آن را با برابری دو نیروی  $F$  و  $W$  مقایسه می کنیم.

$$f_{s,max} = \mu_s F_N = 0.6 \times 60 = 36N$$

$$F + W = 30N \xrightarrow{f_{s,max} = 36N} F + W < f_{s,max} \Rightarrow$$

جسم ساکن می ماند



چون جسم ساکن است بنابراین برابری نیروهای وارد بر آن برابر صفر است.

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_N = F = 60N$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow f_s = F + W = 30N$$

نیروی عکس العمل سطح برابر با برابری نیروی اصطکاک و نیروی عمودی سطح است.

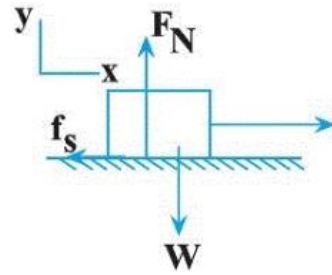
$$R = \sqrt{f_s^2 + F_N^2} = \sqrt{30^2 + 60^2} = \sqrt{4500} = 30\sqrt{5}N$$

(۲۱)

سوال ۲۱ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

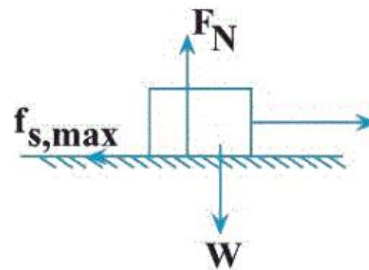
در ابتدا چون جسم در حال سکون است، طبق قانون اول نیوتون، برابند نیروهای وارد بر آن برابر صفر است. در راستای افق به جسم دو نیروی  $F = ۲۵۰\text{ N}$  و نیروی اصطکاک ایستایی ( $f_s$ ) وارد می‌شود. با توجه به شکل داریم:



$$F = ۲۵۰\text{ N}$$

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow F - f_s = 0 \Rightarrow F = f_s \Rightarrow f_s = ۲۵۰\text{ N}$$

زمانی که جسم در آستانه حرکت قرار می‌گیرد، نیروی افقی  $F' = ۳۵۰\text{ N}$  با نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه برابر می‌شود. با توجه به رابطه نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه داریم:



$$F' = ۳۵۰\text{ N}$$

$$f_{s, \max} = F' \frac{F' = ۳۵۰\text{ N}, F_N = W = mg}{f_{s, \max} = \mu_s F_N, m = ۵۰\text{ kg}, g = ۱۰ \frac{\text{N}}{\text{kg}}} \rightarrow \mu_s \times ۵۰ \times ۱۰ = ۳۵۰$$

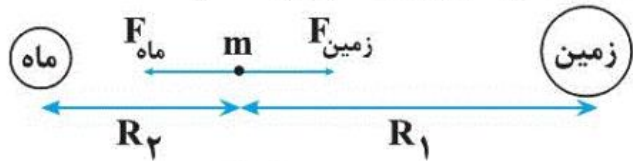
$$\Rightarrow \mu_s = ۰.۷$$

(۲۲)

سوال ۲۲ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

نیروی گرانش وارد بر جسم از طرف زمین و ماه برابر است با:

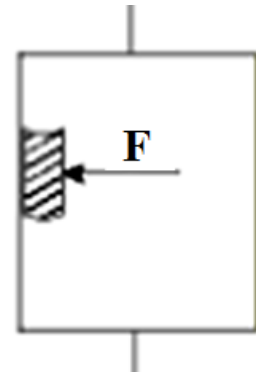


$$F_{\text{زمین به جسم}} = \frac{GM_{\text{زمین}} m}{R_1^2}$$

$$F_{\text{ماه به جسم}} = \frac{GM_{\text{ماه}} m}{R_2^2}$$

$$\frac{F_{\text{ماه به جسم}} = F_{\text{زمین به جسم}}}{M_{\text{ماه}} = ۸۱M_{\text{زمین}}} \rightarrow \frac{M_{\text{زمین}}}{R_1^2} = \frac{M_{\text{ماه}}}{R_2^2} \Rightarrow \frac{۸۱}{R_1^2} = \frac{۱}{R_2^2} \rightarrow \frac{R_1}{R_2} = ۹$$

(۲۳)



گزینه درست: ۴

سوال ۲۳

گزینه ۴

نیروی اصطکاک وارد بر جسم از طرف دیوار آسانسور به سمت بالا است. با نوشتن قانون دوم نیوتون در راستای حرکت نیروی اصطکاک بین کتاب و آسانسور را به دست می‌آوریم:

$$f_s - W = ma \quad \frac{W - mg - 20 \text{ N}}{m = 2 \text{ kg}, a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} \rightarrow f_s - 20 = 2 \times 2$$

$$\Rightarrow f_s = 24 \text{ N}$$

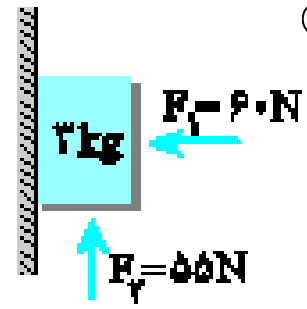
بزرگی نیرویی که از طرف کتاب به دیواره آسانسور وارد می‌شود برابر با برابند نیروهای  $f_s$  و  $F_N$  است. با توجه به این که کتاب در راستای عمود بر دیواره آسانسور حرکت ندارد، بنابراین:

$$F_N = F = 32 \text{ N}$$

$$R = \sqrt{F_N^2 + f_s^2} = \sqrt{32^2 + 24^2} \Rightarrow R = \sqrt{16(4^2 + 3^2)}$$

$$\Rightarrow F = 8\sqrt{25} = 40 \text{ N}$$

(۲۴)

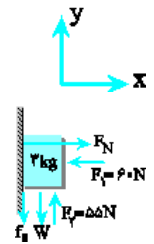


گزینه درست: ۳

سوال ۲۴

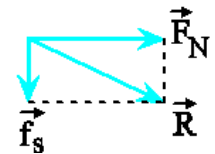
گزینه «۳»

نیروی سطح برابر با برابند نیروی عمودی سطح و نیروی اصطکاک است. چون جسم ساکن است، برابند نیروها در راستای قائم و افقی برابر صفر است

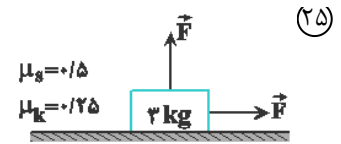


$$F_{\text{net},y} = 0 \Rightarrow F_2 = f_{s+w} \xrightarrow{F_2=55N} \xrightarrow{W=mg=20N} f_s = 25N$$

$$F_{\text{net},x} = 0 \Rightarrow F_N = F_1 = 60N$$



$$R = \sqrt{F_N^2 + f_s^2} \xrightarrow{F_N=60N} \xrightarrow{f_s=25N} R = \sqrt{60^2 + 25^2} = 5\sqrt{13^2 + 5^2} \\ \Rightarrow R = 5\sqrt{169} = 65N$$



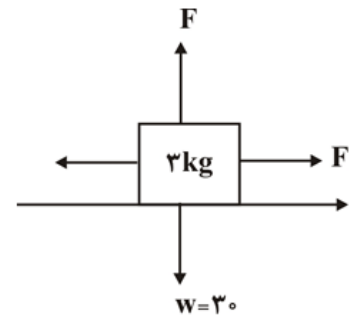
سوال ۲۵

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

اول از همه باید مشخص کنیم که چون جسم در آستانه حرکت است. نیروی اصطکاک ایستایی برابر است با نیروی عمودی تکیه گاه ضربدر ضریب اصطکاک ایستایی.

بنابراین ابتدا  $F$  را پیدا می کنیم. سپس ۴ نیوتن از  $F$  کم می کنیم و محاسبه می کنیم که آیا نیروی افقی وارده بر جسم باعث حرکت جسم می شود یا خیر. در صورتی که جسم حرکت نکند، نیروی اصطکاک با نیروی افقی وارده برابر است.



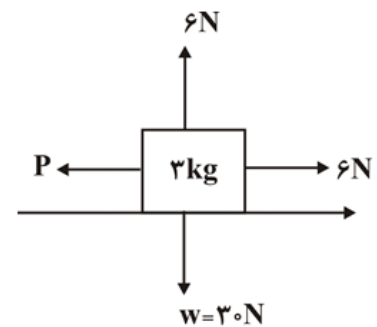
$$w = mg = 3 \cdot 10 = 30 \text{ N}$$

$$F_n = W - F = 30 - F$$

$$f_s = \mu_s \cdot F_n = 0.15 \times (30 - F) = 15 - 0.15F$$

$$f_s = F \Rightarrow 15 - 0.15F = F \Rightarrow F = 10 \text{ N}$$

حالت جدید:



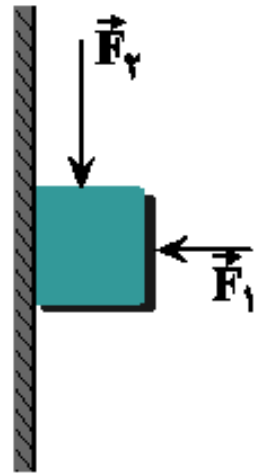
$$f_s \text{ max} = F_n \cdot \mu_s = (30 - 6) \times 0.15 = 12 \text{ N} > 6 \text{ N}$$

(نیروی افقی)

$$\Rightarrow \text{حرکت نمی کند} \Rightarrow f_s = 6 \text{ N}$$



(۲۶)



گزینه درست: ۱

سوال ۲۶

گزینه «۱»

باید نیروهای وارده در جهات مختلف را حساب کنیم.

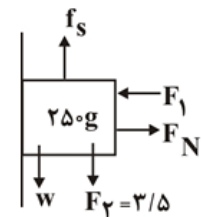
نیروی های رو به پایین : نیروی وزن + نیروی  $F_2$ 

نیروهای رو به بالا: نیروی اصطکاک استاتی

نیروهایی که به سمت راست اند: نیروی عمودی تکیه گاه دیوار

نیروهای که به سمت چپ اند: نیروی  $F_1$ 

نیروهایی که دیوار به جسم وارد می کند: برآیند نیروی تکیه گاه و اصطکاک

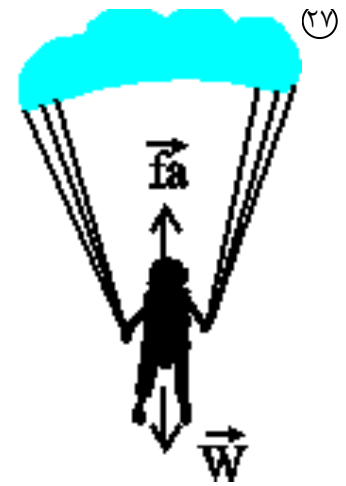
جسم درآستانه حرکت است  $f_s \cdot \max = W + F_2 \Leftarrow$ 

$$W = mg \Rightarrow W = 0.25 \times 10 = 2.5N$$

$$W + F_2 = 6N = f_{s,max} = \mu_s \cdot F_N$$

$$نیروی که دیوار وارد می کند = 10N = \sqrt{f_s^2 + F_N^2} = \sqrt{6^2 + F_N^2} \Rightarrow F_N = 8N$$

$$\Rightarrow f_{s,max} = F_N \cdot \mu_s = 8 \times \mu_s = 6 \Rightarrow \mu_s = 0.75$$



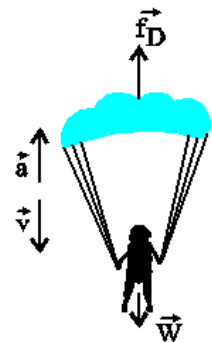
گزینه درست: ۲

سوال ۲۷

گزینه «۲»

با باز شدن چتر ناگهان نیروی مقاومت هوا افزایش می‌یابد و شتاب حرکت چتر باز به سمت بالا می‌شود و چون جهت حرکت چتر باز به سمت پایین است نوع حرکت کندشونده است. از آن جا که نیروی مقاومت هوای وارد بر چتر باز با کاهش تندی آن کاهش می‌یابد بنابراین پس از باز شدن چتر، با گذشت زمان نیروی مقاومت هوا کاهش می‌یابد و در نتیجه بزرگتر شتاب وارد بر چتر باز نیز کاهش می‌یابد. تا جایی که مقاومت هوا با نیروی وزن برابر شود در این لحظه شتاب برابر صفر می‌شود و چتر باز با تندی ثابت به نام تندی حدی به حرکت خود ادامه می‌دهد.

$$\Rightarrow f_D - w = ma \xrightarrow[f_D > w]{f_D \downarrow} a \downarrow \xrightarrow[f_D = w]{} a = 0 \Rightarrow v = v_{\text{حدی}}$$



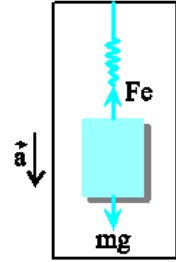
(۲۸)

سوال ۲۸

گزینه درست: ۴

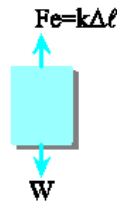
گزینه «۴»

آسانسور به سمت بالا در حال حرکت است و نوع حرکت آن کندشونده است بنابراین جهت شتاب به سمت پایین است.



با در نظر گرفتن جهت مثبت به سمت پایین و نوشتن قانون دوم نیوتون برای جسم داریم:

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow W = k\Delta\ell = ma$$



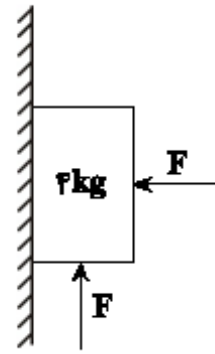
$$m = \frac{W}{g}, W = \lambda N, \Delta\ell = \ell = \ell.$$

$$\rightarrow \lambda - 2(\ell - 20) = \frac{\lambda}{10} \times 2$$

$$g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \ell = 20 \text{ cm}, k = 2 \frac{\text{N}}{\text{cm}}, a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\Rightarrow \lambda - 1/6 = 2(\ell - 20) \Rightarrow \ell = 23/2 \text{ cm}$$

۲۹



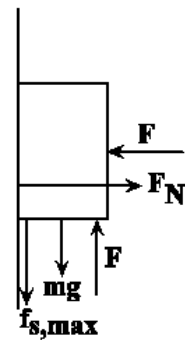
سوال ۲۹ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

در حالت اول که جسم در آستانه حرکت به سمت بالا است نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه به سمت پایین به جسم وارد می‌شود و برآیند نیروها در راستای قائم برابر صفر است. با نوشتن برآیند نیروها در راستای قائم  $F$  را به دست می‌آوریم:

$$F = mg + f_{s,max} \xrightarrow{f_{s,max} = F_N \mu_s, F_N = F} F = mg + \mu_s F \Rightarrow F = \frac{mg}{1 - \mu_s}$$

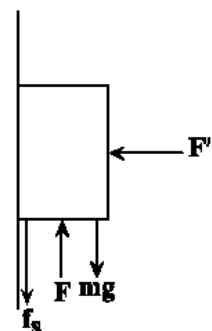
$$\xrightarrow{m = 4 \text{ kg}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \mu_s = 0.5} F = \frac{40}{1 - 0.5} = 80 \text{ N}$$



نیروی سطح برابر با برآیند نیروی عمودی سطح ( $F_N$ ) و نیروی اصطکاک است بنابراین نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند در حالت اول برابر است با:

$$R = \sqrt{F_N^2 + (\mu_s F_N)^2} = F_N \sqrt{1 + \mu_s^2}$$

$$\xrightarrow{F_N = 80 \text{ N}} R = 80 \sqrt{1 + \frac{1}{4}} = 80 \sqrt{1.25} = 100 \text{ N} \quad (I)$$



$$F' = mg + f_s \xrightarrow{F' = 60 \text{ N}, mg = 40 \text{ N}} f_s = 20 \text{ N}$$

اکنون بررسی می‌کنیم آیا نیروی اصطکاک در این حالت از نیروی اصطکاک ایستایی بیشینه کمتر است یا خیر.

$$f'_{s,max} = \mu_s F'_N \xrightarrow{F'_N = F' = 60 \text{ N}, \mu_s = 0.5} f'_{s,max} = 30 \text{ N}$$

$f_s = 20 \text{ N} < f'_{s,max} = 30 \text{ N} \Rightarrow$  جسم در حالت تعادل است

اکنون نیروی سطح وارد بر جسم را در حالت دوم به دست می‌آوریم:

$$R' = \sqrt{f_s^2 + F'^2} \xrightarrow{f_s = 20 \text{ N}, F' = 60 \text{ N}} R' = 20 \sqrt{10} \text{ N} \quad (II)$$

$F \leq 6 \cdot N$

$$I, II \Rightarrow \frac{R^c}{R} = \frac{20 \cdot \sqrt{10}}{40 \cdot \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

۳۰

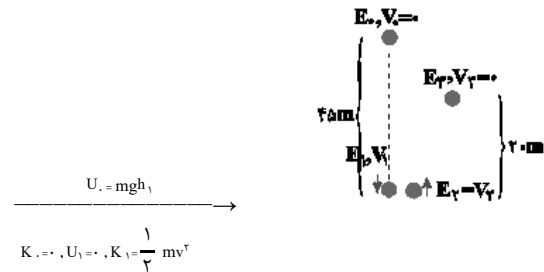
گزینه درست: ۴

سوال ۳۰

گزینه ۴

تندی برخورد گلوله قبل و بعد از برخورد با زمین را به دست می آوریم. با استفاده از پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_i = E_f \Rightarrow U_i + K_i = U_f + K_f$$



$$U_i = mgh_1$$

$$K_i = 0, U_f = 0, K_f = \frac{1}{2} mv^2$$

$$mgh_1 = \frac{1}{2} mv_1^2 \Rightarrow v_1 = \sqrt{2gh_1}$$

$$\frac{h_1 = 4.5m}{g = 10 \frac{N}{kg}} \rightarrow v_1 = \sqrt{90} = 30 \frac{m}{s}$$

$$E_f = E_f \Rightarrow U_f + K_f = U_f + K_f \rightarrow U_f = 0, K_f = 0$$

$$K_f = \frac{1}{2} mv_f^2, U_f = mgh_f$$

$$\frac{1}{2} mv_f^2 = mgh_f \xrightarrow{h_f = 20m} v_f = \sqrt{2gh_f} = 20 \frac{m}{s}$$

اکنون با استفاده از رابطه تغییر تکانه حرکت بزرگی نیروی خالص متوسط وارد بر گلوله را در مدت برخورد با زمین به دست می آوریم، با در نظر گرفتن جهت مثبت حرکت به سمت بالا داریم:

$$V_i = 30 \cdot \vec{i} \downarrow \quad \uparrow V_f = 20 \cdot \vec{i}$$

گرفتن جهت مثبت حرکت به سمت بالا داریم:

$$\vec{F}_{av} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \frac{\vec{p}_f - \vec{p}_i}{\Delta t} \quad p = mv, \Delta t = 2ms = 2 \times 10^{-3} s$$

$$\vec{v}_i = 30 \cdot \vec{i} \left( \frac{m}{s} \right), v_f = 20 \cdot \vec{i} \left( \frac{m}{s} \right), m = 200 \cdot g = 2kg$$

$$\vec{F}_{av} = \frac{20 \cdot (20 \cdot \vec{i} - (-30 \cdot \vec{i}))}{2 \times 10^{-3}} = 5000 \cdot \vec{i} (N) \Rightarrow |\vec{F}_{av}| = 5000 N$$

(۳۱)

سوال ۳۱

گزینه درست: ۱

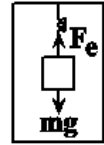
گزینه «۱»

ابتدا با استفاده از رابطه نیروی فنر جرم وزنه را به دست می‌آوریم:

$$F_e = k\Delta x \quad \Rightarrow \quad k\Delta\ell = mg \quad \begin{matrix} k=200 \frac{N}{m}, \ell=65cm \\ g=10 \frac{N}{kg}, \ell_0=50cm \end{matrix}$$

$$200 \times (65 - 50) \times 10^{-2} = m \times 10 \Rightarrow m = 3kg$$

در حالی که آسانسور با شتاب ثابت در حال حرکت است، با نوشتن قانون دوم نیوتون شتاب حرکت آسانسور را به دست می‌آوریم:



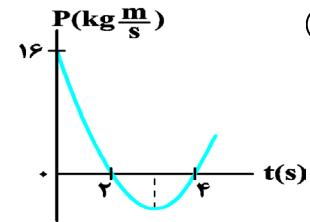
$$F_e' = k\Delta\ell' \quad \begin{matrix} k=200 \frac{N}{m} \\ \Delta\ell' = 60 - 50 = 10cm \end{matrix} \rightarrow F_e' = 200 \times \frac{10}{100} = 20N$$

با توجه به اینکه  $mg > F_e'$  است پس جهت شتاب آسانسور به سمت پایین است.

$$mg - F_e' = ma \quad \begin{matrix} m=3kg, g=10 \frac{N}{kg} \\ F_e'=20N \end{matrix} \rightarrow 30 - 20 = 3a \Rightarrow a = \frac{10}{3} \frac{m}{s^2}$$

با در نظر گرفتن جهت مثبت به سمت بالا شتاب برابر است با:

$$\vec{a} = -\frac{10}{3} \vec{i} \left( \frac{m}{s^2} \right)$$



(۳۲)

سوال ۳۲

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

در صورت سؤال به اشتباه آورده شده است که حرکت جسم شتاب ثابت است که البته بایستی بیان می‌شد نمودار تکانه - زمان به صورت سهمی

است. با فرض سهمی بودن نمودار معادله تکانه - زمان را به دست می‌آوریم: چون ریشه‌های معادله لحظات  $t = 2s$  و  $t = 4s$  است، بنابراین

معادله تکانه - زمان برابر است با:

$$P = a(t-2)(t-4) \quad \begin{matrix} t=0, P=16 \frac{kg \cdot m}{s} \\ a = \frac{16}{\lambda} = 2 \end{matrix}$$

$$\Rightarrow P = 2(t-2)(t-4)$$

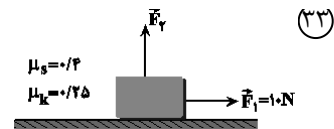
اکنون تکانه را در لحظات ۳s و ۵s به دست می‌آوریم:

$$P_{3s} = -2 \frac{kg \cdot m}{s}$$

$$P_{5s} = 6 \frac{kg \cdot m}{s}$$

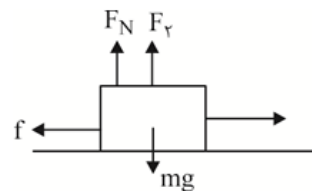
اکنون با استفاده از رابطه نیروی متوسط داریم:

$$F_{av} = S \frac{\Delta P}{\Delta t} \quad \begin{matrix} P_{5s}=6 \frac{kg \cdot m}{s} \\ P_{3s}=-2 \frac{kg \cdot m}{s} \\ \Delta t=5-3=2s \end{matrix} \rightarrow F_{av} = \frac{6 - (-2)}{2} = 4N$$



سوال ۳۳ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»



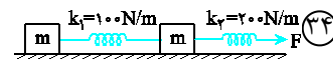
$$\begin{cases} F_v = 0 \\ F_N = mg = 40 \text{ N} \end{cases} \quad \text{در ابتدا}$$

$$F_{s \max} = \mu_s F_N = 0.4 \times 40 = 16 > F_1 = 10 \text{ N}$$

جسم ساکن است و  $f_s = 10 \text{ N}$  است. با افزایش  $F_v$ ،  $F_N$  کاهش می‌یابد.

$$F_N = mg - F_v = 40 - F_v \rightarrow f_{s \max} = 10 \rightarrow F'_N = \frac{10}{0.4} = 25 \rightarrow F_v = 15 \text{ N}$$

تا وقتی که  $F_v = 15$  شود  $f_s$  ثابت است. پس از آن جسم شروع به حرکت می‌کند و با افزایش  $F_v$  کاهش می‌یابد.



سوال ۳۴ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

می‌توان با در نظر گرفتن هر یک از جسم‌ها به‌طور مجزا و مشخص کردن نیروهای وارد بر آنها، با نوشتن قانون دوم نیوتون افزایش طول فنر  $k_2$  را به‌دست آورد.



جسم A:

$$F_e - f_k = ma \quad \begin{matrix} F_e = k_1 \Delta x_1 \\ f_k = \mu_k F_N, F_N = mg \end{matrix}$$

$$k_1 \Delta x_1 - \mu_k mg = ma$$

$$a = \frac{1}{5} \frac{m}{s^2}, \mu_k = 0.15, g = 10 \frac{N}{kg}$$

$$\rightarrow 100 \times 0.2$$

$$k_1 = 100 \frac{N}{m}, \Delta x_1 = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m}$$

$$= 0.15 \Delta m + 1.0 \Delta m \Rightarrow 2 = 2m(1) \Rightarrow m = 1 \text{ kg}$$

جسم B:

$$F'_e - F_e - f_k = ma$$

$$F'_e = k_2 \Delta x'_1, \mu_k = 0.15, k_1 = 100 \frac{N}{m}, \Delta x_1 = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m}$$

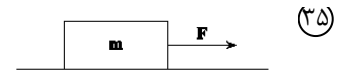
$$F_e = k_1 \Delta x, a = \frac{1}{5} \frac{m}{s^2}, k_2 = 200 \frac{N}{m}$$

$$200 \Delta x'_1 - 100 \times 0.02 - 0.15 \times mg = m \times \frac{1}{5}$$

$$200 \Delta x'_1 = m(0.15 + 1.0 + 2) \Rightarrow 200 \Delta x'_1 = 4m(2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 100 \Delta x'_1 = 2 \Rightarrow \Delta x'_1 = \frac{2}{100} m = 2 \text{ cm}$$





سوال ۳۵ گزینه درست: ۲

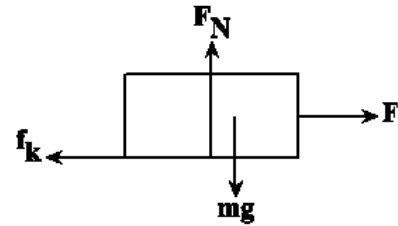
گزینه «۲»

ابتدا شتاب حرکت جسم را به دست می‌آوریم و با نوشتن قانون دوم نیوتون نیروی اصطکاک را محاسبه می‌کنیم:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v - v_0}{\Delta t} = \frac{3 - 0}{4} = \frac{3}{4} \frac{m}{s^2}$$

$$F_{net} = ma \Rightarrow F = 177N \rightarrow f_k = 177 - \frac{3}{4} \times 26 = 150 \cdot N$$

$$a = \frac{3}{4} \frac{m}{s^2}, m = 26kg$$



نیرویی که سطح به جسم وارد می‌کند برابر با برآیند نیروی عمودی سطح (FN) و نیروی اصطکاک (fk) است. داریم:

$$R = \sqrt{F_N^2 + f_k^2} \xrightarrow{F_N = mg, m = 26kg, g = 10 \frac{m}{s^2}} R = \sqrt{260^2 + 150^2}$$

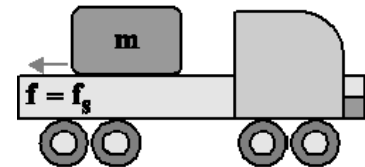
$$\xrightarrow{f_k = 150 \cdot N} = 30 \cdot \sqrt{13^2 + 5^2} \Rightarrow R = 30 \cdot \sqrt{169} = 390 \cdot N$$

سوال ۳۶

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

ابتدا بیشینه شتابی که کامیون می‌تواند داشته باشد به شرط آن که صندوق نلغزد را به دست می‌آوریم:



$$-f_{s,max} = ma \xrightarrow{f_{s,max} = \mu_s mg} a_{max} = -\mu_s g \xrightarrow{\mu_s = \frac{1}{4}, g = 10 \frac{m}{s^2}} a_{max} = -2/5 \frac{m}{s^2}$$

اکنون مطابق معادله مستقل از زمان در حرکت با شتاب ثابت، حداقل فاصله‌ای که کامیون به شرط نلغزیدن جعبه طی می‌کند را به دست می‌آوریم:

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \xrightarrow{a = a_{max} = -2/5 \frac{m}{s^2}, v = 0, v_0 = 15 \frac{m}{s}} -15^2 = -2 \times 2/5 \times \Delta x \Rightarrow \Delta x = 45m$$





سوال ۳۷ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

نیروی که  $m_1$  به  $m_2$  وارد می‌کند باعث شتاب گرفتن مجموعه  $m_2$  و  $m_3$  می‌شود و نیرویی که  $m_2$  به  $m_3$  وارد می‌کند باعث شتاب گرفتن جسم  $m_3$  می‌گردد. چون شتاب هر سه جسم یکسان است، بنابراین مطابق قانون دوم نیوتون داریم:

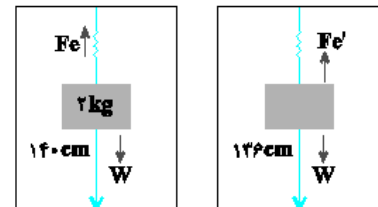


$$a = \frac{F}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{F'}{m_2 + m_3} = \frac{F''}{m_3} \xrightarrow{m_1 = m_2 = m_3} \frac{F}{3} = \frac{F'}{2} = F'' \Rightarrow F = \frac{2}{3} F' = 2F''$$

(۳۸)

سوال ۳۸ گزینه درست: ۲

گزینه ۲



در حالتی که آسانسور ساکن است نیروی وارد بر جسم از طرف فنر با نیروی وزن جسم برابر است.

$$W = F_e \xrightarrow{F_e = K\Delta x} mg = K\Delta x \quad (I)$$

اکنون با نوشتن قانون دوم نیوتون در حالتی که آسانسور با شتاب  $\frac{2}{3} \frac{m}{s^2}$  به سمت بالا در حال حرکت است فنر را به دست می‌آوریم:

$$F'_e - W = ma \xrightarrow{F'_e = K\Delta x', W = mg} K\Delta x' - mg = ma$$

$$K(\Delta x + 4) - mg = ma \Rightarrow K(\Delta x + 4) = m(g + a) \quad (II)$$

$$(I), (II) \Rightarrow \frac{g + a}{g} = \frac{\Delta x + 4}{\Delta x} \Rightarrow \frac{a}{g} = \frac{4}{\Delta x} \xrightarrow{a = \frac{2}{3} \frac{m}{s^2}, g = 10 \frac{N}{kg}}$$

$$\Rightarrow \Delta x = 20 \text{ cm} \xrightarrow{(I)} K = \frac{20}{20} = 1 \frac{N}{cm}$$

# فصل سوم فیزیک دوازدهم

## (پاسخنامه)

①

سوال ۱

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

امواج مکانیکی برای عبور به محیط مادی نیاز دارند، اما امواج الکترومغناطیسی برای عبور به محیط مادی نیاز دار ندارند. پرتوهای X، پرتوهای فرسرخ و امواج رادیویی از امواج الکترومغناطیسی اند. بنابراین فقط گزینه الف درست است.

②

سوال ۲

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

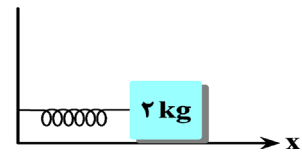
با توجه به رابطه تراز شدت صوت داریم:

$$\beta_2 - \beta_1 = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \quad \beta_2 = 120 \text{ dB}, \beta_1 = 80 \text{ dB} \rightarrow$$

$$\log \frac{I_2}{I_1} = 4 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = 10^4 \xrightarrow{I \propto \frac{1}{d^2}} \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2 = 10^4$$

$$\Rightarrow \frac{d_1}{d_2} = 100 \xrightarrow{d_1 = 20 \text{ m}} d_2 = 20 \text{ cm}$$

③



سوال ۳

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

ابتدا سرعت زاویه‌ای وزنه را به دست می‌آوریم:

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad \begin{matrix} k=200 \text{ N/m} \\ m=2 \text{ kg} \end{matrix} \rightarrow \omega = 10 \text{ rad/s}$$

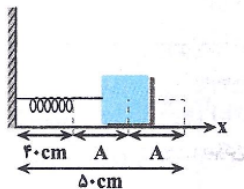
$$2A = L_{\max} - L_{\min} = 50 - 40 \Rightarrow A = 5 \text{ cm}$$

$$L_{\text{Ajl}} = L_{\min} + A = 40 + 5 = 45 \text{ cm}$$

$$a = -\omega^2 x \quad \begin{matrix} a=2 \text{ m/s}^2 \\ \omega=10 \text{ rad/s} \end{matrix}$$

$$2 = -10^2 x \Rightarrow x = -0.02 \text{ m} = -2 \text{ cm}$$

$$L_{\text{Ajl}} = 45 - 2 = 43 \text{ cm}$$



اختلاف حداکثر و حداقل طول فنر برابر با طول پاره‌خط نوسان است:

پس طول عادی فنر برابر است با:

اکنون با توجه به رابطه شتاب نوسانگر، مکان آن را به دست می‌آوریم:

پس طول فنر در این حالت برابر است با:

۴

سوال ۴ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

نوسانگر در هر دوره، دوبار پاره خط نوسان را می‌پیماید. بنابراین دوره برابر است با:

$$T = 2s \xrightarrow[\omega = \frac{2\pi}{T}, A = 2cm]{v_{max} = A\omega} v_{max} = \frac{2\pi}{2} \times 2 = 2\pi \frac{cm}{s}$$

۵

سوال ۵ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

موج با تندی ثابت  $a \times 10^b$  منتشر می‌شود. با توجه به رابطه جابه‌جایی در حرکت یکنواخت داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{V \Delta t}{\lambda} \xrightarrow{V=c} \frac{1}{\lambda} = \frac{c \Delta t}{\lambda} \xrightarrow{c=3 \times 10^8 \text{ m/s}, \lambda=3m} \frac{1}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8 \times 6 \times 10^{-8}}{3} = 6$$

۶

سوال ۶ گزینه درست: ۳

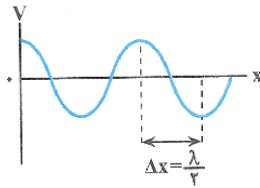
گزینه «۳»

ابتدا با استفاده از رابطه تندی انتشار موج در یک طناب و با معلوم بودن بسامد، طول موج طناب را به دست می‌آوریم:

$$V = \sqrt{\frac{F}{\rho A}} \xrightarrow{F=222N, A=\frac{\pi D^2}{4}, D=2mm=2 \times 10^{-3}m} V = \sqrt{\frac{222 \times 4}{\pi \times 7800 \times 2 \times 10^{-3} \times \pi \times 10^{-6}}} \Rightarrow V = 100 \frac{m}{s} \xrightarrow{V=\lambda f} \lambda = \frac{V}{f} = \frac{100}{200} = \frac{1}{2}m = 50cm$$

فاصله بین یک قله و دره متوالی بعد از آن برابر با نصف طول موج است:

$$\Delta x = \frac{\lambda}{2} = 25cm$$



۷

سوال ۷ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

$$v = \lambda f \xrightarrow{\lambda=20cm=0.2m, f=600Hz} v = 0.2 \times 600 = 120 \frac{m}{s}$$

ابتدا تندی موج را به دست می‌آوریم:

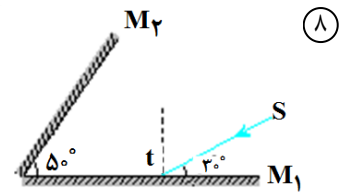
اکنون با توجه به رابطه تندی موج، سطح مقطع سیم را محاسبه می‌کنیم.

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \xrightarrow{\mu = \frac{m}{L}, m = \rho V, V = AL} v = \sqrt{\frac{F}{\rho AL}} = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$$

$$v = 120 \frac{m}{s}, F = 26N \rightarrow 120 = \sqrt{\frac{26}{10^4 \times A}}$$

$$\rho = 10 \frac{g}{cm^3} = 10^4 \frac{kg}{m^3}$$

$$\Rightarrow A = \frac{26}{10^4 \times 120^2} = \frac{1}{4} \times 10^{-6} m = 0.25 mm^2$$

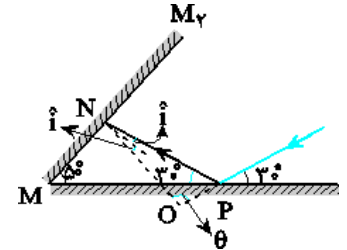


گزینه درست: ۳

سوال ۸

گزینه «۳»

مطابق قانون بازتاب نور، زاویه‌های تابش و بازتابش با یکدیگر برابرند با توجه به اینکه مجموع زوایای داخلی یک مثلث  $180^\circ$  است داریم:



$$\triangle MNP : \hat{N}P M = 3^\circ \Rightarrow \hat{M}N P = 180^\circ - (3^\circ + \hat{P}) = 100^\circ$$

$$\hat{M}N P = 3\hat{i} + 90^\circ - \hat{i} = \hat{i} + 90^\circ \xrightarrow{\hat{M}N P = 100^\circ} \hat{i} = 10^\circ$$

$$\triangle NPO = 3\hat{i} + \theta + 60^\circ = 180^\circ \xrightarrow{\hat{i} = 10^\circ} \theta = 100^\circ$$

سوال ۹

گزینه درست: ۱

سوال ۹

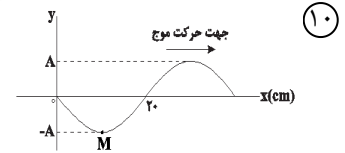
گزینه «۱»

$$E = u + k = 20 \text{ mJ}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \rightarrow 20 \times 10^{-4} = \frac{1}{12} \times 0.1 \times \left(\frac{2}{4}\right)^2 \times 10^{-4} \omega^2$$

$$\omega^2 = \frac{20}{0.023} = 100 \rightarrow \omega = \sqrt{100\pi^2} = 10\Omega$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{10\pi}{2\pi} = 5 \text{ Hz}$$



گزینه درست: ۱

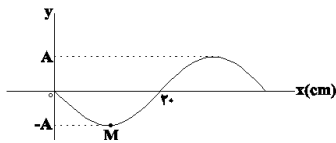
سوال ۱۰

گزینه ۱

با توجه به نقش موج ابتدا طول موج و سپس دوره تناوب و بسامد زاویه‌ای را به دست می‌آوریم:

$$\frac{\lambda}{v} = 20 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 40 \text{ cm} = 0.4 \text{ m} \xrightarrow[V = \frac{m}{s}]{v = \lambda f} f = 5 \text{ Hz}$$

$$\omega = 2\pi f \rightarrow \omega = 10\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$



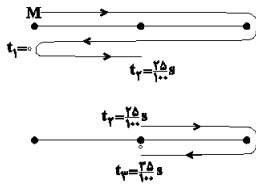
اکنون در فاصله زمانی  $t_1 = 0.25 \text{ s}$  و  $t_2 = 0.35 \text{ s}$  مکان نقطه M را تعیین می‌کنیم.

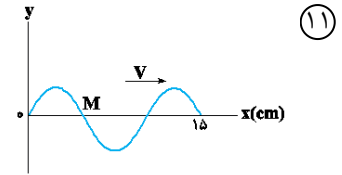
$$\Delta\theta_1 = \omega t_1 = 10\pi \times 0.25 = \frac{5\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\Delta\theta_2 = \omega t_2 = 10\pi \times 0.35 = \frac{7\pi}{2} \text{ rad}$$

با توجه به مسیر حرکت نوسانگر (نقطه M) در فاصله زمانی  $t_1 = \frac{25}{100} \text{ s}$  تا  $t_2 = \frac{35}{100} \text{ s}$  حرکت نقطه M ابتدا کندشونده و سپس تندشونده

است.





سوال ۱۱ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

مطابق نمودار ابتدا طول موج را به دست می آوریم:

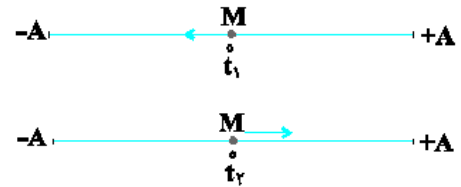
$$\frac{2\lambda}{2} = 15 \Rightarrow \lambda = 10 \text{ cm}$$

اکنون دوره تناوب موج را به دست می آوریم:

$$v = \frac{\lambda}{T} \xrightarrow[\substack{\lambda=10 \text{ cm} \\ v=20 \frac{\text{cm}}{\text{s}}}]{} T = \frac{\lambda}{v} = \frac{1}{2} \text{ s}$$

اکنون مشخص می کنیم در بازه زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  ذره  $M$  چند نوسان کامل انجام داده است. بار

$$N = \frac{\Delta t}{T} = \frac{9}{\frac{1}{2}} = 4/5$$



در هر نوسان کامل جهت ذره  $M$  دو بار تغییر می کند. بنابراین در بازه زمانی که ذره  $M$   $4/5$  نوسان کامل انجام داده است، جهت حرکت ذره  $M$  ۹ بار تغییر کرده است.

سوال ۱۲

گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

با توجه به رابطه شتاب و مکان نوسانگر، بسامد زاویه ای آن را به دست می آوریم:

$$a = -\omega^2 x \xrightarrow{x=2\text{cm} = 0.02\text{m}} \frac{\pi^2}{2} = 0.02\omega^2 \Rightarrow \omega^2 = 25\pi^2$$

$$a = \frac{\pi^2}{2} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\Rightarrow \omega = \Delta\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

اکنون با توجه به رابطه تندی بیشینه در حرکت هماهنگ ساده داریم:

$$v_{\max} = A\omega \xrightarrow[A=\frac{L}{2}, L=1\text{cm}]{\omega=\Delta\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}} v_{\max} = 4 \times 10^{-2} \times \Delta\pi = \frac{\pi}{5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

سوال ۱۳

گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

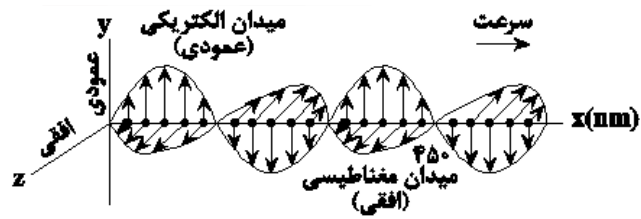
با توجه به رابطه تراز شدت صوت داریم:

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \xrightarrow{I=2\sqrt{10} \times 10^{-5} \text{ W/m}^2} \beta = 10 \log 2 \times 10^{\frac{1}{2}} \times 10^5$$

$$\Rightarrow \beta = 10 (\log 2 + \log 10^{\frac{11}{2}}) \xrightarrow{\log 2 = 0.3} \beta = 10 (0.3 + \frac{11}{2})$$

$$\log 10^{\frac{11}{2}} = \frac{11}{2}$$

$$= \Delta \text{ dB}$$



۱۴

سوال ۱۴

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

ابتدا از روی نقش موج طول موج را به دست می‌آوریم:

$$\frac{3\lambda}{2} = 450 \text{ nm} \Rightarrow \lambda = 300 \text{ nm} \quad \xrightarrow{v=\lambda f} \quad \xrightarrow{v=3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}}$$

$$T = \frac{1}{f} \quad f = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^{-7}} = 10^{15} \text{ Hz} \quad \longrightarrow \quad T = 10^{-15} \text{ s}$$

اکنون گزینه‌ها را بررسی می‌کنیم:

گزینه «۱»: با توجه به اینکه دوره نوسان  $10^{-15}$  است بنابراین مدت زمانی که طول می‌کشد که میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی یک نوسان کامل انجام دهند  $10^{-15}$  ثانیه است. (درست)

گزینه «۲»: بسامد نوسان برابر با  $10^{15}$  هرتز است. بنابراین میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در هر ثانیه  $10^{15}$  هرتز نوسان کامل انجام می‌دهند. (نادرست)

گزینه «۳»: مسافتی که موج در یک ثانیه طی می‌کند برابر با  $3 \times 10^8$  متر است. (نادرست)

گزینه «۴»: این موج در ناحیه فرابنفش قرار دارد. (نادرست)

۱۵

سوال ۱۵

گزینه درست: ۱

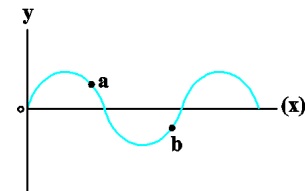
گزینه ۱

$$\beta = 10 \log \frac{I}{I_0} \quad \xrightarrow{\beta=60 \text{ dB}} \quad \xrightarrow{I_0=10^{-12} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}} \quad \beta = \log \frac{I}{10^{-12}}$$

$$\Rightarrow I = 10^{-6} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$$

$$I = \frac{P}{A} \quad \xrightarrow{A=\pi d^2} \quad P = \pi d^2 I$$

$$\frac{I=10^{-6} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}}{d=\Delta m} \rightarrow P = \pi \times \Delta^2 \times 10^{-6} = 10^{-6} \pi^2 W = 0.1 \pi \text{ mW}$$



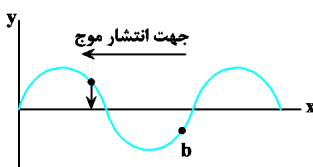
۱۶

سوال ۱۶

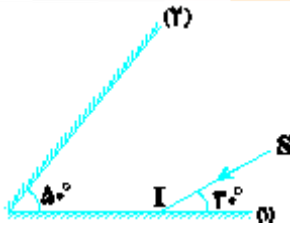
گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

تمام نقاط روی موج حرکت هماهنگ ساده در راستای محور  $y$  انجام می‌دهند. در حرکت هماهنگ ساده جهت شتاب همواره به سمت نقطه تعادل است. بنابراین جهت شتاب وارد بر نقطه  $b$  به سمت بالا (جهت محور  $y$ ) است. از طرفی چون انرژی جنبشی ذره  $a$  در حال افزایش است بنابراین ذره  $a$  در حال نزدیک شدن به نقطه تعادل است پس موج در خلاف جهت محور  $x$ ها در حال انتشار است.





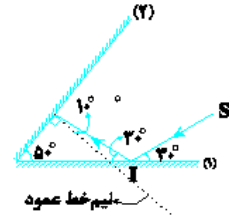


گزینه درست: ۳

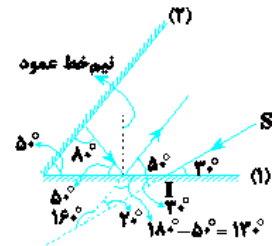
سوال ۱۷

گزینه ۳

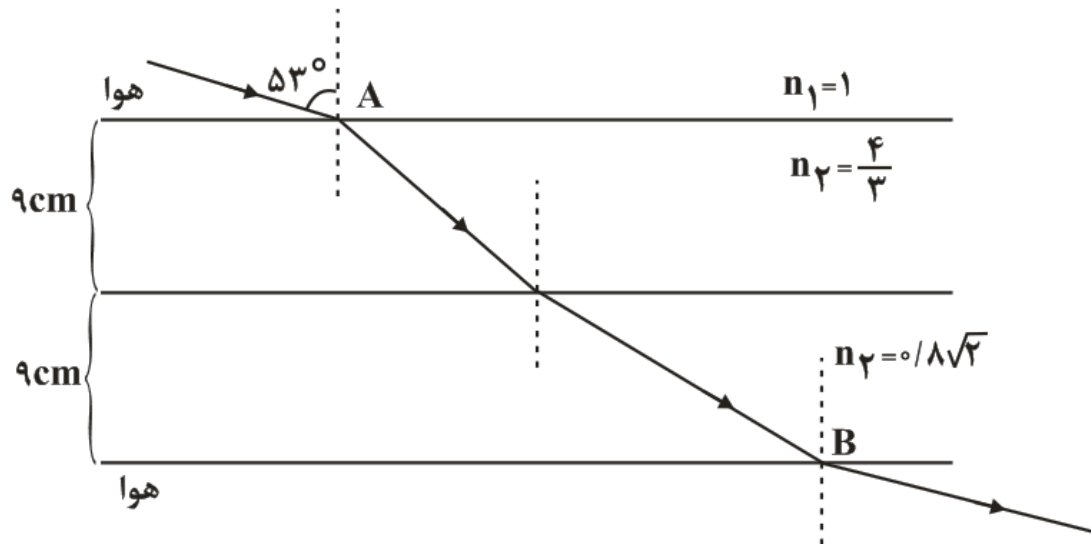
با توجه به قانون بازتاب، زاویه تابش و بازتابش با هم برابر است: مسیر پرتو را پس از بازتاب از آینه (۱) مطابق شکل زیر مشخص می‌کنیم، زاویه بازتاب پرتو در آینه (۲)،  $10^\circ$  است.



اکنون مسیر بازتاب پرتو از آینه (۲) را رسم می‌کنیم. با توجه به این‌که زاویه تابش با بازتابش برابر است و مجموع زوایای داخل مثلث  $180^\circ$  است، داریم:

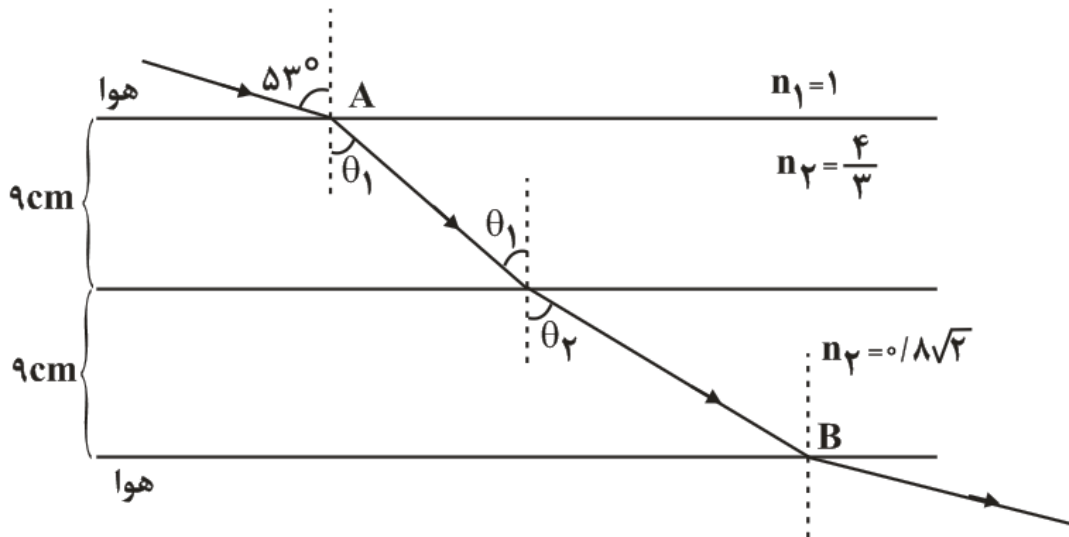


بنابراین با توجه به شکل زاویه بین امتداد پرتوی بازتاب و پرتو تابش  $160^\circ$  است.



گزینه درست: ۳

سوال ۱۸

با استفاده از رابطه قانون شکست  $\theta_1$  و  $\theta_2$  را به دست می‌آوریم:

$$n_1 \sin 53^\circ = n_2 \sin \theta_1 \quad \frac{\sin 53^\circ = 0.8}{n_1=1, n_2=4/3} \rightarrow \sin \theta_1 = \frac{3}{5} \Rightarrow \theta_1 = 37^\circ$$

$$n_1 \sin 53^\circ = n_3 \sin \theta_2 \quad \frac{\sin 53^\circ = 0.8}{n_1=1, \sin 53^\circ = 0.8} \rightarrow 0.8 = 0.8\sqrt{2} \sin \theta_2$$

$$\Rightarrow \sin \theta_2 = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \theta_2 = 45^\circ$$

اکنون مسافتی که پرتو در محیط ۲ و محیط ۳ طی می‌کند را برحسب سانتی‌متر به دست می‌آوریم:

$$d_2 = \frac{9}{\cos 37^\circ} = 9 \times \frac{5}{4} = \frac{45}{4} \text{ cm}$$

$$d_3 = \frac{9}{\cos 45^\circ} = 9\sqrt{2} \text{ cm}$$

مدت زمان عبور پرتو از محیط‌های ۲ و ۳ برابر است با:

$$t_2 = \frac{d_2}{v_2} \quad v_2 = \frac{c}{n_2} \rightarrow t_2 = \frac{n_2 d_2}{c} = \frac{4/3 \times 45}{3 \times 10^8} \text{ s} = 0.5 \text{ ns}$$

$$t_3 = \frac{d_3}{v_3} \quad v_3 = \frac{c}{n_3} \rightarrow t_3 = \frac{n_3 d_3}{c} = \frac{0.8\sqrt{2} \times 9\sqrt{2}}{3 \times 10^8} \text{ s} = 0.48 \text{ ns}$$

$$t_2 + t_3 = 0.5 + 0.48 = 0.98 \text{ ns}$$

در سؤال مقصود از ۹cm، ۹m بوده است که به اشتباه ذکر شده با در نظر گرفتن فاصله‌ها برحسب متر پاسخ ۰.۹۸ns می‌شود که گزینه «۳» صحیح خواهد بود.

۱۹

سوال ۱۹

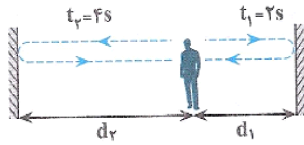
گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

اگر  $V$  را تندی صوت در نظر بگیریم، با توجه به رابطه سرعت و جابه‌جایی داریم:

$$\begin{cases} V_{t_r} = \nu d_r \\ V_{t_1} = \nu d_1 \end{cases} \Rightarrow \frac{d_r}{d_1} = \frac{t_r}{t_1} \xrightarrow[t_1=2s]{t_r=4s} \frac{d_r}{d_1} = 2 \xrightarrow{d_1+d_r=1020m}$$

$$\begin{cases} d_1 = 340m \\ d_r = 680m \end{cases}$$



بنابراین فاصله شخص تا صخره نزدیک‌تر، ۳۴۰ متر است.

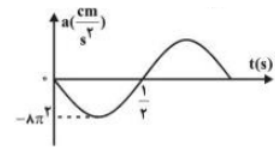
۲۰

سوال ۲۰

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

از بین موارد داده شده در دستگاه سونار که در کشتی‌ها برای مکان‌یابی اجسام زیر آب به‌کار می‌رود و همچنین دستگاه اندازه‌گیری تندی شارش خون از امواج مکانیکی برای مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود. در اجاق خورشیدی و همچنین رادار دوپلری از امواج الکترومغناطیسی استفاده می‌شود.



۲۱

سوال ۲۱

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

از روی نمودار شتاب \_ زمان بسامد زاویه‌ای و دامنه نوسان را به‌دست می‌آوریم:

$$\frac{T}{2} = \frac{1}{3} s \Rightarrow T = 2/3 s \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \omega = 3\pi \frac{rad}{s}$$

$$a_{max} = A\omega^2 \xrightarrow{\omega = 3\pi \frac{rad}{s}} a_{max} = A\pi^2 \frac{cm}{s^2} = 0.8\pi^2 \frac{m}{s^2}$$

$$0.8\pi^2 = A \times 9\pi^2 \Rightarrow A = 0.08m$$

اکنون با توجه به معادله انرژی جنبشی داریم:

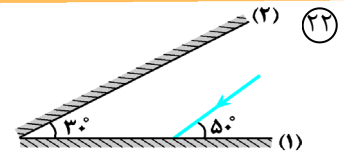
$$k = \frac{1}{2} m v^2 \xrightarrow{v = A\omega \cos \omega t} k = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \cos^2 \omega t$$

$$\xrightarrow{m=200g=0.2kg} k = 0.1 \times (0.08^2) \times 9\pi^2 \cos^2 3\pi t$$

$$\xrightarrow{\omega = 3\pi \frac{rad}{s}, A = 0.08m} k = 16 \times 10^{-5} \pi^2 \cos^2 3\pi t$$

$$\xrightarrow{t = \frac{1}{6} s} k = 16 \times 10^{-5} \times \pi^2 \cos^2 (2\pi \times \frac{1}{6})$$

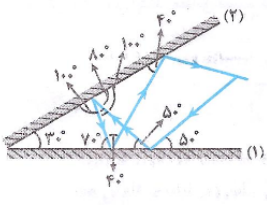
$$\Rightarrow k = 16 \times 10^{-5} \times \pi^2 \times \frac{1}{4} = 4 \times 10^{-5} \pi^2 J = 0.4\pi^2 mJ$$



سوال ۲۲ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

مطابق قانون بازتاب، زاویه تابش با زاویه بازتابش برابر است، از طرفی زاویه بین پرتو تابش و بازتابش با سطح آینه با یکدیگر برابر است.



ابتدا زاویه بین پرتو بازتاب از آینه (۱) با آینه (۲) را به دست می آوریم:

چون مجموع زوایای داخلی یک مثلث  $180^\circ$  پس زاویه برخورد اولین پرتو بازتاب از آینه (۱) با آینه (۲)  $100^\circ$  است. به همین ترتیب زاویه پرتو بازتاب از آینه (۲) با آینه (۱) برابر  $70^\circ$  است.

با دنبال کردن پرتو، زاویه بین چهارمین بازتاب با آینه (۲)  $40^\circ$  است.

سوال ۲۳

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

در تعیین تندی شارش خون (گویچه های قرمز) در رگ ها از مکان یابی پژواکی امواج فراصوت به همراه اثر دوپلر استفاده می شود.

سوال ۲۴

گزینه درست: ۱

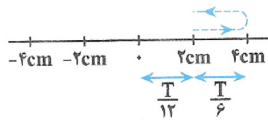
گزینه «۱»

با توجه به معادله مکان - زمان نوسانگر دوره نوسان آن را به دست می آوریم:

$$X = 0.04 \cos \frac{4\pi}{3} t \xrightarrow{X=A \cos \omega t} \varepsilon = \frac{4\pi}{3} \frac{\text{rad}}{\text{s}} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}}$$

$$\frac{2\pi}{T} = \frac{4\pi}{3} \Rightarrow T = \frac{3}{2} \text{ s}$$

حداقل زمان دو عبور متوالی از مکان  $x = 2 \text{ cm}$  مطابق شکل زیر برابر با  $\frac{T}{3}$  است.



$$\Delta t = \frac{T}{3} \xrightarrow{T = \frac{3}{2} \text{ s}} \Delta t = \frac{1}{2} \text{ s}$$

سوال ۲۵

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با توجه به رابطه تکانه و انرژی جنبشی داریم:  $K = \frac{p^2}{2m}$

بیشینه تکانه نوسانگر مربوط به زمانی است که تندی آن بیشینه است و در این حالت انرژی جنبشی نوسانگر با انرژی مکانیکی آن برابر است.

$$E = K_{\max} = \frac{(2 \times 10^{-2} \pi)^2}{2 \times 0.1} = 20 \pi^2 \times 10^{-6} \text{ J} = 20 \pi^2 \mu\text{J}$$

۲۶

سوال ۲۶

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه دوره تناوب برای آونگ ساده طول آونگ را در حالت اول به دست می آوریم:

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{l}} \xrightarrow{T = \frac{2\pi}{\omega}} T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \xrightarrow{T = \frac{36}{20} \text{ s}} \frac{36}{20} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{\pi^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{9}{10} = \sqrt{l} \Rightarrow l = \frac{81}{100} \text{ m} = 81 \text{ cm}$$

اگر طول آونگ ۱۷cm کاهش یابد طول جدید آن برابر است با:

$$l' = 81 - 17 = 64 \text{ cm} = 0.64 \text{ m}$$

اکنون دوره تناوب آونگ جدید را به دست می آوریم:

$$T' = 2\pi \sqrt{\frac{l'}{g}} \xrightarrow{l' = 0.64 \text{ m}} T' = \frac{2\pi}{\pi} \times 0.8 = 1.6 \text{ s}$$

بنابراین تعداد نوسانی که آونگ جدید در مدت ۴۰s انجام می دهد برابر است با:

$$N = \frac{t}{T'} \xrightarrow{t=40 \text{ s}} N = \frac{40}{1.6} = 25$$

۲۷

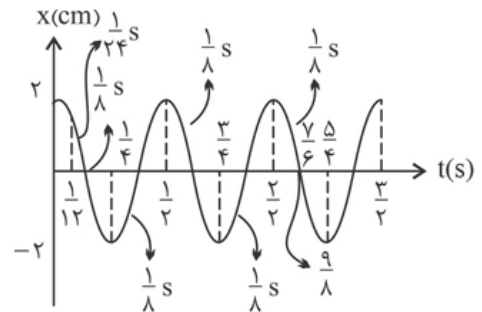
سوال ۲۷

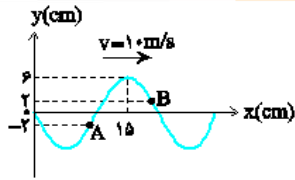
گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

ابتدا دوره تناوب را با استفاده از فرمول داده شده بدست می آوریم. سپس موج را رسم می کنیم. میدانیم که به نزدیک شدن ذره به مبدا حرکت تند شونده و با دور شدن از مبدا حرکت کند شونده است.

$$\left. \begin{aligned} x &= A \cos \omega t \\ x &= 0.2 \cos 4\pi t \end{aligned} \right\} \begin{aligned} \omega &= 4\pi \rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} \Rightarrow T = 0.5 \\ A &= 2 \text{ cm} \end{aligned}$$





گزینه درست: ۳

سوال ۲۸

گزینه ۳

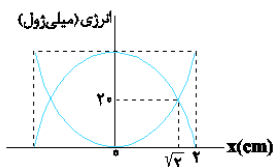
با توجه به نقش موج، نقاط A و B دو نقطه متوالی در فاز مخالف می‌باشند؛ بنابراین اختلاف فاز آن‌ها برابر  $\pi$  است، بنابراین فاصله آن‌ها از یکدیگر برابر است با:

$$AB = kx_{AB} \xrightarrow{k = \frac{2\pi}{\lambda}, \theta_{AB} = \pi \text{ rad}} x_{AB} = \frac{\lambda}{2}$$

با توجه به نمودار داریم:

$$\frac{3\lambda}{4} = 15 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 20 \text{ cm} \xrightarrow{x_{AB} = \frac{\lambda}{2}} x_{AB} = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$v = \frac{x_{AB}}{t_{AB}} \xrightarrow{x_{AB} = 0.1 \text{ m}, v = 1.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}} t_{AB} = \frac{0.1}{1.0} = \frac{1}{10} \text{ s}$$

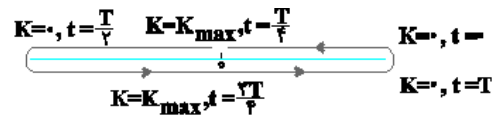


گزینه درست: ۱

سوال ۲۹

گزینه ۱

مدت زمانی که طول می‌کشد تا انرژی جنبشی نوسانگر از صفر به بیشینه مقدار برسد برابر با  $\frac{T}{4}$  است.



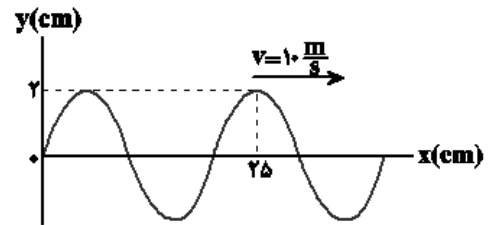
$$\frac{T}{4} = 0.05 \Rightarrow T = 0.2 \text{ s} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0.2} = 10\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

با توجه به نمودار، دامنه حرکت نوسانگر برابر است با:

مطابق رابطه تندی بیشینه در حرکت هماهنگ ساده داریم:

$$v_{\max} = A\omega \xrightarrow{A = 2 \text{ cm} = 0.02 \text{ m}, \omega = 10\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}} v_{\max} = 0.02 \times 10\pi = \frac{\pi}{5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۳۰



گزینه درست: ۳

سوال ۳۰

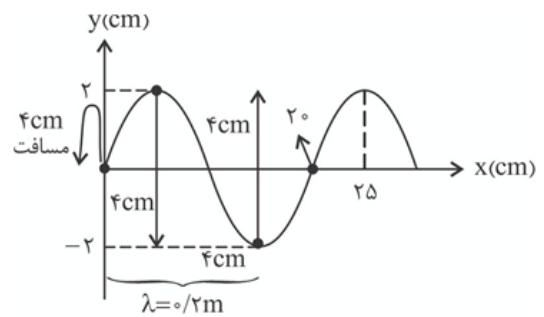
گزینه «۳»

بررسی موارد...

الف) غلط. سرعت موج ۱۰ متر بر ثانیه است، بنابراین موج در هر ثانیه ۱۰ متر را طی می کند نه ۲۰ سانتی متر.  
ب) درست. ابتدا باید دوره تناوب را بدست بیاوریم. بنابراین از رابطه زیر استفاده می کنیم.

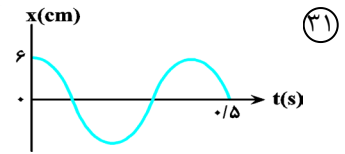
$$v = \frac{\lambda}{T} \Rightarrow 10 = \frac{0.25 \text{ m}}{T} \Rightarrow T = 0.025 \text{ s}$$

در ۰/۰۱ ثانیه هر ذره یک نیم دوره را طی می کند. یک نقطه را در نظر میگیریم، مثلاً فرض می کنیم در نقطه مبدا هستیم، برای اینکه این نقطه یک نیم دوره را طی کند، باید یکبار به قله برود و سر جای خود برگردد. بنابراین در این نیم دوره، دو سانتی متر رفته و دو سانتی متر برگشته، بنابراین مجموعاً ۴ سانتی متر مسافت طی کرده است.



پ) غلط. اگر مورد قبلی را بررسی کنیم، جابجایی بعضی از ذرات ۴ سانتی متر است، جابجایی بعضی صفر و در کل جابجایی ذرات بستگی به موقعیت اولیه شان دارد.

ت) درست. هر دوره ۰/۰۲ ثانیه است. هر ذره در هر دوره به مکان قبلی خود برمیگردد. بنابراین جابجایی هر ذره صفر است.



سوال ۳۱ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

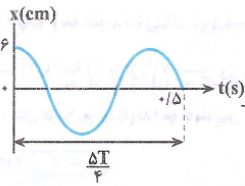
ابتدا از روی نمودار، دوره تناوب را به دست آورده و معادله مکان - زمان نوسانگر را می نویسیم:

$$\frac{\Delta T}{4} = 0.1 \Rightarrow T = 0.4 \text{ s}$$

$$x = A \cos \omega t \rightarrow x = 6 \cos \frac{2\pi}{0.4} t$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T}, A = 6 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow x = 0.6 \cos 5\pi t$$



اکنون مکان متحرک را در لحظات  $t_1 = 0.1 \text{ s}$  و  $t_2 = 0.18 \text{ s}$  مشخص می کنیم:

$$t_1 = 0.1 \Rightarrow x_1 = 6 \cos(5\pi \times 0.1) = 0$$

برای اولین بار در جهت منفی از نقطه تعادل عبور می کند P

$$t_2 = 0.18 \Rightarrow x_2 = 6 \cos(5\pi \times 0.18) = 6 \text{ cm}$$

در لحظه ای که متحرک از مرکز نوسان عبور می کند تندی آن بیشینه است. (لحظه  $t_1$  بنابراین تندی آن در این لحظه برابر است با:

$$V_{\max} = A\omega \xrightarrow[\substack{\omega = 5\pi \text{ rad/s} \\ A = 6 \text{ cm} = 0.06 \text{ m}}]{\omega = 5\pi \text{ rad/s}} V_{\max} = 0.6 \times 5\pi = 0.9\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\Rightarrow V_{t=0.1 \text{ s}} = -0.9\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

در لحظه ای که متحرک به نقطه بازگشتی می رسد، تندی آن برابر صفر می شود. اکنون با توجه به رابطه شتاب متوسط داریم:

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \xrightarrow[\substack{\Delta t = 0.18 - 0.1 = 0.08 \text{ s} \\ |\Delta v| = 0.9\pi \text{ m/s}}]{\Delta t = 0.18 - 0.1 = 0.08 \text{ s}} |a_{av}| = \frac{0.9\pi}{0.08} = \frac{9\pi}{8} \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

سوال ۳۲

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

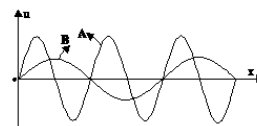
بسامد از ویژگی های چشمه موج و تندی از ویژگی های محیط انتشار است. بنابراین با ورود پرتو از هوا به چشمه بسامد آن ثابت می ماند و تندی انتشار کاهش می یابد. مطابق رابطه تندی انتشار با طول موج و بسامد داریم:

$$v = \lambda f \Rightarrow \frac{v_{\text{زجاجیه}}}{v_{\text{هوا}}} = \frac{\lambda_{\text{زجاجیه}} f_{\text{زجاجیه}}}{\lambda_{\text{هوا}} f_{\text{هوا}}} \xrightarrow{f_{\text{زجاجیه}} = f_{\text{هوا}}} \frac{v_{\text{زجاجیه}}}{v_{\text{هوا}}} = \frac{\lambda_{\text{زجاجیه}}}{\lambda_{\text{هوا}}}$$

$$\frac{v_{\text{زجاجیه}}}{v_{\text{هوا}}} = \frac{\lambda_{\text{زجاجیه}}}{\lambda_{\text{هوا}}} \xrightarrow[\substack{\lambda_{\text{هوا}} = 0.6 \mu\text{m}, v_{\text{هوا}} = c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ \lambda_{\text{زجاجیه}} = 0.45 \mu\text{m}}]{\lambda_{\text{هوا}} = 0.6 \mu\text{m}, v_{\text{هوا}} = c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}}} \frac{v_{\text{زجاجیه}}}{3 \times 10^8} = \frac{0.45}{0.6} = \frac{3}{4} \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$f = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{0.6 \times 10^{-6}} = 5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$





۳۳

سوال ۳۳ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

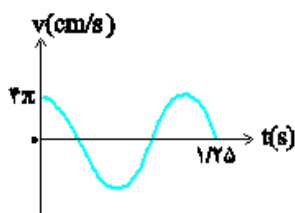
چون هر دو موج در یک محیط منتشر می‌شوند بنابراین سرعت انتشار آن‌ها یکسان است. با توجه به نقش به موج نسبت طول موج‌ها را به دست می‌آوریم:

$$2\lambda_A = (\lambda_B + \frac{\lambda_B}{2}) \Rightarrow 2\lambda_A = \frac{3\lambda_B}{2} \Rightarrow \lambda_B = 2\lambda_A$$

$$v = \lambda f = \frac{\lambda}{T} \xrightarrow{v_A = v_B}$$

$$\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{T_A}{T_B} \xrightarrow{\lambda_B = 2\lambda_A} \frac{T_A}{T_B} = \frac{1}{2}$$

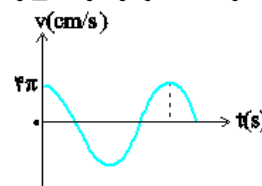
۳۴



سوال ۳۴ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

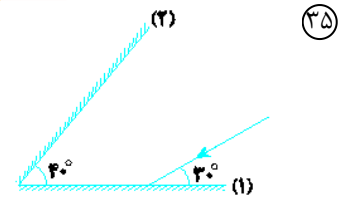
با توجه به نمودار سرعت \_ زمان بیشینه سرعت نوسانگر برابر با  $4\pi$  سانتی‌متر بر ثانیه است.



انرژی مکانیکی نوسانگر برابر با بیشینه انرژی جنبشی نوسانگر است.

$$E = K_{\max} = \frac{1}{2} m v_{\max}^2 \quad \begin{matrix} v_{\max} = f\pi \frac{\text{cm}}{\text{s}} = f\pi \times 10^{-2} \frac{\text{m}}{\text{s}} \\ m = 10^{-3} \text{g} = 10^{-6} \text{kg} \end{matrix}$$

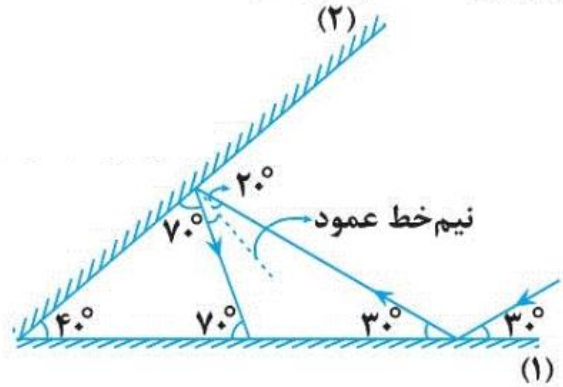
$$E = \frac{1}{2} \times 10^{-6} \times (4\pi \times 10^{-2})^2 = 8\pi^2 \times 10^{-8} \text{ J} = 8\pi^2 \text{ nJ}$$



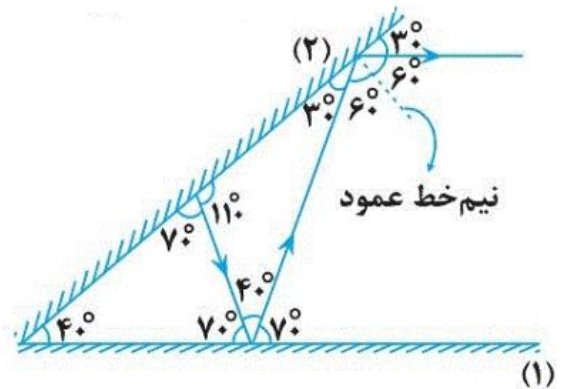
سوال ۳۵ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

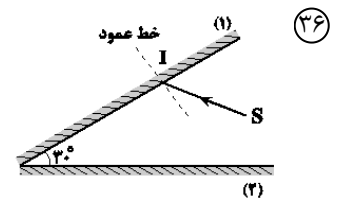
با توجه به قانون بازتاب عمومی و این که مجموع زوایای یک مثلث  $180^\circ$  است، مسیر پرتو را مشخص می‌کنیم:



اولین بازتاب از آینه (۲)

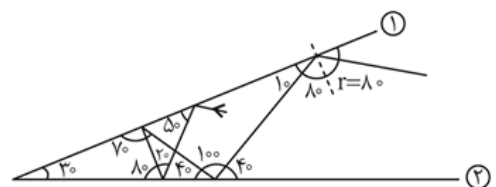


دومین بازتاب از آینه (۲)



سوال ۳۶ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»



۳۷

سوال ۳۷

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با توجه به رابطه تراز شدت صوت داریم:

$$\beta_A - \beta_B = 10 \log \frac{I_A}{I_B} \xrightarrow{I \propto \frac{1}{r^2}} \beta_A - \beta_B = 10 \log \left( \frac{r_B}{r_A} \right)^2 = 20 \log \frac{r_B}{r_A}$$

$$\frac{r_B = 2r, \beta_A = \beta}{r_A = r, \beta_B = \beta} \rightarrow \frac{\beta}{6} = 20 \log 2 \xrightarrow{\log 2 = 0.3} \beta = 36 \text{ dB}$$

اکنون تراز شدت صوت در محل ناظر C را به دست می‌آوریم:

$$\beta_A - \beta_C = 10 \log \frac{I_A}{I_C} = 20 \log \frac{r_C}{r_A} \xrightarrow{\beta_A = 36 \text{ dB}, r_C = 2r, r_A = r}$$

$$36 - \beta_C = 20 \log 4 = 40 \log 2 \xrightarrow{\log 2 = 0.3} \beta_C = 36 - 12 = 24 \text{ dB}$$

۳۸

سوال ۳۸

گزینه درست: ۲

گزینه ۲

در حرکت هماهنگ ساده بیشینه انرژی جنبشی نوسانگر با انرژی مکانیکی نوسانگر برابر است. بنابراین انرژی جنبشی نوسانگر در این لحظه برابر است با:

$$E = K_{\max} = K + U \xrightarrow{U = 0.4 \text{ mJ}, K_{\max} = 0.1 \text{ mJ}} K = 0.4 \text{ mJ}$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$\xrightarrow{m = 100 \text{ g} = 0.1 \text{ kg}} 0.4 \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 0.1 \times v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = \frac{8}{1000} \Rightarrow v = \frac{2\sqrt{2}}{10\sqrt{10}} \frac{\text{m}}{\text{s}} = 2\sqrt{20} \frac{\text{cm}}{\text{s}} = 4\sqrt{5} \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$

۳۹

سوال ۳۹

گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

با توجه به رابطه تندی بیشینه و شتاب بیشینه در حرکت هماهنگ ساده داریم:

$$a_{\max} = A\omega^2 \xrightarrow{\omega = \frac{v_{\max}}{A}} a_{\max} = \frac{v_{\max}^2}{A}$$

$$\frac{v_{\max} = 0.1\pi \text{ m/s}}{A = \frac{L}{2} = 2 \text{ cm} = 2 \times 10^{-2} \text{ m}} \rightarrow a_{\max} = \frac{(0.1\pi)^2}{2 \times 10^{-2}} = 32\pi^2 \times 10^{-2}$$

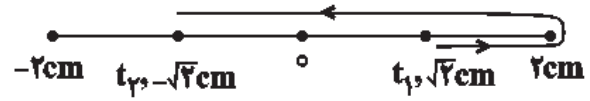
$$= 0.32\pi^2 \text{ m/s}^2$$

۴۰

سوال ۴۰ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

با توجه به اطلاعات سوال نوسانگر بایستی مسیر زیر را طی کند:



با توجه به معادله حرکت هماهنگ ساده اختلاف لحظات  $t_1$  و  $t_2$  را به دست می‌آوریم:

$$f = \frac{1}{T} \text{ Hz} \quad \omega = 2\pi f \rightarrow \omega = \frac{\pi \text{ rad}}{T \text{ s}}$$

$$x = A \cos \omega t \Rightarrow \begin{cases} \xrightarrow{x_1 = \sqrt{2} \text{ cm}} \cos \omega t_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ A = 2 \text{ cm}, \omega = \frac{\pi \text{ rad}}{T \text{ s}} \\ \xrightarrow{x_2 = -\sqrt{2} \text{ cm}} \cos \omega t_2 = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ A = 2 \text{ cm}, \omega = \frac{\pi \text{ rad}}{T \text{ s}} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \omega t_1 = 2\pi - \frac{\pi}{4} = \frac{7\pi}{4} \text{ rad (I)} \\ \omega t_2 = 2\pi + \frac{\pi}{4} = \frac{9\pi}{4} \text{ rad (II)} \end{cases}$$

$$(I), (II) \Rightarrow \omega(t_2 - t_1) = \pi \xrightarrow{\omega = \frac{\pi \text{ rad}}{T \text{ s}}} t_2 - t_1 = T \text{ s}$$

اکنون با توجه به رابطه سرعت متوسط داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{x_2 = -\sqrt{2} \text{ cm}, x_1 = \sqrt{2} \text{ cm}, \Delta t = T \text{ s}} v_{av} = -\sqrt{2} \frac{\text{cm}}{T \text{ s}} \Rightarrow |v_{av}| = \sqrt{2} \frac{\text{cm}}{T \text{ s}}$$

۴۱

سوال ۴۱ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

در لحظه‌ای که نوسانگر از مرکز تعادل عبور می‌کند نیروی وارد بر آن برابر صفر است و سرعت نوسانگر بیشینه مقدار را دارد. در لحظه‌ای که سرعت نوسانگر برابر صفر است، نوسانگر بیشترین فاصله را از مرکز تعادل دارد. بنابراین شتاب در این لحظه بیشینه است.

$$a_{max} = A\omega^2 \xrightarrow{v_{max} = A\omega} a_{max} = v_{max} \omega$$

$$\frac{a_{max} = \lambda \cdot \frac{m}{s^2}}{v_{max} = \frac{m}{s}} \rightarrow \omega = \frac{\lambda \cdot \frac{m}{s^2}}{\frac{m}{s}} = \frac{\lambda}{T} = 40 \cdot \frac{\text{rad}}{s}$$

$$\frac{v_{max} = A\omega}{v_{max} = \frac{m}{s}} \rightarrow A = \frac{v_{max}}{\omega} = \frac{2}{40} = \frac{1}{20} = 0.05 \text{ m}$$

$$\xrightarrow{x = A \cos \omega t} x = 0.05 \cos 40 \cdot t$$

$$A = 0.05 \text{ m}, \omega = 40 \cdot \frac{\text{rad}}{s}$$

۴۲

سوال ۴۲ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

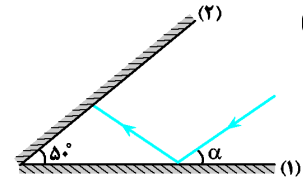
با توجه به رابطه شدت صوت با تراز شدت صوت داریم:

$$\Delta\beta = 10 \log \frac{I_2}{I_1} \xrightarrow{I_2=1000 \cdot I_1} \Delta\beta = 10 \log 1000$$

$$\Rightarrow \Delta\beta = 10 \log 10^3 = 30 \log 10 \Rightarrow \Delta\beta = 30 \text{ dB}$$

بنابراین تراز شدت صوت ۳۰ دسی بل افزایش می‌یابد.

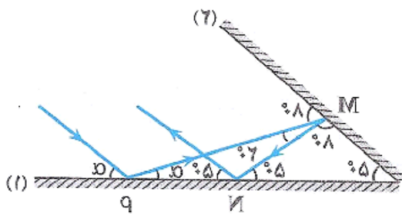
۴۳



سوال ۴۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

مطابق قانون بازتاب نور زاویه تابش و بازتابش با هم برابر است. با در نظر گرفتن این نکته مسیر پرتو را رسم می‌کنیم چون دومین پرتو باتاب از آینه (۱) موازی با آینه (۲) است پس زاویه‌ای که این پرتو با آینه (۱) می‌سازد  $50^\circ$  است.



زاویه خارجی مثلث MPN برابر با مجموع دو زاویه غیرمجاور است بنابراین داریم:

$$50 = 20 + \alpha \Rightarrow \alpha = 30^\circ$$

۴۴

سوال ۴۴ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

در یک موج عرضی در حال انتشار در یک طناب بسامد زاویه‌ای و دوره نوسان تمام ذرات طناب یکسان است.

۴۵

سوال ۴۵ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

در سونوگرافی و دستگاه سونار در کشتی‌ها از مکان‌یابی پژواکی که براساس امواج صوتی بازتابیده از یک جسم، مکان آن جسم تعیین می‌شود، استفاده می‌گردد.

در رادار دوپلری از امواج الکترومغناطیسی برای مکان‌یابی پژواکی استفاده می‌شود و اجاق خورشیدی هم نمونه‌ای از استفاده از بازتاب امواج الکترومغناطیسی برای گرم کردن است.

۴۶

سوال ۴۶ گزینه درست: ۱

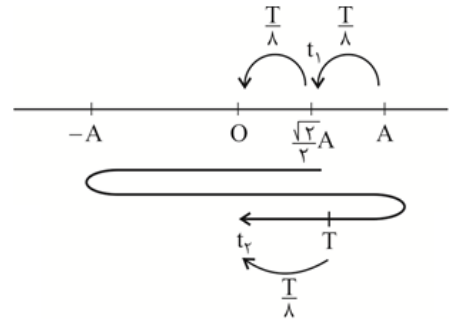
گزینه «۱»

$$w = \frac{v\pi}{T} = \frac{\pi}{T} \rightarrow T = \frac{v}{\pi} s$$

$$t_1 = \frac{1}{v} \Delta s \rightarrow \frac{t_1}{T} = \frac{1}{\frac{v}{\pi}} = \frac{\pi}{v} \rightarrow t_1 = \frac{T}{\lambda} s$$

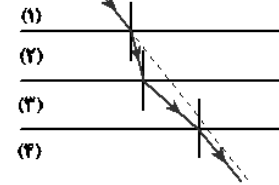
$$\Delta t = \frac{1}{v} \Delta s \rightarrow \frac{\Delta t}{T} = \frac{1}{\frac{v}{\pi}} = \frac{\pi}{v} \rightarrow \Delta t = T + \frac{T}{\lambda} s$$

از  $A'$  تا  $O$  هم شتاب و هم سرعت هر دو ثابت هستند.



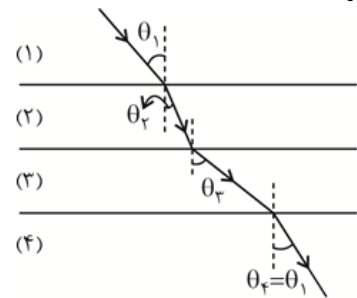
$$t' = \frac{T}{\lambda} = 1 s$$

۴۷



سوال ۴۷ گزینه درست: ۳

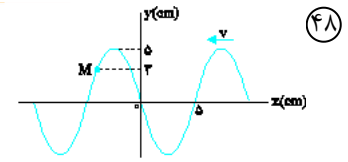
گزینه «۳»



$$\theta_r > \theta_r = \theta_1 > \theta_r$$

$$\frac{\sin \theta_1}{\sin \theta_r} = \frac{v_1}{v_r} \rightarrow$$

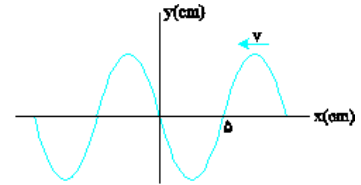
$$v_r > v_r = v_1 > v_r$$



سوال ۴۸ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

از روی نمودار نقش موج را به دست می‌آوریم:



با توجه به نمودار بالا داریم:

$$\frac{\lambda}{4} = \Delta \text{cm} \Rightarrow \lambda = 10 \text{cm}$$

اکنون دوره موج را محاسبه می‌کنیم:

$$v = \frac{\lambda}{T} \xrightarrow[v = 20 \frac{\text{cm}}{\text{s}}]{\lambda = 10 \text{cm}} T = \frac{1}{2} \text{s}$$

نقطه M روی ریسمان حرکت هماهنگ ساده انجام می‌دهد. با توجه به معادله نوسانگر در حرکت هماهنگ ساده موقعیت نقطه M را در لحظه

$$t_1 + \frac{1}{4} \text{s}$$

$$y_r = A \cos \omega t \xrightarrow[\omega = \frac{2\pi}{T}, T = \frac{1}{2} \text{s}]{SA = \Delta \text{cm}} y_r = \Delta \cos 4\pi t \xrightarrow[t_1 = t_1 + \frac{1}{4} \text{s}]{} y_r = \Delta \cos 4\pi(t_1 + \frac{1}{4} \text{s}) = \Delta \cos(4\pi t_1 + \pi) = -\Delta \cos 4\pi t_1$$

$$\xrightarrow[y_1 = 3 = \Delta \cos 4\pi t_1]{} y_r = -3 \text{cm}$$

اکنون سرعت متوسط ذره M را به دست می‌آوریم:

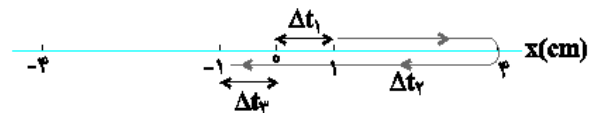
$$v_{av} = \frac{\Delta y}{\Delta t} \xrightarrow[y_1 = 3 \text{cm}, \Delta t = \frac{1}{4} \text{s}]{y_r = -3 \text{cm}} v_{av} = -24 \text{cm} \Rightarrow |v_{av}| = 24 \text{cm}$$

سوال ۴۹

گزینه درست: ۳

گزینه ۳

مدت زمانی که طول می‌کشد تا نوسانگر از مکان  $x = 1 \text{cm}$  به مبدأ مکان برسد برابر  $\Delta t_r$  مطابق شکل زیر و مدت زمانی که طول می‌کشد از مبدأ مکان به مکان  $x = -1 \text{cm}$  برسد برابر  $\Delta t_r$  است، از طرفی در شکل زیر  $\Delta t_r = \Delta t_1$  است بنابراین:



$$\Delta t_r + \Delta t_r = \Delta t_r + \Delta t_1 = \frac{T}{2}$$

$$f = \Delta \text{Hz} \Rightarrow T = \frac{1}{\Delta} \text{s} \Rightarrow \frac{T}{2} = \frac{1}{10} \text{s}$$

سوال ۵۰

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

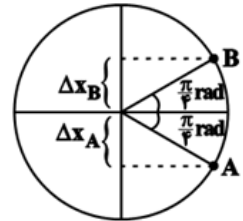
گزینه ۴

$$\Delta\theta = \omega\Delta t$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} \rightarrow \Delta\theta = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\Delta t = \frac{T}{4}$$

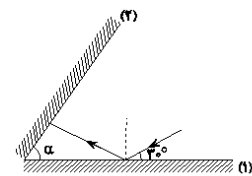
بیشترین جابه‌جایی مربوط به زمانی است که در ابتدای بازه زمانی و در انتهای بازه زمانی متحرک در فاصله یکسانی از مرکز نوسان قرار داشته باشد.



$$\Delta x_A = \Delta x_B = A \sin \frac{\pi}{4} \rightarrow \frac{A = r \text{ cm}, \sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}}{d = 2\Delta x_A}$$

$$d = 2 \times 4 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 4\sqrt{2} \text{ cm}$$

سوال ۵۱

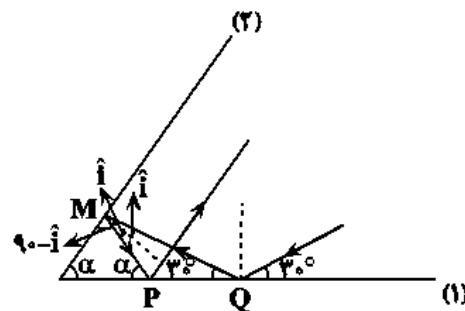


گزینه درست: ۳

گزینه ۳

گزینه «۳»

با استفاده از قانون بازتاب و همچنین خطوط موازی و مورب، با توجه به اینکه مجموع زوایای یک مثلث برابر با  $180^\circ$  است در دو مثلث  $\Delta MPN$  و  $\Delta MQN$  داریم:



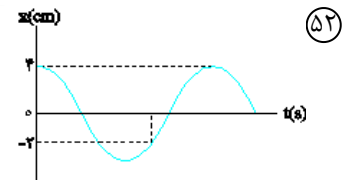
$$\Delta MPN \Rightarrow 90^\circ - i + 2\alpha = 180^\circ \Rightarrow 2\alpha - i = 90^\circ$$

$$\Delta MQN \Rightarrow 90^\circ - i + \alpha + 30^\circ = 180^\circ \Rightarrow i + \alpha = 60^\circ$$

یا هم جمع می‌کنیم.

$$3\alpha = 150^\circ \Rightarrow \alpha = 50^\circ$$





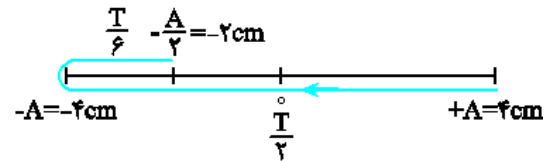
سوال ۵۲ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

ابتدا دوره تناوب و بسامد زاویه‌ای را به دست می‌آوریم:

$$\frac{T}{2} + \frac{T}{6} = \frac{1}{3} \text{ s} \Rightarrow \frac{4T}{6} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow T = \frac{1}{2} \text{ s} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} \omega = 4\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$



اکنون مکان نوسانگر را در لحظه  $t = \frac{3}{16} \text{ s}$  به دست می‌آوریم:

$$x = A \cos \omega t \xrightarrow{\omega = 4\pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}} x = A \cos 4\pi t \xrightarrow{t = \frac{3}{16} \text{ s}}$$

$$x = A \cos \frac{3\pi}{4} \Rightarrow \frac{x}{A} = \frac{-\sqrt{2}}{2} \Rightarrow k = U = \frac{E}{2} \Rightarrow \frac{k}{E} = \frac{1}{2}$$

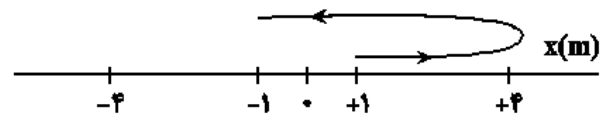
نکته: زمانی که  $\left| \frac{x}{A} \right| = \frac{\sqrt{2}}{2}$  انرژی پتانسیل و جنبشی نوسانگر با یکدیگر برابر است.



سوال ۵۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

مدت زمانی که طول می‌کشد تا مطابق شکل زیر نوسانگر از مکان  $x_1 = 1 \text{ cm}$  در جهت مثبت عبور کند و به مکان  $x_2 = -1 \text{ cm}$  برسد برابر با نصف دوره  $\left(\frac{T}{2}\right)$  است.

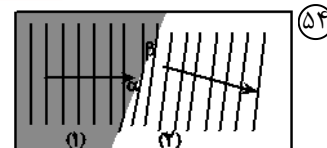


$$\frac{T}{2} = 2 \Rightarrow T = 4 \text{ s} \Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{\pi}{2} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$E = \frac{1}{2} m A^2 \omega^2 \xrightarrow{\omega = \frac{\pi}{2} \frac{\text{rad}}{\text{s}}} \xrightarrow{A = 4 \text{ cm} = 4 \times 10^{-2} \text{ m}, m = 200 \text{ g} = 0.2 \text{ kg}}$$

$$E = \frac{1}{2} \times 0.2 \times 16 \times 10^{-4} \times \frac{\pi^2}{4} \xrightarrow{\pi^2 = 10} E = 4 \times 10^{-4} \text{ J} = 0.4 \text{ mJ}$$

اکنون با توجه به رابطه انرژی مکانیکی نوسانگر هماهنگ ساده داریم:



۵۴

سوال ۵۴

گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

زاویه تابش مطابق شکل ۳۷ درجه و زاویه شکست مطابق شکل، ۳۰ درجه بدست می آید.

$$\frac{\sin \theta_r}{\sin \theta_i} = \frac{v_r}{v_i} = \frac{\sin 37^\circ}{\sin 30^\circ} = \frac{\sqrt{1 - (\cos 37^\circ)^2}}{\sin 30^\circ}$$

$$= \frac{1 - (0.8)^2}{\frac{1}{2}} = \frac{0.6}{\frac{1}{2}} = 1.2 = \frac{6}{5}$$

۵۵

سوال ۵۵

گزینه درست: ۴

گزینه ۴

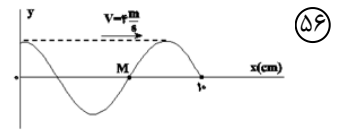
با توجه به رابطه انرژی مکانیکی نوسانگر، در لحظه‌ای که انرژی جنبشی و پتانسیل نوسانگر با یکدیگر برابر می‌شود، سرعت نوسانگر را بر حسب سرعت بیشینه آن به دست می‌آوریم:

$$E = K + U \xrightarrow[\substack{K=U, K=\frac{1}{2}mv^2 \\ E=K_{\max}=\frac{1}{2}mv_{\max}^2}]{\substack{K=U, K=\frac{1}{2}mv^2 \\ E=K_{\max}=\frac{1}{2}mv_{\max}^2}} \frac{1}{2}mv_{\max}^2 = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow v_{\max}^2 = 2v^2 \Rightarrow v = \frac{\sqrt{2}}{2}v_{\max}$$

$$\xrightarrow[\substack{\omega = \frac{2\pi}{T} \\ v_{\max} = A\omega}]{\substack{\omega = \frac{2\pi}{T} \\ v_{\max} = A\omega}} v = \frac{2\sqrt{2}\pi A}{2T} = \frac{\sqrt{2}\pi A}{T}$$

$$\xrightarrow[\substack{A=5 \text{ cm} \\ T=1.0 \text{ s}}]{\substack{\omega = \frac{2\pi}{T} \\ v_{\max} = A\omega}} v = 5.0 \cdot \sqrt{2}\pi \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$



سوال ۵۶

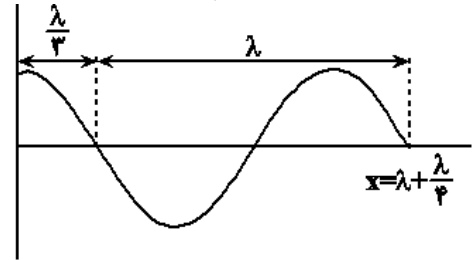
گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

در این سؤال بایستی ابتدا از روی نقش موج، طول موج را به دست آوریم. سپس با استفاده از رابطه تندی موج، دوره موج را به دست می آوریم:

با توجه به نقش موج طول موج برابر است با:

$$\lambda + \frac{\lambda}{4} = 10 \text{ cm} \Rightarrow \lambda = 8 \text{ cm}$$



اکنون دوره موج را به دست می آوریم:

$$v = \frac{\lambda}{T} \xrightarrow{v = \frac{m}{s}} \frac{\lambda = 8 \text{ cm} = 8 \times 10^{-2} \text{ m}}{\frac{m}{s}} \rightarrow T = \frac{8 \times 10^{-2}}{4} = \frac{1}{50} \text{ s}$$

ذره در هر دوره ( $T$ ) مسافت به اندازه  $4A$  و در هر نیم دوره ( $\frac{T}{2}$ ) مسافت به اندازه  $2A$  را طی می کند بنابراین مسافتی که ذره  $M$  در مدت  $0.25$  ثانیه طی می کند برابر است با

$$\ell = \frac{t}{T} \times 4A \xrightarrow{\ell = s_{av} \times t} A = \frac{s_{av} \times T}{4} \xrightarrow{s_{av} = \frac{m}{s}} \frac{1}{50} \text{ s}$$

$$A = \frac{6}{200} = 0.03 \text{ m} = 3 \text{ cm}$$

# فصل چهارم فیزیک دوازدهم (پاسخنامه)

۱

سوال ۱ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

بیشترین بسامد (کوتاهترین طول موج) در اتم هیدروژن مربوط به تغییر تراز الکترون از تراز  $n \rightarrow \infty$  به تراز  $n = 1$  است که طول موج آن مربوط به رشته لیمان است. برای به دست آوردن طول موج در رشته لیمان داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{1^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{R=1.09 \times 10^7 \text{ (nm)}^{-1}} \lambda = \frac{1}{R} = 100 \text{ nm}$$

۲

سوال ۲ گزینه درست: ۲

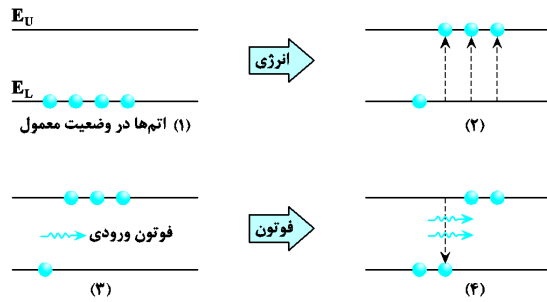
گزینه ۲

انرژی الکترون در تراز  $n$  ام برابر است با:

$$E_n = -\frac{E_R}{n^2} \rightarrow \frac{\Delta E_{1,2}}{\Delta E_{4,6}} = \frac{\frac{-E_R}{2^2} + \frac{E_R}{1^2}}{\frac{-E_R}{6^2} + \frac{E_R}{4^2}} = \frac{\frac{\Delta E_R}{9}}{\frac{\Delta E_R}{144}}$$

$$\rightarrow \frac{\Delta E_{1,2}}{\Delta E_{4,6}} = \frac{\frac{\Delta E}{9}}{\frac{\Delta E}{16 \times 9}} \Rightarrow \frac{\Delta E_{1,2}}{\Delta E_{4,6}} = \frac{\Delta E}{\Delta E^2} = 25/6$$

۳



سوال ۳ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

مرحله ۲ مربوط به موقعیتی است که الکترون‌ها با دریافت انرژی به تراز انرژی بالاتر به نام تراز شبه پایدار برانگیخته می‌شوند، که این حالت وارونی جمعیت نام دارد.

در مرحله ۴، الکترون در تراز شبه پایدار با تحریک یک فوتون به تراز پایین‌تر گذار انجام می‌دهد و این فرایند گسیل القایی نام دارد.

۴

سوال ۴ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

پدیده فوتوالکتریک و طیف خطی گسیلی و جذبی عناصر در حالت گازی با استفاده از فیزیک کلاسیک قابل توجیه نیستند.

۵



سوال ۵ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

این شکل مربوط به پدیده فوتوالکتریک است که طی آن وقتی نور با بسامد مناسب (بسامدی بزرگتر از بسامد آستانه) به سطح فلزی بتابد الکترون‌ها، انرژی نور فرودی را جذب می‌کنند و از سطح فلز خارج می‌شوند.

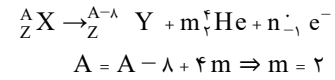


۶

سوال ۶ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

واکنش هسته‌ای را کامل می‌کنیم و با مساوی قرار دادن عدد جرمی و عدد اتمی در دو طرف واکنش  $m$  و  $n$  را به دست می‌آوریم:



$$Z = Z + 2m - n \xrightarrow{m=2} n = 4$$

۷

سوال ۷ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

ابتدا تعداد نوترون‌های هسته مادر را بر حسب تعداد پروتون‌های آن به دست می‌آوریم:

$${}^A_Z X_N \xrightarrow[A=Z]{A-Z=N} N = Z$$

به ازای گسیل هر پرتو آلفا ۲ واحد از عدد نوترونی و ۲ واحد از عدد اتمی کاسته می‌شود. به ازای گسیل هر پوزیترون، یک واحد از عدد اتمی کم و یک واحد به عدد نوترونی اضافه می‌شود و به ازای گسیل هر الکترون یک واحد از عدد نوترونی کم و یک واحد به عدد اتمی اضافه می‌شود. بنابراین با گسیل همزمان این دو ذره عدد اتمی و عدد نوترونی تغییر نمی‌کند. پس در این سؤال تغییرات عدد نوترونی و عدد اتمی مربوط به گسیل ذره آلفا ( ${}^4_2\text{H}$ ) است که چون در ابتدا تعداد نوترون‌ها و پروتون‌های هسته مادر یکسان است با گسیل ذره آلفا تعداد نوترون‌ها و پروتون‌ها با هم برابر می‌ماند.

$${}^A_Z X_N \rightarrow {}^{A'}_{Z'} Y_{N'} + \beta^+ + \beta^- + \alpha \rightarrow \begin{cases} N' = N - 2 \\ Z' = Z - 2 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{N=Z} N' = Z'$$

۸

سوال ۸ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

حالت پایه یعنی  $n=1$  اولین حالت برانگیختگی یعنی  $n=2$  و دومین حالت برانگیختگی یعنی  $n=3$ .

$$E_n = \frac{-13.6 \text{ eV}}{n^2} \Rightarrow \frac{E_{n_2}}{E_{n_1}} = \frac{n_1^2}{n_2^2}$$

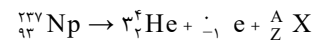
$$\Rightarrow \frac{n_1^2}{n_2^2} = \frac{1^2}{3^2} = \frac{1}{9}$$

۹

سوال ۹ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

معادله واپاشی هسته را می‌نویسیم، با توجه به اینکه ۳ ذره  $\alpha$  و یک ذره  $\beta^-$  واپاشی شده‌اند، داریم:



$$237 = 12 + A \Rightarrow A = 225$$

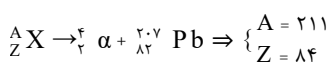
$$93 = 6 - 1 + Z \Rightarrow Z = 88$$

$$\xrightarrow{A=N+Z} N = 225 - 88 = 137$$

۱۰

سوال ۱۰ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»



۱۱

سوال ۱۱ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

مطابق رابطه بیشینه انرژی جنبشی و طول موج قطع داریم:

$$W_e = h \frac{c}{\lambda}$$

$$K_{\max} = hf - W_e \rightarrow K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda}$$

$$\frac{hc = 1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{\lambda = 20 \text{ nm}, \lambda_e = 31 \text{ nm}} \rightarrow k_{\max} = \frac{1240}{20} - \frac{1240}{31}$$

$$\Rightarrow K_{\max} = \left( \frac{31 - 20}{20 \times 31} \right) \times 1240 = \frac{22}{10} = 2.2 \text{ eV}$$

۱۲

سوال ۱۲ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

می‌دانیم هر یک الکترون - ولت برابر با  $1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$  است. بنابراین انرژی کوانتوم موج برابر است با:

$$E = 4 \times 10^{-7} \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

با توجه به رابطه انرژی کوانتوم موج با تندی و طول موج داریم:

$$E = hf = h \frac{c}{\lambda} \rightarrow \frac{E = 4 \times 10^{-7} \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}}{c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}} \rightarrow 6.63 \times 10^{-34} = 6.63 \times 10^{-34} \times \frac{3 \times 10^8}{\lambda} \Rightarrow \lambda \approx 3 \text{ m}$$

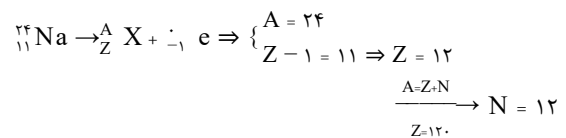
با توجه به طول موج به دست آمده موج الکترومغناطیسی در محدوده امواج رادیویی قرار دارد.

۱۳

سوال ۱۳ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

در واپاشی  $\beta^-$  درون هسته یک نوترون به یک پروتون و یک الکترون تبدیل می‌شود.



۱۴

سوال ۱۴ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

سومین خط طیف اتم هیدروژن مربوط به گذار الکترون از تراز  $n^4 + 3$  به تراز  $n^4$  است. با توجه رابطه بسامد و طول موج، ابتدا طول موج گسیلی را به دست می‌آوریم و سپس با استفاده از معادله ریذبرگ  $n^4$  را تعیین می‌کنیم:

$$c = \lambda f \xrightarrow{f = 2.5 \times 10^{14} \text{ Hz}, c = 3 \times 10^8} \lambda = \frac{3 \times 10^8}{2.5 \times 10^{14}} = 1.2 \times 10^{-6} \text{ m} = 1200 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n^4} - \frac{1}{(n^4 + 3)^2} \right) \xrightarrow{R = 0.1 \text{ (nm)}^{-1}, \lambda = 1200 \text{ nm}}$$

$$\frac{1}{1200} = 0.1 \left( \frac{1}{n^4} - \frac{1}{n^4(n^4 + 3)^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{12} = \frac{9 + 6n^4}{n^4(n^4 + 3)^2}$$

برای به دست آوردن  $n^4$  نیازی به حل معادله بالا نیست با جایگذاری گزینه‌ها  $n^4$  به دست می‌آید:

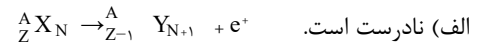
$$n^4 = 3 \Rightarrow \frac{9 + 6n^4}{n^4(n^4 + 3)^2} = \frac{9 + 6 \times 3}{3^2 \times 6^2} = \frac{3^3}{3^2 \times 6^2} = \frac{1}{12}$$

۱۵

سوال ۱۵ گزینه درست: ۲

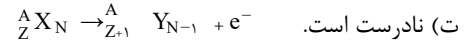
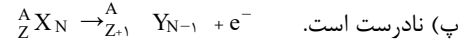
گزینه «۲»

هر کدام از واپاش‌ها را بررسی می‌کنیم و معادله واپاشی صحیح را می‌نویسیم:



ب) درست است.

در اثر گسیل یک پوزیترون از هسته عدد جرمی ثابت می‌ماند، عدد اتمی یک واحد کاهش و عدد نوترونی یک واحد افزایش می‌یابد.

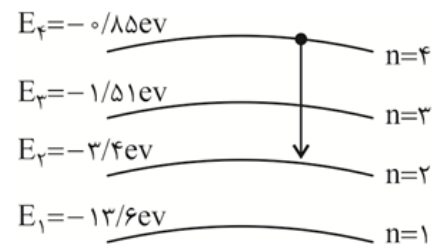


۱۶

سوال ۱۶ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

$$\Delta E = hf = \frac{4.08 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = 2.55 \text{ eV}$$



$$\Delta E_{(4 \rightarrow 2)} = -0.85 + 3.4 = 2.55 \text{ eV}$$

$$\rightarrow \begin{cases} n = 4 \\ n' = 2 \end{cases}$$

$$r_n = a \cdot n^2 = a \cdot 16 \rightarrow \frac{r_n}{a} = 16$$

۱۷

سوال ۱۷ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

بسامد اولین خط مربوط به گذار الکترون از تراز  $n^2+1$  به تراز  $n^2$  است و بسامد دومین خط مربوط به گذار الکترون از تراز  $n^2+2$  به تراز  $n^2$  است. با توجه به رابطه ریذبرگ، اختلاف بسامد این دو خط را به دست می‌آوریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \xrightarrow{f_n = \frac{c}{\lambda}} f_n = RC \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right)$$

$$\begin{cases} n_1 = n^2+1 \\ n_2 = n^2+2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} f_{n_1} = RC \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{(n^2+1)^2} \right) \\ f_{n_2} = RC \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{(n^2+2)^2} \right) \end{cases}$$

$$f_{n_2} - f_{n_1} = RC \left( \frac{1}{(n^2+1)^2} - \frac{1}{(n^2+2)^2} \right)$$

$$f_{n_2} - f_{n_1} = \frac{35}{24} \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$R = 1.097 \times 10^7 \text{ m}^{-1}, C = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{35}{24} \times 10^{14} = 1.097 \times 3 \times 10^8 \left( \frac{1}{(n^2+1)^2} - \frac{1}{(n^2+2)^2} \right) \Rightarrow \frac{35}{24} \times 10^6 = \frac{1}{(n^2+1)^2} - \frac{1}{(n^2+2)^2}$$

$$= \frac{(n^2+2)^2 - (n^2+1)^2}{(n^2+1)^2 (n^2+2)^2} \Rightarrow \begin{cases} (n^2+1)^2 = 3^2 \\ (n^2+2)^2 = 4^2 \end{cases} \Rightarrow n^2 = 2 \Rightarrow \text{رشته بالمر}$$



۱۸

سوال ۱۸ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

در رشته لیمان ( $n^{\prime}=1$ ) چنانچه الکترون از تراز  $n > 1$  به تراز  $n^{\prime}=1$  سقوط کند. باید فوتون گسیل شده برابر است با:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n^{\prime 2}} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow{f = \frac{c}{\lambda}} f = Rc \left( \frac{1}{n^{\prime 2}} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\xrightarrow{f = \frac{\lambda}{3} \times 10^{15} \text{ Hz}} \xrightarrow{R = 1.1 \text{ (nm)}^{-1}} \frac{\lambda}{3} \times 10^{15} = 0.1 \times 10^9 \times 3 \times 10^8 \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{\lambda}{9} = 1 - \frac{1}{n^2} \Rightarrow \frac{1}{n^2} = \frac{1}{9} \Rightarrow n = 3$$

بسامد دومین خط طیفی رشته لیمان مربوط به گذار الکترون از مرکز  $n = 3$  به تراز  $n^{\prime}=1$  است.

۱۹

سوال ۱۹ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

انرژی الکترون در تراز  $n$  در اتم هیدروژن از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$E_n = \frac{-E_R}{n^2}$$

چنانچه الکترون از تراز  $n$  به تراز  $n^{\prime} < n$  برود انرژی گسیل شده برابر است با:

$$E_n - E_{n^{\prime}} = \frac{E_R}{n^{\prime 2}} - \frac{E_R}{n^2} \xrightarrow{\frac{E_{n^{\prime}} - E_n = 2.55 \text{ eV}}{E_R = 13.6 \text{ eV}}} \rightarrow$$

$$2.55 = 13.6 \left( \frac{1}{n^{\prime 2}} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{2.55}{13.6} = \frac{1}{n^{\prime 2}} - \frac{1}{n^2}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{16} = \frac{n^2 - n^{\prime 2}}{n^2 \times n^{\prime 2}} \Rightarrow \begin{cases} n^{\prime} = 2 \\ n = 4 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{r_n = a \cdot n^2} \xrightarrow{n^{\prime} = 2, n = 4} r - r^{\prime} = a \cdot (n^2 - n^{\prime 2}) = 12a.$$

۲۰

سوال ۲۰ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

در واپاشی بتای منفی (الکترون) یک نوترون به یک پروتون و یک الکترون تبدیل می‌شود. طی این واپاشی عدد اتمی یک واحد افزایش و عدد نوترونی یک واحد کاهش می‌یابد اما عدد جرمی تغییر نمی‌کند.

۲۱

سوال ۲۱ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

نیروی هسته‌ای در اتم از نوع ربایشی است و از منظر نیروی هسته‌ای تفاوتی بین نوترون و پروتون وجود ندارد. بنابراین نیروی ربایشی بین دو نوکلئون (پروتون و نوترون) یکسان است. یعنی نیروی ربایشی هسته‌ای یکسانی بین دو پروتون، دو نوترون، یا یک پروتون و یک نوترون وجود دارد.

۲۲

سوال ۲۲ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

چهارمین حالت برانگیخته مربوط به تراز  $n = 5$  است. با توجه به رابطه انرژی بور در گذار الکترون از تراز  $n_1 = 5$  به تراز  $n_2 = 1$  داریم:

$$E = \frac{-E_R}{n^2} \Rightarrow \Delta E = E_R \left( \frac{1}{n_2^2} - \frac{1}{n_1^2} \right)$$

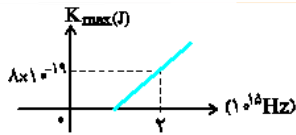
گذار الکترون از تراز  $n_1 = 5$  به تراز  $n_2 = 1$  موجب گسیل فوتون با انرژی  $h_f$  می‌شود. بنابراین رابطه بالا به صورت زیر در می‌آید:

$$h_f = E_R \left( \frac{1}{n_2^2} - \frac{1}{n_1^2} \right) \xrightarrow{\frac{h = 4.10^{-15} \text{ eV.s}, n_1 = 5}{E_R = 13.6 \text{ eV}, n_2 = 1}} \rightarrow$$

$$f = \frac{13.6}{4 \times 10^{-15}} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{25} \right)$$

$$f = \frac{13.6}{4} \times \frac{24}{25} \times 10^{15} = 3.264 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

(۲۳)



گزینه درست: ۱

سوال ۲۳

گزینه ۱

ابتدا تابع کار فلز را به دست می‌آوریم:

$$hf - W_0 = K_{\max}$$

$$K_{\max} = \lambda \times 10^{-19} \text{ J}, f = 2 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

$$h = 4 \times 10^{-34} \text{ eV}\cdot\text{s}, \lambda = 4 \times 10^{-19} \text{ m}, f = 2 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

$$6/4 \times 10^{-24} \times 2 \times 10^{15} - W_0 = \lambda \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow W_0 = 4/8 \times 10^{-19} \text{ J}$$

اکنون بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیل شده را به ازای تابش نور با طول موج  $\lambda = 300 \text{ nm}$  به دست می‌آوریم:

$$\frac{hc}{\lambda} - W_0 = K_{\max}^c$$

$$K_{\max}^c = \frac{6/4 \times 10^{-24} \times 3 \times 10^8}{3 \times 10^{-7}} - 4/8 \times 10^{-19}$$

$$= 1/6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

(۲۴)

گزینه درست: ۲

سوال ۲۴

گزینه «۲»

کمترین انرژی فوتونی که الکترون می‌تواند گسیل کند مربوط به حالتی است که از تراز  $n = 5$  به تراز  $n = 4$  جابجا شود. با توجه به اینکه انرژی

الکترون در تراز  $n$ م برابر با  $E_n = \frac{-E_R}{n^2}$  است، انرژی فوتون گسیل شده برابر است با:

$$|\Delta E| = E_5 - E_4 = -\frac{E_R}{5^2} - \left(-\frac{E_R}{4^2}\right) = E_R \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{5^2}\right)$$

$$\Rightarrow |\Delta E| = 13/6 \left(\frac{25 - 16}{25 \times 16}\right) \frac{|\Delta E| = hf}{h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV}\cdot\text{s}}$$

$$4 \times 10^{-15} \times f = \frac{13/6 \times 9}{400} \Rightarrow f = 76/5 \times 10^{12} \text{ Hz} = 76/5 \text{ THz}$$

(۲۵)

گزینه درست: ۳

سوال ۲۵

گزینه ۳

با توجه به رابطه رشته خط‌های طیف گسیلی اتم هیدروژن داریم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \frac{R = 1.1 \text{ (nm)}^{-1}}{\lambda = 1200 \text{ nm}, n_1 = 2, n_2 = 3}$$

$$\frac{1}{1200} = 1.1 \left( \frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{n^2} = \frac{1}{9} - \frac{1}{1200}$$

$$\frac{1}{n^2} = \frac{1}{36} \Rightarrow n = 6$$

۲۶

گزینه درست: ۳

سوال ۲۶

گزینه «۳»

$$n_n = 5 \rightarrow n_L = 4$$

$$n_n = 2 \rightarrow n_L = 1$$

$$-0.544 \text{ eV} \quad n=5$$

$$-0.185 \text{ eV} \quad n=4$$

$$-1.51 \text{ eV} \quad n=3$$

$$-3/4 \text{ eV} \quad n=2$$

$$-13/6 \text{ eV} \quad n=1$$

$$hf = \frac{hc}{\lambda}$$

$$-0.544 + 0.185 = \frac{1240}{\lambda_1} \rightarrow \lambda_1 = 4052/2$$

$$-3/4 + 13/6 = \frac{1240}{\lambda_2} \Rightarrow \lambda_2 = 121/56$$

$$\lambda_1 - \lambda_2 = 393.064 \approx 393 \text{ nm}$$

۲۷

گزینه درست: ۱

سوال ۲۷

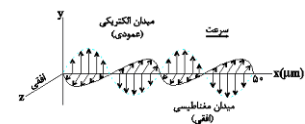
گزینه «۱»

$$V = f\lambda \xrightarrow{V=C=3 \times 10^8 \text{ m/s}} \lambda = \frac{C}{f} = \frac{3 \times 10^8}{2/25 \times 10^{10}} = \frac{4}{3} \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$\Rightarrow \lambda = \frac{4}{3} \times 10^2 \text{ nm}$$

$$\frac{1}{\lambda} = R \left[ \frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right] \Rightarrow \frac{1}{\frac{4}{3} \times 10^2} = \frac{1}{100} \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{3}{4} \times 10^{-2} \times 100 = \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \Rightarrow \frac{3}{4} = 1 - \frac{1}{n^2} \Rightarrow \frac{n^2-1}{n^2} = \frac{3}{4}$$



۲۸

گزینه درست: ۴

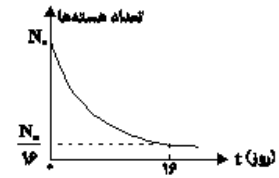
سوال ۲۸

گزینه ۴

ابتدا طول موج را با استفاده از نمودار به دست می‌آوریم:  $2\lambda = 50 \Rightarrow \lambda = 25 \mu\text{m}$   
با توجه به رابطه انرژی فوتون داریم:

$$E = hf = h \frac{c}{\lambda} \xrightarrow{c=3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, \lambda=25 \mu\text{m}=25 \times 10^{-6} \text{ m}} \rightarrow$$

$$E = 4 \times 10^{-15} \times \frac{3 \times 10^8}{25 \times 10^{-6}} = \frac{12}{25} \times 10^{-1} = 4/8 \times 10^{-2} \text{ eV}$$



۲۹

گزینه درست: ۳

سوال ۲۹

گزینه ۳

پس از گذشت هر نیمه عمر تعداد هسته‌های فعال نصف می‌شود.

$$N = \frac{N_0}{2^n} \rightarrow \frac{N_0}{16} = \frac{N_0}{2^n} \Rightarrow n = 4$$

$$n = \frac{t}{T_{1/2}} \rightarrow T_{1/2} = \frac{16}{4} = 4 \text{ روز}$$

$$N' = \frac{N_0}{2^{n'}} \rightarrow N' = \frac{N_0}{2^8} = \frac{N_0}{256}$$

$$\text{درصد} = \frac{N'}{N_0} \times 100 = \frac{100}{256} = 25 \text{ درصد}$$

۳۰

گزینه درست: ۳

سوال ۳۰

گزینه «۳»

دومین خط طیف رشته برکت، حاصل انتقال الکترون از لایه ۶ به ۴ است. چهارمین خط طیف رشته بالمر، حاصل انتقال الکترون از لایه ۶ به ۲ است.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \Rightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\left( \frac{1}{16} - \frac{1}{n^2} \right)^{-1}}{\left( \frac{1}{4} - \frac{1}{n^2} \right)^{-1}} = \frac{\frac{1}{4} - \frac{1}{n^2}}{\frac{1}{16} - \frac{1}{n^2}}$$

$$\Rightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\frac{1}{4} - \frac{1}{n^2}}{\frac{1}{16} - \frac{1}{n^2}} = \frac{32}{5}$$

۳۱

گزینه درست: ۲

سوال ۳۱

گزینه ۲

انرژی تابش شده توسط لامپ در مدت یک دقیقه برابر با مجموع انرژی فوتون‌های گسیلی از لامپ در این مدت است بنابراین تعداد فوتون گسیل

$$E = pt = nhf$$

شده برابر است با:

$$\frac{p=33 \text{ W}, t=60 \text{ s}}{h=6.6 \times 10^{-34} \text{ J.s}, f=6 \times 10^{14} \text{ Hz}} \rightarrow 33 \times 60 = n \times 6.6 \times 10^{-34} \times 6 \times 10^{14}$$

$$\Rightarrow n = \frac{33 \times 60}{6.6 \times 10^{-34} \times 6 \times 10^{14}} = \frac{1}{2} \times 10^{22} = 5 \times 10^{21}$$

فوتون

۳۲

سوال ۳۲ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

شعاع مدار الکترون در اتم هیدروژن از رابطه زیر به دست می آید:

$$r_n = a \cdot n^2 \xrightarrow{\frac{n^2=2}{n=1}} \frac{r_n}{r^2_n} = \frac{5^2}{1^2} = \frac{25}{1}$$

انرژی الکترون در مدار  $n$ م برابر است با:

$$E_n = \frac{-E_R}{n^2} \Rightarrow \Delta E = E_R \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{n'^2} \right) \xrightarrow{\frac{n^2=2}{n=1}}$$

$$\Delta E = E_R \left( \frac{1}{4} - \frac{1}{25} \right) = \frac{21}{100} E_R \xrightarrow{E_R} = 13/6 eV \quad \Delta E = 2/856 eV$$

۳۳

سوال ۳۳ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

ذره  $\alpha$ ، هسته اتم He با دو پروتون و دو نوترون است. از آنجا که بار هر پروتون برابر با  $1.6 \times 10^{-19} +$  کولن است، لذا با گسیل ذره  $\alpha$ ، بار هسته به اندازه  $C = 3/2 \times 10^{-19} = 2 \times 1/6 \times 10^{-19}$  کاهش می یابد.

۳۴

سوال ۳۴ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

با توجه به رابطه طول موج مربوط به رشته پاشن، بیشینه طول موج گسیلی مربوط به زمانی است که الکترون از تراز  $n = 4$  به تراز  $n' = 3$  سقوط کند و کمترین طول موج مربوط به حالتی است که الکترون از تراز  $n = \infty$  به تراز  $n' = 3$  سقوط کند.

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \begin{cases} \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\lambda_{\min}} = 0.1 \left( \frac{1}{9} - \frac{1}{\infty} \right) \\ \xrightarrow{n=4, n'=3} \frac{1}{\lambda_{\max}} = 0.1 \left( \frac{1}{9} - \frac{1}{16} \right) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \lambda_{\min} = 900 \text{ nm} = 0.9 \mu\text{m} \quad (I) \\ \lambda_{\max} = \frac{9 \times 16 \times 100}{7} \cong 2000 \text{ nm} = 2 \mu\text{m} \quad (II) \end{cases}$$

بنابراین با توجه به I و II داریم  $0.9 \mu\text{m} \leq \lambda \leq 2 \mu\text{m}$  پاشن  $\lambda$

۳۵

سوال ۳۵ گزینه درست: ۳

گزینه ۳

چون رشته، متعلق به براکت است پس  $m = 4$  لذا داریم:

$$n = m + 2 \xrightarrow{m=4} n = 6$$

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left( \frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) \xrightarrow{\substack{m=4, n=6 \\ R_H = 0.1 (\text{nm})^{-1}}} \rightarrow$$

$$\frac{1}{\lambda} = 0.1 \left( \frac{1}{4^2} - \frac{1}{6^2} \right) \Rightarrow \lambda = \frac{100 \times 16 \times 36}{20}$$

$$\Rightarrow \lambda = 2880 \text{ nm} = 2.88 \mu\text{m}$$

۳۶

سوال ۳۶ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

مطابق مدل اتمی رادرفورد الکترون دور هسته چون حرکت شتابدار دارد، امواج الکترومغناطیسی گسیل می کند و گسیل امواج الکترومغناطیسی باعث کاهش انرژی الکترون و کم شدن شعاع گردش الکترون به دور هسته می شود و این کاهش انرژی به صورت پیوسته است بنابراین طیف گسیلی نیز به صورت یک طیف پیوسته است.

بررسی نادرستی سایر گزینه ها:

گزینه «۲»: مدل اتمی بور برای اتم های هیدروژن گونه که تنها یک الکترون دارند صادق است.

گزینه «۳»: مدل اتمی رادرفورد اثبات نمود که اتم دارای هسته ای چگال در مرکز آن است.

گزینه «۴»: مدل اتمی بور نمی تواند متفاوت بودن شت خط های طیف گسیلی را توجیه کند.

گزینه «۴»

$n' = 3$  {  
 کمترین بسامد  $n = 4$   
 بیشترین بسامد  $n = \infty$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{f}{c} \times 10^{-9} / R \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$f_1 = 3 \times 10^8 \times 10^7 \left( \frac{1}{9} - \frac{1}{16} \right) = 4 \times 10^{15} \times \frac{7}{144} = \frac{7}{36} \times 10^{15}$$

$$f_2 = 3 \times 10^{15} \left( \frac{1}{9} - 0 \right) = \frac{1}{3} \times 10^{15}$$

$$f_2 - f_1 = 1/875 \times 10^{15} \text{ H}$$



# ضمیمه ریاضی دوازدهم

## (پاسخنامه)

۱

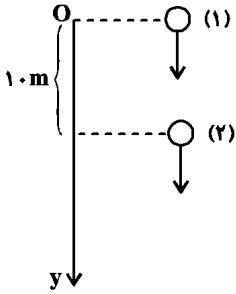
گزینه درست: ۴

سوال ۱

گزینه ۴

با انتخاب جهت مثبت به سمت پایین و محل رها شدن گلوله اول به عنوان مبدأ مختصات، داریم:

$$y = \frac{1}{2}gt^2 + y_0 \Rightarrow \begin{cases} y_1 = \frac{1}{2}gt^2 \\ y_2 = \frac{1}{2}g(t-1)^2 + 10 \end{cases}$$



توجه کنید که چون گلوله (۲)، یک ثانیه بعد از گلوله (۱) رها شده است زمان حرکت آن  $(t-1)$  است. همچنین مکان اولیه گلوله (۲) برابر  $y_0 = 10\text{ m}$  است.

ابتدا زمان به هم رسیدن دو گلوله را می‌یابیم.

$$y_1 = y_2 \xrightarrow{g=10 \frac{m}{s^2}} \Delta t^2 = \Delta(t-1)^2 + 10 \\ \Rightarrow 10t - 15 = 0 \Rightarrow t = 1/5\text{ s}$$

پس تا این لحظه فاصله دو گلوله در حال کاهش است. چون در لحظه به هم رسیدن، سرعت گلوله‌ها متفاوت است، پس از این لحظه، فاصله دو گلوله افزایش می‌یابد.

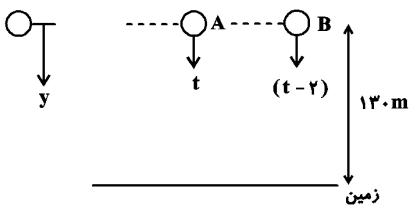
$$\Rightarrow \begin{cases} v_1 = gt = 10 \times 1/5 = 15 \frac{m}{s} \\ v_2 = g(t-1)^2 = 10 \times 0/25 = 2/5 \frac{m}{s} \end{cases}$$

۲

گزینه درست: ۳

سوال ۲

گزینه ۳



چون گلوله B، ۲ ثانیه بعد از گلوله A رها شده است، پس زمان حرکت آن  $(t-2)$  است. معادله حرکت هر گلوله را با استفاده از انتخاب جهت مثبت به سمت پایین می‌نویسیم:

$$y = \frac{1}{2}gt^2 + y_0 \xrightarrow{g=10 \frac{m}{s^2}} \begin{cases} y_A = \Delta t^2 \\ y_B = \Delta(t-2)^2 \end{cases}$$

اکنون فاصله دو گلوله در لحظه  $t = 5\text{ s}$  را به دست می‌آوریم:

$$y_A - y_B = 5 \times 25 - 5 \times 9 = 80\text{ m}$$



۳

گزینه درست: ۳

سوال ۳

گزینه «۳»

$$h, t \begin{cases} \left\{ \frac{1}{4}h, t_1 \right\} y = \frac{1}{2}gt^2 \rightarrow \frac{h}{\frac{1}{4}h} = \left(\frac{t}{t_1}\right)^2 \\ \left\{ \frac{3}{4}h, t_r \right\} \rightarrow t = 2t_1 \rightarrow t_r = t_1 \end{cases}$$

از طرفی داریم:

$$U_{av} = \frac{\frac{3}{4}h}{t_r} = 1.5 \frac{m}{s} \rightarrow \frac{h}{t_r} = 2.0$$

$$U_{av} = \frac{h}{t_1 + t_r} = \frac{h}{2t_r} = 1.0 \frac{m}{s}$$

۴

گزینه درست: ۳

سوال ۴

گزینه «۳»

نیم ثانیه سوم، بازه زمانی بین لحظه‌های  $t_1 = 1s$  تا  $t_2 = 1/5s$  است. داریم:

$$V_1 = gt_1 + V_0 = g \times 1 + 0 \Rightarrow V_1 = 1 \cdot g$$

$$V_2 = gt_2 + V_0 = g \times 1/5 + 0 \Rightarrow V_2 = 1/5 g$$

$$V_{av} = \frac{V_1 + V_2}{2} = \frac{g + 1/5g}{2} = 1/25g = 1/25 \times 9.8 = 12/25 \frac{m}{s}$$

برای سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت در مسیری مستقیم، داریم:

۵

گزینه درست: ۴

سوال ۵

گزینه «۴»

تندی گلوله در لحظه برخورد به سطح سنگ فرش برابر است با:

$$v^2 = -2g(y - y_0) \Rightarrow v^2 = -2 \times 10 \cdot (0 - 20) \Rightarrow v = -20 \frac{m}{s}$$

حال با استفاده از قانون دوم نیوتن، داریم:

$$F_{av} = \frac{\Delta P}{\Delta t} \Rightarrow F_{av} = \frac{m(V_2 - V_1)}{\Delta t} = \frac{0.2(10 - (-20))}{0.2} = F_{av} = 30 \text{ N}$$

۶

گزینه درست: ۲

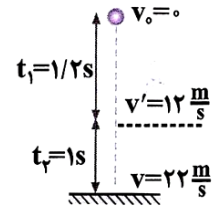
سوال ۶

گزینه «۲»

ابتدای تندی گلوله در هنگام برخورد به زمین را به دست می آوریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{K=24J, m=100g=0.1kg} 24/2 = \frac{1}{2} \times 0.1 \times v^2 \Rightarrow v = 22 \frac{m}{s}$$

با استفاده از رابطه سرعت \_ زمان، زمان رسیدن گلوله به زمین را محاسبه می کنیم:



$$v = at + v_0 \xrightarrow{g=10 \frac{m}{s^2}, v_0=0}$$

$$22 = 10t + 0 \Rightarrow t = 2/2s$$

$$t_1 = 2/2 - 0 = 1/2s$$

$$v = gt + v_0 \xrightarrow{g=10 \frac{m}{s^2}, v_0=0} v' = 10 \times 1/2 = 12 \frac{m}{s}$$

$$v = \frac{v' + v}{2} = \frac{12 + 22}{2} = 17 \frac{m}{s}$$

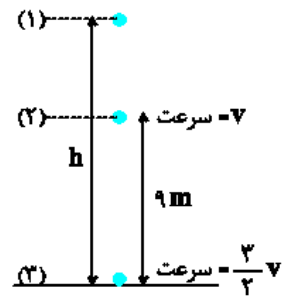
بنابراین سرعت متوسط در یک ثانیه پایانی برابر است با:

۷

گزینه درست: ۱

سوال ۷

گزینه ۱

برای به دست آوردن  $v$  از رابطه مستقل از زمان بین دو نقطه (۲) و (۳) استفاده می کنیم:

$$v^2 - v_3^2 = 2a\Delta y \xrightarrow{v_3 = \frac{3}{2}v, v_2 = v, a=g, \Delta y=9m} \left(\frac{3}{2}v\right)^2 - v^2 = 2g \times 9$$

$$\Rightarrow \frac{5}{4}v^2 = 180 \Rightarrow v^2 = 144 \Rightarrow v = 12 \frac{m}{s}$$

بار دیگر از رابطه مستقل از زمان برای به دست آوردن  $h$  بین دو نقطه (۱) و (۳) استفاده می کنیم:

$$v^2 - v_1^2 = 2 \times a \times \Delta y \xrightarrow{a=g=10 \frac{m}{s^2}, v_1=0, v_3 = \frac{3}{2}v = \frac{3}{2}(12)=18 \frac{m}{s}} \rightarrow$$

$$18^2 = 2 \times 10 \times h \Rightarrow h = 16/2m$$

۸

گزینه درست: ۴

سوال ۸

گزینه ۴

اگر در لحظه  $t = 0$  مکان رها شدن گلوله A را به عنوان مبدأ مکان در نظر بگیریم. معادله مکان - زمان سقوط آزاد گلوله‌های A و B به صورت زیر خواهد شد:

$$y_A = -\frac{1}{2}gt^2 = -5t^2$$

$$y_B = -\frac{1}{2}g(t-1/5)^2 = -5(t-1/5)^2$$

دو ثانیه بعد از رها شدن گلوله B یعنی لحظه  $t = 1/5 + 2 = 3/5s$  مکان گلوله‌ها برابر است با:

$$\xrightarrow{t=3/5s} \begin{cases} y_A = -5 \times (3/5)^2 = -61/25m \\ y_B = -5 \times (3/5 - 1/5)^2 = -20m \end{cases}$$

بنابراین فاصله دو گلوله دو ثانیه بعد از رها شدن گلوله B  $(t = 3/5s)$  برابر است با:

$$\Delta y = |y_B - y_A| = |-20 - (-61/25)| = 41/25m$$

دقت کنید تا لحظه  $t = 3/5s$  متحرک A هنوز به زمین نرسیده است و در حال سقوط است.

۹

گزینه درست: ۴

سوال ۹

گزینه ۴

تنها نیرویی که به گلوله وارد می‌شود، نیروی وزن است. در ثانیه آخر حرکت، داریم:

$$mgd = 70 \Rightarrow 0.2 \times 10 \times d = 70 \Rightarrow d = 35m$$

گلوله در ثانیه آخر حرکت مسافت ۳۵ متر را طی می‌کند. اگر زمان کل حرکت برابر با  $t$  باشد، گلوله مسافت  $(h - 35)$  متر را در  $(t - 1)$  ثانیه طی می‌کند. داریم:

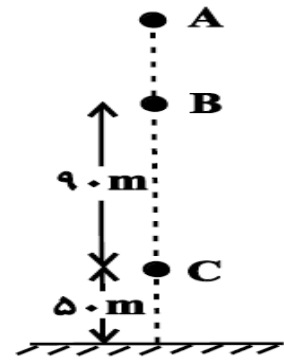
$$h = -\frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \begin{cases} -h = -\Delta t^2 \Rightarrow h = \Delta t^2 (*) \\ -(h - 35) = -\Delta(t-1)^2 \Rightarrow h - 35 = \Delta(t-1)^2 (**) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(*),(**)} \Delta t^2 - 35 = \Delta t^2 - 10t + 5 \Rightarrow t = 4s$$

$$\xrightarrow{(*)} h = \Delta t^2 = 5 \times 4^2 \Rightarrow h = 80m$$

زمین

۱۰

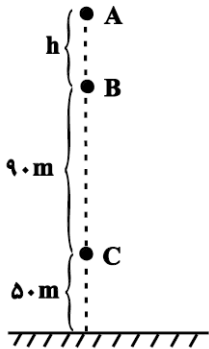


گزینه درست: ۳

سوال ۱۰

گزینه «۳»

با در نظر گرفتن جهت مثبت به سمت پایین و محل شدن گلوله به عنوان مبدأ مکان، داریم:



$$\frac{v_B + v_C}{2} = \frac{\Delta y}{\Delta t} \Rightarrow \frac{v_B + v_C}{2} = \frac{90}{3} \Rightarrow v_B + v_C = 60 \frac{m}{s} \quad (1)$$

از طرفی اگر فاصله A تا B را برابر با h در نظر بگیریم و گلوله این فاصله را در زمان  $t_1$  طی کند، داریم:

$$\begin{cases} v_B = gt_1 \\ v_C = g(t_1 + 3) \end{cases} \xrightarrow{(1)} gt_1 + g(t_1 + 3) = 60 \Rightarrow t_1 = 1/5s$$

$$h = \frac{1}{2}gt_1^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 1/5^2 \Rightarrow h = 11/25m$$

مدت زمان کل سقوط برابر است با:

$$y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow (11/25 + 90 + 50) = \frac{1}{2} \times 10 \times t^2 \Rightarrow t = 5/5s$$

مکان گلوله سه ثانیه قبل از رسیدن به سطح زمین یعنی در لحظه  $t = 2/5s$  برابر است با:

$$\Delta y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \Delta y = \frac{1}{2} \times 10 \times 2/5^2 = 31/25m$$

$$\text{فاصله از سطح زمین} = (11/25 + 90 + 50) - 31/25 = 120m$$

۱۱

گزینه درست: ۲

سوال ۱۱

گزینه ۲

نیروی مرکزگرای ماهواره را نیروی گرانشی بین ماهواره و زمین تأمین می‌کند.

$$\begin{cases} F_{\text{گرانشی}} = G \frac{mM_e}{r^2} \\ F_{\text{مرکزگرا}} = m \frac{v^2}{r} \end{cases} \Rightarrow \frac{GmM_e}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM_e}{r}} \quad (*)$$

از طرفی سرعت خطی ماهواره برابر است با:

$$v = r\omega \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} T = \frac{2\pi r}{v} \xrightarrow{(*)} T = \frac{2\pi r}{\sqrt{\frac{GM_e}{r}}}$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2 r^3}{GM_e} \Rightarrow T^2 \propto r^3$$

(۱۲)

گزینه درست: ۲

سوال ۱۲

گزینه ۲

نیروی مرکزگرا در دور زدن اتومبیل را نیروی اصطکاک ایستایی تأمین می‌کند. این نیرو از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$F = m \frac{v^2}{r} \xrightarrow[r = 20 \text{ m}]{v = 18 \frac{\text{km}}{\text{h}} = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}}, m = 2000 \text{ kg}} F = 2000 \times \frac{25}{20} = 2500 \text{ N}$$

(۱۳)

گزینه درست: ۲

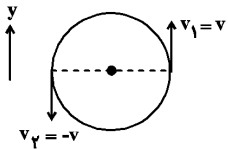
سوال ۱۳

گزینه ۲

با توجه به صورت سؤال  $T = 1/5 \text{ s}$  است. شتاب مرکزگرای گلوله برابر است با:

$$\begin{cases} a = r\omega^2 = 2 \times 16 = 32 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \\ \omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2 \times 3/14}{1/5} = 4 \frac{\text{rad}}{\text{s}} \end{cases}$$

برای محاسبه تغییر تکانه گلوله در نصف دوره یعنی در نصف مسیر حرکت، داریم:



$$\Delta P = m(v_2 - v_1) = m(-v - v)$$

$$\Rightarrow |\Delta P| = 2mv \xrightarrow[m = 0.5 \text{ kg}]{v = r\omega} |\Delta P| = 2 \times 0.5 \times 2 \times 4$$

$$\Rightarrow |\Delta P| = 0.8 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}}$$

(۱۴)

گزینه درست: ۱

سوال ۱۴

گزینه «۱»

$$T = \frac{t}{n} = \frac{60}{30} = 2 \text{ s}$$

$$V = r\omega = r \frac{2\pi}{T} = 2 \times \frac{2\pi}{2} = 2\pi \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 4\pi^2 = 10\pi^2$$

(۱۵)

گزینه درست: ۱

سوال ۱۵

گزینه «۱»

طبق رابطه تندی خطی در حرکت دایره‌ای داریم:

$$V = \frac{2\pi r}{T} \Rightarrow \frac{V_{\text{ثانیه}}}{V_{\text{ساعت}}} = \frac{r_{\text{ثانیه}}}{r_{\text{ساعت}}} \times \frac{T_{\text{ساعت}}}{T_{\text{ثانیه}}} = \frac{2r_{\text{ساعت}}}{r_{\text{ثانیه}}} \times \frac{12 \times 60 \times 60}{60}$$

$$\Rightarrow \frac{V_{\text{ثانیه}}}{V_{\text{ساعت}}} = 1440$$

۱۶

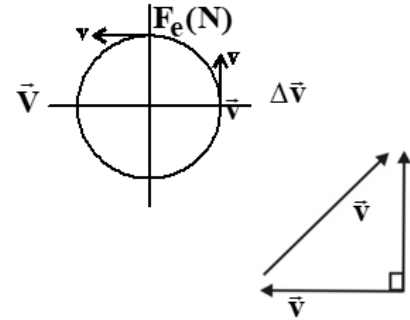
سوال ۱۶ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

ابتدا دوره حرکت را محاسبه می کنیم:

$$V = \frac{v\pi r}{T} \Rightarrow 10\pi = \frac{v\pi \times 20}{T} \Rightarrow T = 4s$$

با توجه به این که دوره حرکت متحرک برابر با ۴s است، بنابراین متحرک در مدت ۱s،  $\frac{1}{4}$  محیط دایره را طی خواهد کرد. بنابراین شتاب متوسط آن طی این مدت زمان برابر است با:



$$a_{av} = \frac{\Delta V}{\Delta t} = \frac{\sqrt{2}V}{1}$$

$$a_{av} = \sqrt{2}V$$

از طرفی برای محاسبه اندازه شتاب مرکزگرا داریم:

$$a_c = \frac{V^2}{r}$$

بنابراین:

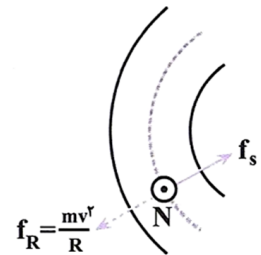
$$\frac{a_{av}}{a_c} = \frac{\sqrt{2}V}{\frac{V^2}{r}} = \sqrt{2} \frac{r}{V} = \sqrt{2} \frac{20}{10\pi} \Rightarrow \frac{a_{av}}{a_c} = \frac{2\sqrt{2}}{\pi}$$

۱۷

سوال ۱۷ گزینه درست: ۲

گزینه «۲»

نیروی کل وارد از طرف زمین به خودرو شامل برآیند دو نیروی اصطکاک ( $f_s$ ) و وزن خودرو ( $W$ ) است.



$$R = \sqrt{(f_{\text{اصطکاک}})^2 + (f_{\text{وزن}})^2}$$

$$\Rightarrow 10^4 \times \sqrt{10} = \sqrt{f_s^2 + (30000)^2}$$

$$f_s = 10^4 N \quad \text{نیروی مرکزگرا}$$

توجه کنید نیروی مرکزگرا همان نیروی اصطکاکی است که به خودرو وارد می شود.

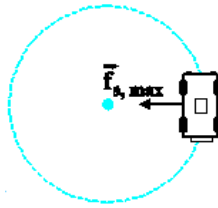
(۱۸)

گزینه درست: ۲

سوال ۱۸

گزینه ۲

نیروی مرکزگرا برای حرکت دایره‌ای یکنواخت اتومبیل در سطح افقی توسط نیروی اصطکاک ایستایی تأمین می‌شود و چون اتومبیل با حداکثر سرعت مجاز بدون لغزیدن مسیر را طی می‌کند، نیروی اصطکاک ایستایی وارد بر جسم بیشینه است.



$$F_{\text{net}} = f_{s,\text{max}} = \mu_s F_N = \mu_s mg = 0.5 \times 1200 \times 10 = 6000 \text{ N}$$

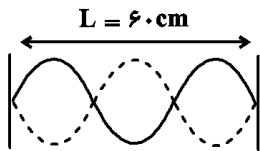
(۱۹)

گزینه درست: ۳

سوال ۱۹

گزینه ۳

در طول تار، ۳ شکم تشکیل می‌شود. پس داریم:



$$f_n = \frac{nv}{2L} \xrightarrow[n=3]{f_n=300 \text{ Hz}, L=60 \text{ cm}} 300 = \frac{3v}{2 \times 0.6} \Rightarrow v = 120 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$f_n = nf_1 \xrightarrow[f_1=300 \text{ Hz}]{n=3} f_1 = \frac{300}{3} = 100 \text{ Hz}$$

برای محاسبه بسامد صوت اصلی، می‌توان نوشت:



گزینه درست: ۴

سوال ۲۰

گزینه ۴

ابتدا بسامد هماهنگ اول را محاسبه می‌کنیم:

$$f_n = \frac{nv}{2L} \xrightarrow[n=1]{v=250 \frac{\text{m}}{\text{s}}, L=0.5 \text{ m}} f_1 = \frac{v}{2L} = \frac{250}{2 \times 0.5} = 250 \text{ Hz}$$

مدت زمانی که طول می‌کشد تا هر یک از ذرات تار یک نوسان کامل انجام دهند، برابر دوره نوسان است.

$$T = \frac{1}{f} = \frac{1}{250} \text{ s} \Rightarrow T = \frac{1}{250} \times 10^3 = 4 \text{ ms}$$

(۲۱)

گزینه درست: ۲

سوال ۲۱

گزینه ۲

بسامد صوت گسیل شده توسط تار، همان بسامد اصلی تار است، پس داریم:

$$v_{\text{صوت}} = \lambda f \Rightarrow \lambda = \frac{v_{\text{صوت}}}{f} = \frac{340}{500} = 0.68 \text{ m} = 68 \text{ cm}$$

۲۲

سوال ۲۲ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

اختلاف دو بسامد تشدید متوالی، برابر بسامد اصلی است.

$$f_1 = 280 - 240 = 40 \text{ Hz}$$

چون بسامدهای تشدید مضرب صحیحی از بسامد اصلی هستند  $(f_n = nf_1)$ ، پس  $f = 60 \text{ Hz}$  نمی تواند بسامد تشدید این تار باشد.

۲۳

سوال ۲۳ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

$$f_3 - f_1 = f_4 - f_2 = 320 - 160 = 160$$

۲۴

سوال ۲۴ گزینه درست: ۳

گزینه «۳»

در یک تار، دو انتهای بسته، تفاوت دو بسامد تشدید متوالی برابر با بسامد اصلی تار است.

$$f_n = nf_1 \Rightarrow f_{n+1} - f_n = f_1 \Rightarrow 225 - 150 = f_1 \Rightarrow f_1 = 75 \text{ Hz}$$

از طرف دیگر، در تار دو انتها بسته ای که در آن امواج تشدید ایجاد شده است، همواره تعداد گره ها یک واحد از شماره هماهنگ بیشتر است.

بنابراین در تار مرتعی با ۵ گره، شماره هماهنگ برابر با  $n = 4$  است و در نتیجه داریم:

$$f_n = nf_1 \Rightarrow f_4 = 4 \times 75 = 300 \text{ Hz}$$

۲۵

سوال ۲۵ گزینه درست: ۴

گزینه «۴»

نقش پراش ناشی از تداخل امواج روی پرده است و تحلیل آن به واسطه تداخل های سازنده و ویرانگر امواج روی پرده امکان پذیر است.

۲۶

سوال ۲۶ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

در یک تار با دو انتهای بسته، اختلاف دو بسامد تشدید متوالی برابر با بسامد هماهنگ اصلی آن است. بنابراین:

$$f_1 = 225 - 150 \Rightarrow f_1 = 75 \text{ Hz}$$

از طرفی داریم:

$$f_1 = \frac{V}{2L} \Rightarrow 75 = \frac{V}{2 \times 0.5} \Rightarrow V = 75 \text{ m/s}$$

۲۷

سوال ۲۷ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه بسامد هماهنگ های یک تار مرتعی داریم:

$$f_n = \frac{nv}{2L} = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{FL}{m}} = \frac{n}{2} \sqrt{\frac{F}{mL}} \Rightarrow 210 = \frac{3}{2} \sqrt{\frac{F}{5 \times 10^{-3} \times 50 \times 10^{-3}}} \Rightarrow F = 49 \text{ N}$$

۲۸

سوال ۲۸ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

در یک موج ایستاده که در تار مرتعی تشکیل شده است، فاصله بین هر دو گره متوالی برابر با  $\frac{\lambda}{2}$  است. بنابراین داریم:

$$v = \lambda f \Rightarrow 160 = \lambda \times 400 \Rightarrow \lambda = 0.4 \text{ m} \Rightarrow \frac{\lambda}{2} = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$



۲۹

گزینه درست: ۲

سوال ۲۹

گزینه ۲

با استفاده از معادله فوتوالکتریک، داریم:

$$K_{\max} = hf - W. \quad f = \frac{c}{\lambda} \rightarrow K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - W.$$

$$\Rightarrow \frac{K_{\max 2}}{K_{\max 1}} = \frac{\frac{hc}{\lambda_2} - W.}{\frac{hc}{\lambda_1} - W.} \quad K_{\max 2} = \frac{1}{3} K_{\max 1}$$

$$\phi = \frac{\frac{hc}{\lambda_1} - W.}{\frac{hc}{\lambda_1} - W.} \quad \frac{hc = 12 \times 10^{-7} \text{ ev.m} = 1200 \text{ ev.nm}}{W. = 4 \text{ ev}}$$

$$\frac{2 \times 1200}{\lambda_1} - 4 = \frac{6 \times 1200}{\lambda_1} - 24 \Rightarrow \frac{4 \times 1200}{\lambda_1} = 20 \Rightarrow \lambda_1 = 240 \text{ nm}$$

۳۰

گزینه درست: ۳

سوال ۳۰

گزینه «۳»

$$K_{\max} = hf - \omega. \rightarrow \frac{1}{2} m U_m^2 = \frac{hc}{\lambda} - \omega.$$

$$\frac{\frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-31} \times 25 \times 10^{10}}{1/6 \times 10^{-19}} = \frac{1240}{\lambda} - 4/46$$

$$0.7 = \frac{1240}{\lambda} - 4/46 \rightarrow \lambda \approx 240 \text{ nm}$$

۳۱

گزینه درست: ۳

سوال ۳۱

گزینه «۳»

با استفاده از معادله انیشتین برای فوتوالکتریک داریم:

$$K_{\max} = hf - w. \Rightarrow \begin{cases} K_{\max} = hf - w. \\ \cdot 1/6 K_{\max} = h(\frac{2}{3}f) - w. \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{\lambda \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = hf - w. \\ \frac{\cdot 1/6 \lambda \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = hf - w. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \Delta = hf - w. \\ 3 = \frac{2}{3} hf - w. \end{cases}$$

$$\begin{cases} hf = 4 \text{ ev} \\ w. = 4 \text{ ev} \end{cases} \quad \text{با حل دو معادله و دو مجهول فوق به دست می آید:}$$

۳۲

گزینه درست: ۳

سوال ۳۲

گزینه «۳»

$$1\text{eV} = 1/6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$(K_{\max})_1 = \frac{6/4 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 4\text{eV}$$

$$(K_{\max})_2 - (K_{\max})_1 = \frac{-75}{100} (K_{\max})_1$$

$$\Rightarrow (K_{\max})_2 = \frac{1}{4} (K_{\max})_1 = \frac{1}{4} \times 4 = 1\text{eV}$$

با استفاده از رابطه فوتوالکتریک انیشتین داریم:

$$K_{\max} = hf - w. \Rightarrow \begin{cases} 4 = \frac{hc}{\lambda} - w. \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = 4 + w. \\ 1 = \frac{hc}{2\lambda} - w. \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = 2 + 2w. \end{cases}$$

$$\Rightarrow 4 + w = 2 + 2w. \Rightarrow w = 2\text{eV}$$

$$w = hf. \Rightarrow f = \frac{2}{4 \times 10^{-15}} = 5 \times 10^{14} \text{ Hz} = 500 \text{ THz}$$

۳۳

گزینه درست: ۲

سوال ۳۳

گزینه «۲»

با استفاده از معادله فوتوالکتریک انیشتین، داریم:

$$K_{\max} = hf - W. \Rightarrow \frac{1}{2} mv^2 = hf - hf.$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-31} \times v_{\max}^2$$

$$= 4/125 \times 10^{-19} - 4 \times 10^{-15} \times 1/6 \times 10^{-19} \times \frac{5}{\lambda} \times 10^{15}$$

$$\Rightarrow \frac{9}{2} \times 10^{-31} v_{\max}^2 = (4/125 - 4) \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow v_{\max}^2 = \frac{25}{100 \times 9} \times 10^{12} \Rightarrow v_{\max} = \frac{1}{6} \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۳۴

گزینه درست: ۲

سوال ۳۴

گزینه «۲»

بسامد اصلی برابر است با:

$$\Delta f = f_n - f_{n-1} = 500 - 375 = 125 \text{ Hz} = f_1$$

$$750 \text{ بسامد بعد از } 750 + f_1 = 750 + 125 = 875 \text{ Hz}$$

۳۵

گزینه درست: ۱

سوال ۳۵

گزینه «۱»

$$K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - W.$$

$$\Rightarrow \begin{cases} A_{\text{فلز}} : K_{\max} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{150 \times 10^{-9}} - 4/5 = 8 - 4/5 = 3/5 \text{ eV} \\ B_{\text{فلز}} : K_{\max} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{150 \times 10^{-9}} - 3 = 8 - 3 = 5 \text{ eV} \end{cases}$$

$$\text{درصد اختلاف} = \frac{3/5 - 5}{5} = -\frac{1/5}{5} \times 100 \quad \% = -30 \quad \%$$

(۳۶)

سوال ۳۶

گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از معادله فوتوالکتریک، داریم:

$$K_{\max} = hf - W. = K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - W.$$

$$\Rightarrow 4/4 = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{\lambda} - 2/8 \Rightarrow \lambda = \frac{12 \times 10^{-7}}{7/2} = \frac{1}{6} \times 10^{-6} \text{ m} \Rightarrow \lambda = \frac{1}{6} \mu\text{m}$$

(۳۷)

سوال ۳۷

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

بسامد آستانه فوتوالکترون‌ها از رابطه  $f. = \frac{W.}{h}$  به دست می‌آید.  $W.$  تابع کار فلز است که به جنس آن بستگی دارد که کمینه کار لازم برای خارج کردن یک الکترون از یک فلز است.

بیشینه طول موج نور در بسامد آستانه فوتوالکترون با رابطه زیر به دست می‌آید.

$$W. = hf. = h \frac{c}{\lambda.} \xrightarrow[\substack{W.=4/14\text{eV} \\ c=3 \times 10^8 \text{ m/s}}]{4/14} 4/14 = \frac{4/14 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{\lambda.}$$

$$\lambda. = 300 \times 10^{-9} \text{ m} = 300 \text{ nm}$$

(۳۸)

سوال ۳۸

گزینه درست: ۱

گزینه ۱

با استفاده از معادله فوتوالکتریک داریم:

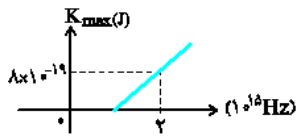
$$K_{\max} = hf - W.$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} mv_{\max}^2 = \frac{hc}{\lambda} - W.$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1200}{200} - 3 \Rightarrow v^2 = \frac{2}{m} \times 3 (*) \\ \frac{1}{2} mv^{c^2} = \frac{1200}{300} - 3 \Rightarrow v^{c^2} = \frac{2}{m} (***) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(*), (***)} \left(\frac{v^c}{v}\right)^2 = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{v^c}{v} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

۳۹



سوال ۳۹ گزینه درست: ۱

گزینه ۱

ابتدا تابع کار فلز را به دست می‌آوریم:

$$hf - W_0 = K_{\max}$$

$$K_{\max} = 1.9 \times 10^{-19} \text{ J}, f = 2 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}, W_0 = 2 \times 10^{-19} \text{ J} \Rightarrow hf = 1.32 \times 10^{-18} \text{ J}$$

$$1.32 \times 10^{-18} - W_0 = 1.9 \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow W_0 = 1.13 \times 10^{-18} \text{ J}$$

اکنون بیشینه انرژی جنبشی فوتوالکترون‌های گسیل شده را به ازای تابش نور با طول موج  $\lambda = 300 \text{ nm}$  به دست می‌آوریم:

$$\frac{hc}{\lambda} - W_0 = K'_{\max} \quad \left( \lambda = 300 \text{ nm} = 3 \times 10^{-7} \text{ m}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)$$

$$K'_{\max} = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{3 \times 10^{-7}} - 1.13 \times 10^{-18}$$

$$= 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

۴۰

سوال ۴۰ گزینه درست: ۲

گزینه ۲

مطابق رابطه بیشینه انرژی جنبشی و طول موج قطع داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 \xrightarrow{W_0 = h \frac{c}{\lambda_0}} K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0}$$

$$\frac{hc = 1240 \text{ eV}\cdot\text{nm}}{\lambda = 200 \text{ nm}, \lambda_0 = 310 \text{ nm}} \rightarrow K_{\max} = \frac{1240}{200} - \frac{1240}{310}$$

$$\Rightarrow K_{\max} = \left( \frac{31 - 20}{20 \times 31} \right) \times 1240 = \frac{22}{10} = 2.2 \text{ eV}$$

۴۱

سوال ۴۱ گزینه درست: ۱

گزینه «۱»

با استفاده از رابطه اینیشتین برای فوتوالکترونیک، داریم:

$$K_{\max} = hf - W_0 \Rightarrow \frac{1}{2} m v_{\max}^2 = h(f - f_0)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-31} \times \left( \frac{f}{10^6} \right)^2$$

$$= 4.5 \times 10^{-15} \times 1/6 \times 10^{-19} \times (f - 5 \times 10^{14})$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \times 9 \times \frac{16}{9} \times 10^{-19} = 4.5 \times 10^{-15} \times 1/6 \times 10^{-19} \times (f - 5 \times 10^{14})$$

$$\Rightarrow \frac{10}{2} = 4.5 \times 10^{-15} (f - 5 \times 10^{14}) \Rightarrow 12/5 \times 10^{14} = f - 5 \times 10^{14}$$

$$\Rightarrow f = 17/5 \times 10^{14} \text{ Hz} \Rightarrow f = 1.7 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

۴۲

سوال ۴۲ گزینه درست: ۴

گزینه ۴

عمل غنی‌سازی در یک نمونه اورانیوم، افزایش درصد ایزوتوپ‌های اورانیوم ۲۳۵ است.

